



# الفيزياء

الصف الحادي عشر

الجزء الأول

الأجزاء المعلقة  
2025/2024



كتاب الطالب  
المرحلة الثانوية

الطبعة الثانية



# الفيزاء



وزارة التربية

١١

الصف الحادي عشر

كتاب الطالب

الجزء الأول

المرحلة الثانوية

اللجنة الإشرافية لدراسة ومواءمة سلسلة كتب العلوم

أ. برّاك مهدي برّاك (رئيساً)

أ. فتوح عبد الله طاهر الشمالي

الطبعة الأولى ٢٠١٤ - ٢٠١٣ م  
الطبعة الثانية ٢٠١٥ - ٢٠١٦ م  
م ٢٠١٨ - ٢٠١٩  
م ٢٠١٩ - ٢٠٢٠  
م ٢٠٢٠ - ٢٠١٩  
م ٢٠٢١ - ٢٠٢٠  
م ٢٠٢٢ - ٢٠٢٣  
م ٢٠٢٣ - ٢٠٢٤  
م ٢٠٢٤ - ٢٠٢٣

## فريق عمل دراسة ومواهمة كتب الفيزياء للصف الحادى عشر الثانوى

أ. أسامة مصطفى خليل العجوز

أ. محمد حسان محمد الكردي

أ. كلثوم عبد الرحمن أحمد ملك

أ. أمل محمد أحمد داود

أ. منى خالد مطلق المطيري

دار التّربويّون House of Education ش.م.م. وبيرسون إديوكيشن ٢٠١٣

شاركنا بتقييم مناهجنا



الكتاب كاملاً



طبع في: شركة المطبعة الألمانية للطباعة والتغليف ذ.م.م  
أودع بمكتبة الوزارة تحت رقم (٢٥) بتاريخ ٢٠١٥/٤/٢



# حضره صاحب السمو الشيخ مشعل الأحمد الجابر الصباح

## أمير دولة الكويت



# سمو الشيخ صباح الخالد الحمد المبارك الصباح

## ولي عهد دولة الكويت

# مقدمة

الحمد لله رب العالمين، والصلوة والسلام على سيد المرسلين، محمد بن عبد الله وصحبه أجمعين.

عندما شرعت وزارة التربية في عملية تطوير المناهج، استندت في ذلك إلى جملة من الأسس والمتطلبات العلمية والفنية والمهنية، حيث راعت متطلبات الدولة وارتباط ذلك بسوق العمل، وحاجات المتعلمين والتطور المعرفي والعلمي، بالإضافة إلى جملة من التحديات التي تمثلت بالتحدي القيمي والاجتماعي والاقتصادي والتكنولوجي وغيرها، وإن كنا ندرك أن هذه الجوانب لها صلة وثيقة بالنظام التعليمي بشكل عام وليس المناهج بشكل خاص.

وما يجب التأكيد عليه، أن المنهج عبارة عن كم الخبرات التربوية والتعليمية التي تُقدم للمتعلم، وهذا يرتبط أيضًا بعمليات التخطيط والتنفيذ، والتي في مجملتها النهائية تأتي لتحقيق الأهداف التربوية، وعليه أصبحت عملية بناء المناهج الدراسية من أهم مكونات النظام التعليمي، لأنها تأتي في جانبين مهمين لقياس كفاءة النظام التعليمي، فهي من جهة تمثل أحد المدخلات الأساسية ومقاييسًا أو معيارًا من معايير كفاءته من جهة أخرى، عدا أن المناهج تدخل في عملية إيماء شخصية المتعلم في جميع جوانبها الجسمية والعقلية والوجدانية والروحية والاجتماعية.

من جانب آخر، فنحن في قطاع البحوث التربوية والمناهج، عندما نبدأ في عملية تطوير المناهج الدراسية، ننطلق من كل الأسس والمتطلبات التي سبق ذكرها، بل إننا نراها محفزات واقعية تدفعنا لبذل قصارى جهدنا والمضي قدماً في البحث في المستجدات التربوية سواء في شكل المناهج أم في مضامينها، وهذا ما قام به القطاع خلال السنوات الماضية، حيث البحث عن أفضل ما توصلت إليه عملية صناعة المناهج الدراسية، ومن ثم إعدادها وتأليفها وفق معايير عالمية استعداداً لتطبيقها في البيئة التعليمية.

ولقد كانت مناهج العلوم والرياضيات من أول المناهج التي بدأنا بها عملية التطوير، إيماناً بأهميتها وانطلاقاً من أنها ذات صفة عالمية. مع الأخذ بالحسبان خصوصية المجتمع الكويتي وببيئته المحلية، وعندما أدركنا أنها تتضمن جوانب عملية التعلم ونعني بذلك المعرفة والقيم والمهارات، قمنا بدراستها وجعلها تتوافق مع نظام التعليم في دولة الكويت. مركزين ليس فقط على الكتاب المقرر ولكن شمل ذلك طرائق وأساليب التدريس والبيئة التعليمية ودور المتعلم. مؤكدين على أهمية التكامل بين الجوانب العلمية والتطبيقية حتى تكون ذات طبيعة وظيفية مرتبطة بحياة المتعلم.

وفي ضوء ما سبق من معطيات وغيرها من الجوانب ذات الصفة التعليمية والتربوية تم اختيار سلسلة مناهج العلوم والرياضيات التي أكملناها بشكل ووقة مناسبين، ولنتحقق نقلة نوعية في مناهج تلك المواد. وهذا كله تزامن مع عملية التقويم والقياس للأثر الذي تركته تلك المناهج. ومن ثم عمليات التعديل التي طرأناها أثناء وبعد تنفيذها، مع التأكيد على الاستمرار في القياس المستمر والمتابعة الدائمة حتى تكون مناهجنا أكثر تفاعلية.

**د. سعدود هلال الحريبي**

الوكيل المساعد لقطاع البحوث التربوية والمناهج

# المحتويات

## الجزء الأول

---

الوحدة الأولى: الحركة

## الجزء الثاني

---

الوحدة الثانية: المادة والحرارة

الوحدة الثالثة: الكهرباء والمغناطيسية

الوحدة الرابعة: الضوء

# محتويات الجزء الأول

12	الوحدة الأولى: الحركة
13	الفصل الأول: حركة المقدوفات
14	الدرس 1-1: الكميات العددية والكميات المتجهة
25	الدرس 1-2: تحليل المتجهات
29	الدرس 1-3: حركة القذيفة
38	مراجعة الفصل الأول
39	أسئلة مراجعة الفصل الأول
42	الفصل الثاني: الحركة الدائرية
43	الدرس 2-1: وصف الحركة الدائرية
54	الدرس 2-2: القوة الجاذبة المركزية
61	الدرس 2-3: القوة الطاردة المركزية <b>تعليق</b>
66	مراجعة الفصل الثاني
67	أسئلة مراجعة الفصل الثاني

70	الفصل الثالث: مركز الثقل
71	الدرس 3-1: مركز الثقل
74	الدرس 3-2: مركز الكتلة
78	الدرس 3-3: تحديد موضع مركز الكتلة أو مركز الثقل
84	الدرس 3-4: تعلل الأجسام
90	الدرس 3-5: الاتزان (الثبات)
95	الدرس 3-6: مركز ثقل جسم الإنسان
99	مراجعة الفصل الثالث
101	أسئلة مراجعة الفصل الثالث
104	الفصل الرابع: حركة الأقمار الصناعية
105	الدرس 4-1: مسارات الأقمار الصناعية
111	مراجعة الفصل الرابع
112	أسئلة مراجعة الفصل الرابع

### فصل الوحدة

#### الفصل الأول

ـ حركة المقدوفات

#### الفصل الثاني

ـ الحركة الدائرية

#### الفصل الثالث

ـ مركز الثقل

#### الفصل الرابع

ـ حركة الأقمار الصناعية

### أهداف الوحدة

ـ يعرّف الكميات العددية والكميات

المتجهة.

ـ يجد محصلة عدّة متجهات.

ـ يحلل المتجه المعطى لمركتين  
أفقية ورأسية.

ـ يعرّف حركة المقدوفات.

ـ يعرّف الحركة الدائرية.

ـ يعرّف القوّة الجاذبة المركزية.

ـ يعرّف القوّة الطاردة المركزية.

ـ يعرّف مركز الثقل.

ـ يدرس حركة الأقمار الصناعية.

### معالم الوحدة

الفيزياء في المختبر: خطوط الملاحة  
ارتباط الفيزياء بالياضنة: ركوب الأمواج

الفيزياء في المختبر: المقدوفات  
والسقوط الحرّ

ارتباط الفيزياء بالياضنة: زمان التحليق

الفيزياء في المختبر: مقارنة بين  
المتدحرجات

الفيزياء في المختبر: تدرج العجلات  
المدرجة

ارتباط الفيزياء بالเทคโนโลยيا: عجلات  
السكك الحديدية

توظيف الفيزياء: مصمم القطار الدوار  
في المدينة الترفيهية

الفيزياء في المختبر: الحركة الدائرية لدلو

الماء



هل تتسارع الأرجوحة الدوّارة عندما تتحرّك على مسارها الدائري بسرعة ثابتة؟

قبل أن تبدأ اللعبة الدوّارة حركتها ، تكون المقاعد معلقة رأسياً نحو الأرض ، لكن عندما تدور تنحرف بزاوية عن موقعها. إنّ حركة الأرجوحة الدوّارة هي مثال على الحركة غير الخطية التي هي محور هذه الوحدة . بعد أن درسنا في السنوات السابقة الحركة الخطية المنتظمة والحركة الخطية منتظمة العجلة ، سنتناول في هذه الوحدة حركة القذيفة ، وهي حركة على مسار منحنٍ يجمع بين حركة أفقية منتظمة وحركة رأسية معجلة ، كما سندرس الحركة الدائرية كأحد أنواع الحركة في مستوى .

### اكتشف بنفسك

لقد اهتمّ العلماء وال فلاسفه على مرّ العصور بدراسة حالتي السكون والحركة والعلاقة النسبية بينهما . وصنفوا الحركة معتمدین على اختلاف نوع مسار الجسم المتحرك ، فعرفوا الحركة الخطية والحركة الدائرية . كما أنّ ارتباط مفهوم الحركة بالقوّة جعل العلماء اليونانيين يعتقدون أنّ بقاء القوّة المؤثرة على الجسم ضروري لبقاء حركته ، إلى أن جاء نيوتن فوضع قوانينه التي تنقض هذا الطرح وتعتبر أساس علم الحركة .

أجب عن الأسئلة التالية مستخدماً النص السابق .

**1. عرف الحركة الخطية والحركة الدائرية .**

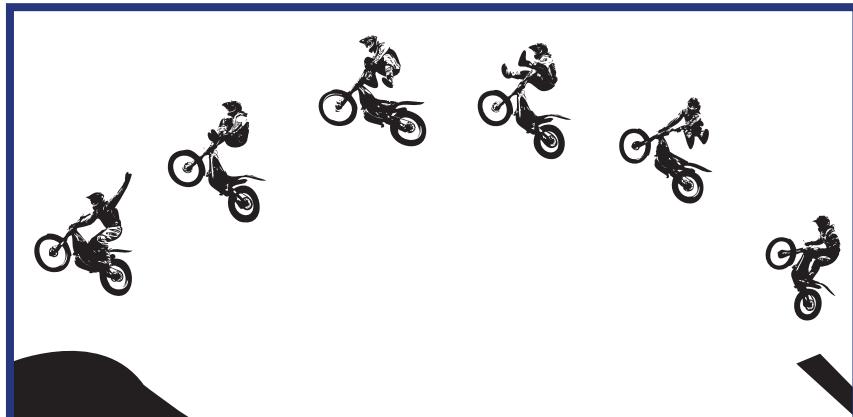
**2. اذكر نصّ قانون نيوتن الذي ينقض ضرورة بقاء القوّة المؤثرة من أجل بقاء الحركة .**

# الفصل الأول

## حركة المقدّمات Projectile Motion

### دروس الفصل

- الدرس الأول
  - الكميات العددية والكميات المتجهة
- الدرس الثاني
  - تحليل المتجهات
- الدرس الثالث
  - حركة القذيفة



هل تغيير زاوية الانطلاق تأثير على شكل المسار؟

إذا لاحظت حركة الدراجة النارية والمسار الذي تبعه في الهواء (الصورة إلى أعلى)، لأدركت أنَّ الكثير من الأشياء التي تُقذف في الهواء تأخذ شكل المسار نفسه.

فعندما يركب لاعب كرة القدم الكرة، تسلك في الهواء مساراً مشابهاً لمسار الدراجة النارية الموضحة في الصورة أعلاه. وذلك ينطبق على تيار الماء المندفع من النافورة الموضحة في الصورة أعلاه (الصورة إلى أسفل)، فكل قطرة من قطراته تتبع مساراً مشابهاً. وهذا المسار المنحنى الذي يتَّسَعُ من حركة إلى أعلى لفترة زمنية، ثم يغير اتجاهه نحو أسفل يُعرف بالقطع المكافئ Parabola. وُتُسمَّى الأجسام التي تُقذف في الهواء مثل الكرة و قطرات الماء بالقذيفة Projectile.

في هذا الفصل، ستتناول حركة القذيفة والقوى المؤثرة عليها، وسنكتشف أنَّ حركة القذيفة هي حركة مركبة من حركتين في اتجاهين متعامدين، أحدهما أفقي والآخر رأسي، وأنَّ لزاوية الإطلاق تأثير على حركتها. لذلك لا بدَّ لنا من دراسة كلٍّ ما يتعلَّق بالمتجهات لتتمكن من دراسة حركة القذيفة، وهذا ما سيتناوله الدرس الأول.

## الكميات العددية والكميات المتجهة Vector and Scalar Quantities

### الأهداف العامة

- يميز بين كميات عددية (قياسية) وكميات متجهة.
- يعطي أمثلة على كلّ من الكميات العددية والمتجهة.
- يعبر رياضيًّا عن الكمية المتجهة.
- يمثل المتجهات بالرسم.
- يمثل متوجه السرعة.
- يجد المحصلة لعدة متوجهات مستخدماً الرسم البياني.
- يستخدم جبر المتوجهات لحساب محصلة متوجهات مختلفة في الاتجاهات.

لقد صنفنا الكميات الفيزيائية في الصفوف السابقة إلى كميات أساسية مثل الطول والكتلة والزمن، وكميات مشتقة مثل السرعة والعجلة والقوة وغيرها.

لكن بعض هذه الكميات لا يمكن تحديدها بمعرفة مقدارها ووحدة قياسها فقط، بل يستلزم تحديدها معرفة اتجاهها. فعلى سبيل المثال، لا يمكننا معرفة الموضع الجديد لجسم تحرّك بمعرفة مقدار إزاحته، بل يجب أن نعرف بأيِّ اتجاه تمت هذه الإزاحة لنحدد موقعه.

لذلك نجد أننا مضطرين لتصنيف الكميات الفيزيائية إلى كميات عددية وكميات متجهة، وأن نتعرّف العمليات الرياضية اللازمة لحساب كل منها، وهذا ما سيتناوله هذا الدرس.

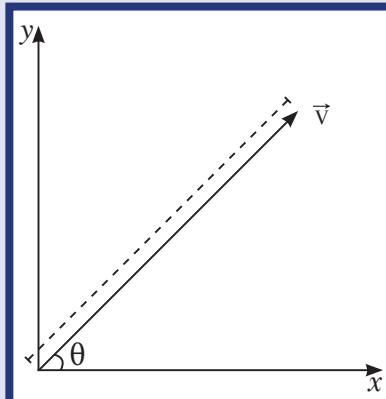
### 1. الكميات العددية والكميات المتجهة Scalar and Vector Quantities

تُسمى الكميات العددية أيضًا الكميات القياسية، وهي الكميات التي يكفي لتحديدها عدد يحدّد مقدارها، ووحدة فيزيائية تميز هذا المقدار.

فكثالة الولد التي تساوي kg(50) على سبيل المثال هي كمية عددية حيث أنَّ العدد 50 يحدّد المقدار، وkg هي الوحدة التي تميز هذا المقدار. المسافة والזמן هما أيضًا كميتان عدديتان.

تبعد الكميات العددية قواعد الجبر الحسابية Arithmetic Algebra الخاصة بالأعداد، فهي تُجمع وتنظرح إذا كانت متجانسة الوحدات. فإذا كانت كثالة الولد تساوي kg(40) وكثالة دراجته kg(60) مثلاً، فإنَّ كتلة النظام المؤلف من الولد والدراجة تساوي kg(100).

أما الكميات المتجهة فهي الكميات التي تحتاج في تحديدها إلى الاتجاه الذي تأخذه بالإضافة إلى العدد الذي يحدّد مقدارها ووحدة القياس التي تميزها.



(شكل 1)

تمثيل المتوجه

## مُسَأْلَاتٌ مَعَ إِجَابَاتٍ

1. ورد في نشرة الأرصاد الجوية أن سرعة الرياح الشمالية المتوقعة لنهار غد قد تصل إلى  $(60) \text{ km/h}$ . مثل هذه السرعة رياضيًّا.

الإجابة:  $v = (60, 90^\circ)$

2. استخدم القانون الثاني لنيوتون لإيجاد متجه العجلة لجسم كتلته

$(2.5) \text{ kg}$  أثّرت فيه قوّة  $\vec{F} = ((10) \text{ N}, 45^\circ)$ .

الإجابة:  $\vec{a} = (4, 45^\circ)$

تمثّل الكمّيات المتجهة بيانًّا بسهم (شعاع) يظهر مقدار الكمّية الممثلة واتّجاهها، ويُسمّى المتجه (شكل 1).

تُكتب الكمّية المتجهة بحرف يوضع فوقه سهم مثل  $\vec{v}$  ليتم تمييزه عن الكمّية القياسية، أو من نقطة بداية إلى نقطة نهاية مثل  $\overrightarrow{AB}$ ، وأحياناً تُستخدم أحرف تُكتب بينط عريض مثل  $v$  أو  $AB$ .

يُحدّد مقدار المتجه بعدد ووحدة قياس ويُكتب  $| \overrightarrow{AB} |$ ، ويُحدّد اتجاهه بالزاوية التي يصنعها مع محور إسناد، ويكون قياس الزاوية بدأً من الاتّجاه الموجب لمحور السينات.

يُعبر عن الكمّية المتجهة  $v$  رياضيًّا كما يلي:  $(v, \theta) = \vec{v}$ ، حيث  $v$  هي مقدار المتجه و  $\theta$  اتجاهه.

## مثال (1)

قوّة تؤثّر على صندوق خشبي مقدارها  $(5) \text{ N}$  تدفعه إلى الغرب.

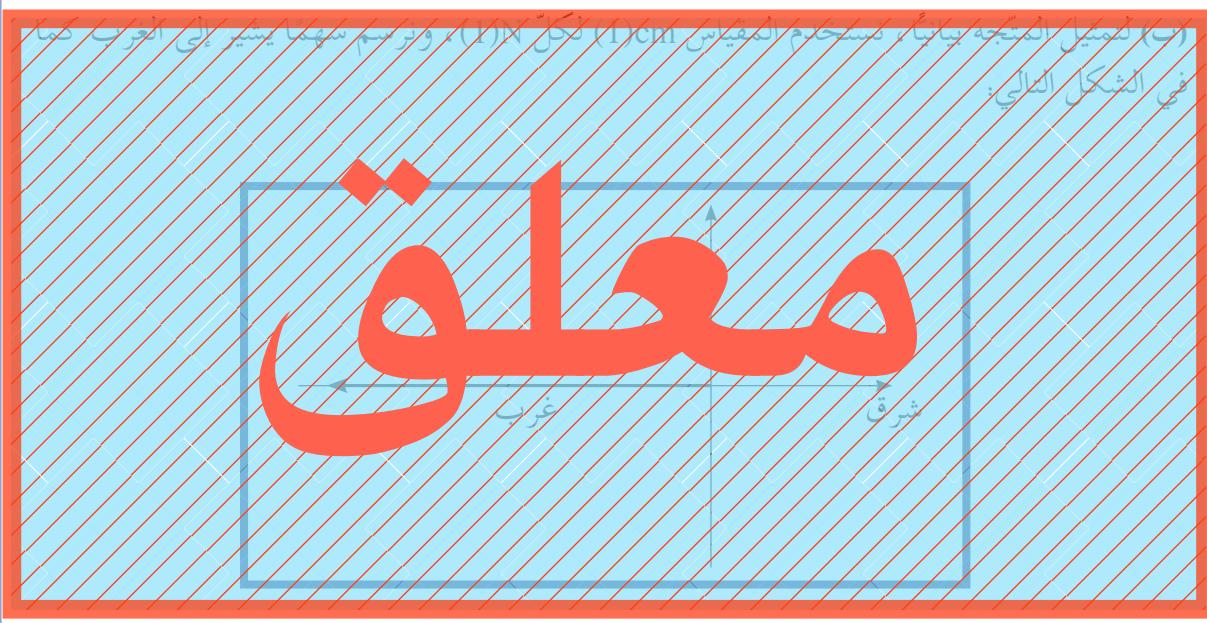


مثل هذه القوّة: (أ) رياضيًّا

الحل

(أ) يُكتب مقدار متجه القوّة  $\vec{F}$  على الشكل التالي:  $F = | \vec{F} | = (5) \text{ N}$  أو  $(5) \text{ N}$  أمّا الاتّجاه فهو إلى الغرب أي بالاتّجاه السالب لمحور السينات، أي أنه يصنع زاوية  $180^\circ = \theta$  مع محور الإسناد الموجب. وعليه نمثّل متجه القوّة رياضيًّا كما يلي:

$$\vec{F} = ((5) \text{ N}, 180^\circ)$$



## 1.1 الكّمّيات المُتّجّهة

تخضع الكّمّيات المُتّجّهة عند إجراء عمليات جمعها وطرحها أو ضربها إلى جبر المتجهات بدلاً من الجبر الحسابي . ومن الأمثلة على الكّمّيات المُتّجّهة والتي درسناها سابقاً:

(أ) الإزاحة

هي المسافة الأقصر بين نقطة بداية الحركة ونقطة نهايتها ، وباتجاه من نقطة البداية إلى نقطة النهاية .

**نَمْثِيلُ الْإِرْازَةَ مِنَ النَّقْطَةِ A إِلَى النَّقْطَةِ B وَالَّتِي مُفَدَّرَهَا (20) km بِاتِّجَاهِ 45° إِلَى الشَّمَالِ لِلشَّرْقِ فِي فَرْسَبَةٍ مُعَدَّلَةٍ بِمَسْتَوِيِّ مَتَّجَهٍ (يُمْثِلُ بِمَقِيسٍ رَسَمٌ (1) cm لِكُلَّ (10) km) لِكُلَّ (1) cm (10) km بِاتِّجَاهِ زَوْدَةِ 45° كَمَا فِي الشَّكْلِ (2).**

### Velocity Vector

(ب) السرعة المتجهة

السرعة المتجهة التي عرفناها في الصف العاشر هي من الأمثلة على الكّمّيات المُتّجّهة التي تعبّر عن مقدار واتجاه ، وهي تختلف عن السرعة العددية التي تعبّر عن المقدار فقط .

فعندما نصف السرعة المتجهة ، نستخدم سهماً يُسمّى المتجّه ليُمثّل المقدار والاتجاه للكّمية المُتّجّهة ، حيث يحدّد طول السهم المرسوم وفقاً لمقياس محدد مقدار الكّمية المُتّجّهة ، ويحدّد اتجاهه اتجاه الكّمية .

**فِيَ الْشَّكْلِ (3) رَسَمَتْ بِمَسْتَوِيِّ يَمِيلُ كُلَّ (1) cm عَلَى (20) km/h ، وَبِسَاءَ أَنْ طَرَفَ يَمِيلَ (3) cm وَهُوَ يُشَيرُ إِلَى اليمين ، فَهُوَ يُمْثِلُ سرعة (60) km/h باتجاه اليمين أو نحو ذلك.**

# معلق



طلقت سيارة ابارة من المحطة قاصدة من مركز المدينة الذي يبعد عن المحطة (40) km باتجاه (60) km/h باتجاه الشرق . استخدم مقياس الرسم (1) cm يعادل (10) km لتمثيل بياناته . متجّه الإزاحة يبدأ من المحطة إلى مركز المدينة .

## Properties of Vectors

## 2. خصائص المتجهات

### Equality

### 1.2 التساوي

لتأخذ المتجهين  $\vec{v}_1$  و  $\vec{v}_2$  . يُقال إن المتجهين متساويان إذا كان لهما المقدار والاتجاه نفسها (شكل 4) .

### Transport

### 2.2 النقل

من الخواص الهندسية المهمة بعض المتجهات هي خاصية النقل . تُقسم المتجهات إلى قسمين: المتجهات الحرّة والمتجهات المقيدة .

1. المتجهات الحرّة Free Vectors هي حين يمكن نقل متجّه من مكان إلى آخر بدون أن تتغيّر قيمته واتجاهه . تُسمّى متجهات الإزاحة والسرعة المتجهة بالمتّجّهات الحرّة لأنّها غير مقيدة بنقطة تأثير .

2. المتجّهات المقيدة Restricted Vectors هي متجّهات مقيدة بنقطة التأثير مثل متجّه القوّة الذي لا يمكن نقله لارتباطه بنقطة تأثير .



(شكّل (4))  
 $\vec{v}_1 = \vec{v}_2$

## Addition of Vectors

## 3.2 جمع المتجهات

تُسمى عملية جمع المتجهات عملية تركيب ، حيث تتم الاستعاضة عن متجهين أو أكثر بمتجه واحد بما أن المتجهات هي كميات لها مقدار واتجاه ، فهي تحتاج إلى عملية جبر المتجهات .

في هذا الدرس ، سننهم بمحصلة متجهات الإزاحة التي سيرمز إليها بـ  $\vec{D}$  ومتجهات السرعة بـ  $\vec{v}$  ، وحيث يمكن تعليم النتائج على جميع المتجهات .

(أ) محصلة متجهات لها الاتجاه نفسه أو متعاكسة

عندما تكون المتجهات بالاتجاه نفسه يُستخدم الجبر البسيط في حساب المحصلة .

إذا أخذنا طائرة تطير بسرعة  $100 \text{ km/h}$  بالنسبة إلى الهواء المحيط بها باتجاه الشمال ، وافتراضنا أن رياحاً من جهة الذيل تهب باتجاه الشمال أيضاً بسرعة  $20 \text{ km/h}$  ، فإن السرعة المحصلة بالنسبة إلى الأرض تساوي  $120 \text{ km/h}$  (شكل 5 - أ) .

وعندما تكون حركة الطائرة باتجاه الرياح وبدون الرياح التي تأتي من اتجاه الذيل ، فستحلق الطائرة بسرعة  $100 \text{ km/h}$  بالنسبة إلى الأرض .

إذا افترضنا أن الطائرة ستستدير على شكل حرف (U) ثم تحلق بعكس اتجاه الرياح بدلاً من التحليق باتجاهها ، فستكون السرعة المحصلة  $v = 100 - 20 = 80 \text{ km/h}$  بالنسبة إلى الأرض (شكل 5 - ب) .

يوضح لنا هذا المثال أننا لسنا بحاجة لاستخدام جبر المتجهات لحساب السرعة المحصلة عندما تهب الرياح باتجاه المقدمة أو الذيل . لكن هل نستطيع أن نحسب محصلة السرعة إذا كانت الرياح تهب عمودياً على حركة الطائرة بسرعة  $60 \text{ km/h}$  من الغرب إلى الشرق بينما تحرّك الطائرة باتجاه الشمال بسرعة  $80 \text{ km/h}$ ؟ هذا ما سنتناوله في فقرة حساب محصلة المتجهات المتعاكسة .

(ب) محصلة متجهات متعاكسة

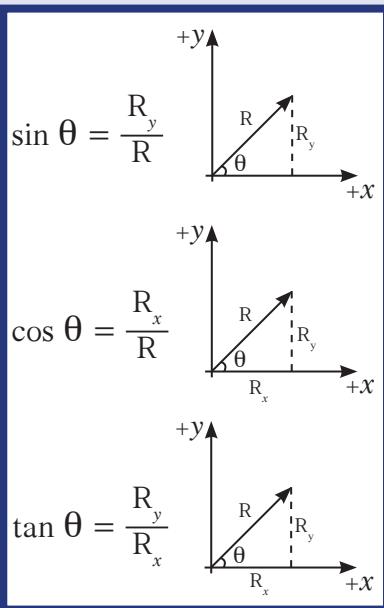
من المؤكّد في مثل هذا الوضع أننا بحاجة إلى جمع المتجهات لمعرفة مقدار محصلة السرعة واتجاهها . فلنمثل هذه السرعات بالمتجهات كما في الشكل (6) ، حيث يمثل كل  $1 \text{ cm} = 20 \text{ km/h}$  وتمثل

المحصلة بقطعة سطحية بقطعة سطحية متساوية  $5 \text{ cm}$  ، وهي تمثل باستخدام المقياس المعطى مقدار السرعة التي تساوي  $100 \text{ km/h}$  . أمّا الاتجاه فيتمثّل باستخدام المثلثة .

نعتبر استخدام الرسم البياني لمعرفة محصلة متجهين المترابطة الوحدة

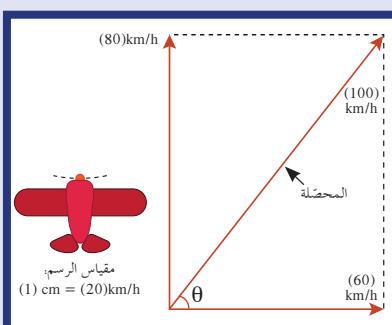
يمكننا حساب المحصلة بحساب طول الوتر ، وذلك باستخدام الرسم الهندسي نظريّة فيثاغورث حيث إن مربع طول الوتر يساوي مجموع مربعين الضلعين الآخرين ، أي أن:

$$v_r^2 = v_p^2 + v_a^2$$



(شكل 5)

سرعة تحليق الطائرة بالنسبة للأرض تعتمد على سرعة الطائرة بالنسبة للهواء وعلى سرعة الرياح .



(شكل 6)

سرعة تحليق الطائرة  $80 \text{ km/h}$  عمودية على سرعة الرياح  $60 \text{ km/h}$  تنتج محصلة سرعة مقدارها  $100 \text{ km/h}$  بالنسبة إلى الأرض .

## مسائل مع إجابات

1. قوتان  $\vec{F}_1$  و  $\vec{F}_2$  مقدارهما N(10) و N(15) على التوالي تحرسان بينهما زاوية  $60^\circ$  وتؤثران على جسم نقطي.

احسب مقدار محصلة القوتان واتجاههما.

الإجابة:

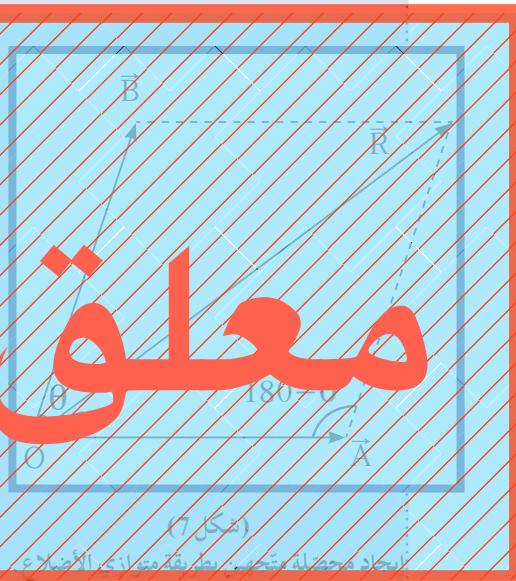
$$(F_r = 21.79)N, \theta = 36.58^\circ$$

2. تحرسان عربة المسافر المزدوجة سافة 85m افقياً ثم 45m باتجاه 20° فوق المستوى الأفقي. يستخدم نظرية المسافة المتجهة لتحديد مقدار القوتين من حيث اتجاههم.

# معلق

3. قوتان متعامدان تؤثران على النقطة O. أحسب مقدار محصلة القوتين علمًا أن مقدار  $F_1 = (30)N$  و  $F_2 = (40)N$

الإجابة: (50)N



وعليه يمكننا أن نكتب:

$$v_r^2 = 80^2 + 60^2 = 6400 + 3600 = 10000$$

وبالتالي تكون محصلة سرعة الطائرة  $v_r = (100)km/h$  من 1 سم باستخراج المقادير المعطى.

أما الاتجاه فيمكن احتسابه باستخدام العلاقة:

$$\tan \theta = \frac{v_p}{v_a} = \frac{80}{60} = \frac{4}{3}$$

$$\Rightarrow \theta = 53.13^\circ$$

- (ج) محصلة المتجهات غير المتوازية أو المتعامدة لحساب محصلة متوجهين أو أكثر غير متعامدين ويختلفان في الاتجاه ويقعان في مستوى واحد، يمكننا استخدام:
- ✓ الطريقة البيانية باستخدام متوازي الأضلاع
  - ✓ الطريقة الحسابية لجبر المتجهات

أولاً - الطريقة البيانية (متوازي الأضلاع):

- إذا كان المتجهان  $\vec{A}$  و  $\vec{B}$  يلتقيان في نقطة واحدة O وشكلان في مسماها راويه  $\theta$  كا في الشكل (7)، في إعداد مثلث يكون باتجاه الخطوات التالية.
1. نمثل كل من المتجهين  $\vec{A}$  و  $\vec{B}$  من نقطة O بخطين متلاقيين يخرجان من نقطة  $O$  في اتجاه المحيطة بهما.
  2. نكمل متوازي الأضلاع  $OABR$  ونرسم قطره (الداخل)  $AB$  (الداخل) من نقطة إتقان المتجهين)، ثم نقياس طوله لمعرفة مقدار المحصلة.
  3. اتحاد الاتجاه للمحصلة بقياس الزاوية.

ثانياً - الطريقة الحسابية:

نحسب طول الوتر الذي يمثل المحصلة بالعلاقة الرياضية التالية:

$$R = \sqrt{A^2 + B^2 + 2AB \cos \theta}$$

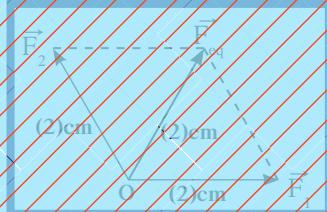
ولتحديد اتجاه المحصلة نستخدم العلاقة التالية:

$$\frac{\sin \alpha}{B} = \frac{\sin (\pi - \theta)}{R}$$

وبما أن  $\sin (\pi - \theta) = \sin \theta$  نكتب:

$$\sin \alpha = \frac{B \sin \theta}{R}$$

$\vec{F}_1$  و  $\vec{F}_2$  متوجهان متساويان في نقطة O ورافقان في مستوى واحد. مقدار  $\vec{F}_1$  يساوي N(20) و مقدار  $\vec{F}_2$  يساوي N(20) والزاوية المحيطة بيتهما تساوي 120°.



1. ارسم هذين المتوجهين والاحصل عليهما باستخدام مقياس رسم مناسب.
2. احسب مقدار المحصلة فيما مستخدم الرسم البياني.
3. عدد عناصر محصلة المتوجهين.

خطوات الحل:

نختار مقياس cm(1)cm (يعادل N(10)). نمثل كل من المتوجهين  $\vec{F}_1$  و  $\vec{F}_2$  بشعاع طوله cm(2) ونرسمهما بحيث نحصل بهما زاوية 120°. نحن متوازي الاضلاع وزن سهم المحصلة التي هي قطر متوازي الاضلاع (الخارج من نقطة التقاء القوتين). تقس بسطرة طول المقياس والتي تساوي كما في الشكل (2).

باستخدام المقياس نستنتج أن مقدار المحصلة تساوي N(20) = (2)cm × (10)N = 20N. أما عناصر المحصلة فهي: 1) نقطة تأثير، اتجاه 60° = 6 يقاس بالمنفلة، ومقدار يساوي N(20).

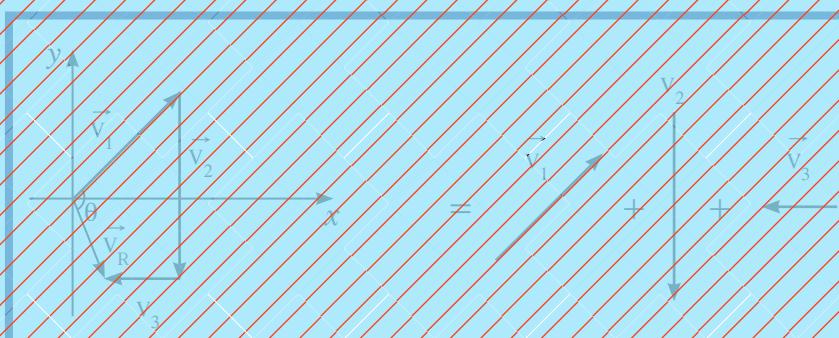
## شقة اثرائية

### العنوان في المختبر

#### خطوة المراجحة

يرشد سير القوافل الجريروں الطيارات في أفق السماء. تكون برسم المتوجه الذي يدارته هي نقطة نهاية المراجحة في النطارات الجوية. يعتمد عملهم على استخدام المتوجهات عند تحديد سرعة الطائرات واتجاهها. وأخذ سرعة الرياح والمسارات العitive في الاعبار، ذلك مع الاعتماد على إجهزة الادار ونرامج المراقة لمساعدة حركة كل طائرات المجموعة بالقرب من المطارات.

# محاف



(شكل 8)

رسم محصلة عدة متوجهات

إذ أن محصلة المتوجهات التي تتباين رأساً بنيل تكون المتوجه المحيط الذي يكون ذيله نقطة البداية ورأسه نقطة النهاية. أما اتجاه المحصلة، فيحدد بمقدار الزاوية بين متوجه المحصلة والمتجه الأول.



### مثال (3)

قام أحد سككيني العبابات بـ حلة استكشافية متلألأ من النقطة O ومستخدماً عدداً قياس المسافات والوصلات . فاصداً المحمد رفق المسار O, A, B, C, M . الموضح في الشكل (9).

مقياس الرسم هو (1) cm (1500)m

احسب بمتى ما مسافة ومتله.

(أ)

مقدار الإرادة المحصلة من الإنطلاق

الصلة.

(ب)

اتجاه المحصلة بالنسبة إلى

الصلة.

(أ) تقام بوصول النقطة O التي تمثل ديل المتجه الأول بالنقطة M التي تمثل رأس المتجه الآخر .

تقىي المسافة OM بـ باستخدام المسلاطة ونصل العدد بالمقياس المعطى على الرسم للحصل على مقدار الإرادة المحصلة .

$$OM = 2 \times 1500 = 3000(m)$$

(ب) أنت الاتجاه فيحتمل بالصلة ويساوي  $90^\circ$ .

# معلق

(شكل 9)  
الرسالة على الرسم



(شكل 10)  
مسار قارب الصيد

### مثال (4)

تحرّك قارب الصيد من المرفأ ليقطع مسافة (10) km باتجاه  $30^\circ$  شرق الشمال ثم (4) km إلى الجنوب (شكل 10).

أ) أحسب مسافة القارب من المرفأ عند انتهاء رحلته .  
الإرادة المحصلة واتجاهها

(ب) استخدم الطريقة الحسابية لجبر المتجهات لإيجاد مقدار الإزاحة المحصلة واتجاهها .

طريقة التفكير في الحل

1. حل: اذ نظر المعلوم ونوي المعلوم  
المعلم (10) km =  $D_1$  باتجاه  $30^\circ$  شرق الشمال

$D_2$  = (4) km باتجاه الجنوب  
غير المعلوم مقدار الإزاحة المحصلة لاتجاهها

2. حل: اذ نظر المعلوم ونوي المعلوم  
المعلم (10) km =  $D_1$  باتجاه  $30^\circ$  شرق الشمال

$D_2$  = (4) km باتجاه الجنوب  
لتحت المقياس (1) ذكر (2) km لرسم  $D_1$  و  $D_2$  يمثل

# معلق

مستحدما الرسم السادس  
لتحت المقياس (1) ذكر (2) km لرسم  $D_1$  و  $D_2$  يمثل

شعاع طوله (5) cm و  $D_2$  يشار طوله (2).

## مثال (4) (تابع)

رسم هذين المتجهين بحيث يلقي كل منهما في اتجاهه واحداً ربع قطر دائرة زاوية  $150^\circ = \theta$ , ثم أكمل متوازي الأضلاع وقى طول قطره يساوي  $(3.4)\text{cm}$ . اضرب الناتج بالعدد 2 لتحقق على مقدار الإزاحة المحسنة التي تساوي  $(6.8)\text{km}$ . فلنستخدم المنهلة لتحديد المتجه  $\vec{R}$  الذي ينبع من  $\vec{D}_1$  ويساوي  $13\text{m}$  على المحور الأفقي.

**معلم**

ويمكننا أن نطبق على المتجه  $\vec{R}$  المنهلة على المتجه  $\vec{D}_1$  حيث  $\vec{D}_1 = 2\vec{D}$  حيث  $\vec{D}$  هو المتجه الذي ينبع من  $\vec{D}_1$  ويزيل زاوية  $120^\circ$  مع الإزاحة  $R$ .

فمن طول  $\vec{D}$  حيث  $D = (3.4)\text{cm}$  والذي يعادل  $(6.8)\text{km}$  بحسب مقياس الرسم المستخدم. أما اتجاهه المحسنة الإزاحة فيقال بـ بواسطة المنهلة زاوية  $120^\circ$  مع الإزاحة  $R$ .

(ب) مستخدماً الطريقة الحسابية:

$$R^2 = D_1^2 + D_2^2 + 2D_1 D_2 \cos 150$$

$$R^2 = 5^2 + 2^2 + 2 \times 5 \times 2 \cos 150 = 11.67$$

$$R = (3.4)\text{cm}$$

بالتالي إن مقدار الإزاحة  $R = (6.8)\text{km}$

ولحساب الاتجاه نستخدم المعادلة:

$$\frac{\sin \alpha}{D_2} = \frac{\sin 150}{R}$$

$$\frac{\sin \alpha}{2} = \frac{\sin 150}{3.4}$$

$$\sin \alpha = 0.29$$

$$\alpha = 16.85^\circ$$

وبهذا، فالمتجه  $\vec{D}_2$  يأخذ الاتجاه  $43.14^\circ$  مع  $\alpha = 60 - 16.85 = 43.14^\circ$  على المحور الأفقي.

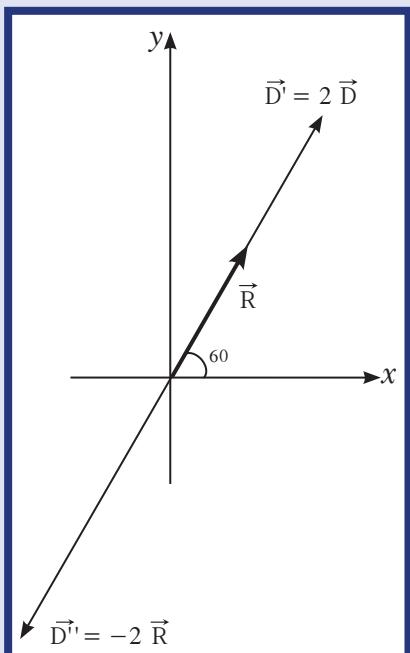
3. قيم: هل النتيجة مقبولة؟

لقد حصلنا على المقادير نفسها باستخدام الطريقتين وهذا يؤكّد صحة الطريقتين.

## 4.2 ضرب المتجهات بكميّة قياسية

لأخذ المتجه  $\vec{D}$  الذي يمثل إزاحة محددة باتجاه  $60^\circ$  (شكل 11). إن المتجه  $\vec{D}' = 2\vec{D}$  هو متجه مقداره ضعف مقدار المتجه  $\vec{R}$  وله الاتجاه نفسه.

أما المتجه  $\vec{D}'' = -2\vec{R}$  فمقداره يساوي ضعف مقدار  $\vec{R}$  ولكن اتجاهه معاكس. إن ضرب المتجه بكميّة قياسية سالبة يعكس اتجاه المتجه بالإضافة إلى تغيير مقداره ، في حين أنّ ضربه بكميّة قياسية موجبة يغير مقداره فقط بدون أن يغير الاتجاه.



(شكل 11)  
تمثيل ضرب المتجهات

### 3. ضرب المتجهات

ضرب المتجه بكمية قياسية سالبة أو موجبة ليس فقط ما يحتاجه في الفيزياء، إذ نحتاج في تحليل بعض المسائل الفيزيائية إلى ضرب متجه بمتوجه آخر، وهو ما يعرف بضرب المتجهات.

نعرف نوعين من ضرب المتجهات:

1. الضرب القياسي (العددي) ويسمى أيضاً الضرب النقطي .

2. الضرب الاتجاهي ويسمى أيضاً الضرب التقاطعي .

وستتعرف خصائص كلّ منها في ما يلي:

#### 1.3 الضرب القياسي

لأخذ المتجهين  $\vec{A}$  و  $\vec{B}$  اللذين يحصاران بينهما زاوية  $\alpha$  كما يظهر في الشكل (12).

نعرف الضرب القياسي للمتجهين A و B بالعلاقة الرياضية التالية :

$$\vec{A} \cdot \vec{B} = A \times B \cos \alpha$$

حيث أنّ  $\alpha$  هي الزاوية المحصورة بين المتجهين. أما A و B يمثلان مقدار كل متجه .

لاحظ أنّ حاصل الضرب القياسي للمتجهين هو كمية قياسية ، وهذا يفسّر سبب تسميته الضرب القياسي .

#### مثال (5)

من المعلوم أنّ الشغل هو كمية فيزيائية تسبّبها قوة مؤثرة على جسم عند إزاحته مسافة على مساره ، ويعُبر عنها بالضرب القياسي لكلّ من متجه القوة  $\vec{F}$  ومتوجه الإزاحة  $\vec{x}$  .

استخدم الضرب القياسي لحساب الشغل الناتج عن قوة مقدارها N(50) تصنع زاوية  $60^\circ$  مع متجه الإزاحة ، أدت عند تطبيقها إلى إزاحة الجسم مسافة m(10) .

طريقة التفكير في الحل

1. حلّ: اذكر المعلوم وغير المعلوم .

المعلوم: متجه القوة F مقداره N(50) ويصنع زاوية  $60^\circ$  مع الإزاحة .

مقدار الإزاحة:  $x = 10$  ، بالاتجاه الموجب للمحور الأفقي .

غير المعلوم: الشغل المتمثل بالضرب القياسي لكلّ من القوة والإزاحة .

2. احسب غير المعلوم:

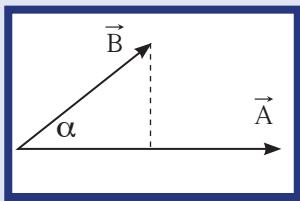
مستخدماً العلاقة الرياضية:

$$W = \vec{F} \cdot \vec{x} = F x (\cos 60)$$

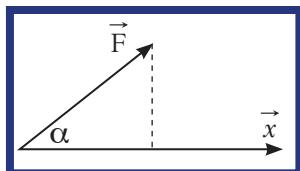
وبالتعويض عن المقادير المعلومة نجد أنّ : J(250)

3. قيم: هل النتيجة مقبولة؟

النتيجة مقبولة لأنّ الضرب القياسي للمتجهين يساوي كمية قياسية .



(شكل 12)



(شكل 13)

### 2.3 الضرب الاتجاهي

لأنناخذ المتجهين  $\vec{v}_1$  و  $\vec{v}_2$  وللذين يحصران بينهما زاوية  $\alpha$  كما يظهر في الشكل (14).

إن حاصل الضرب الاتجاهي للمتجهين  $\vec{A}$  و  $\vec{B}$  يمثل بالعلاقة الرياضية التالية:

$$\vec{R} = \vec{A} \times \vec{B}$$

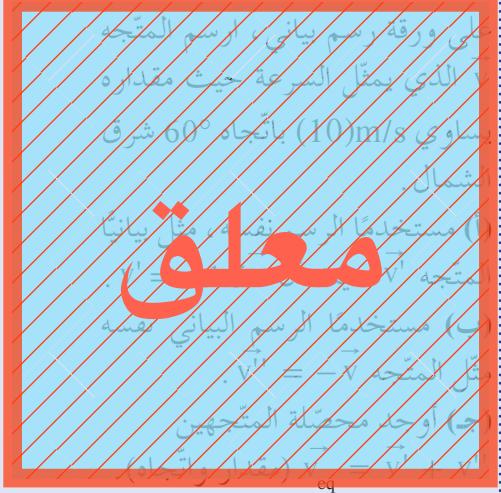
وعليه نستنتج أن حاصل الضرب الاتجاهي لمتجهين هو متجه مقداره يحدد بالعلاقة التالية:

$$\vec{R} = \vec{A} \times \vec{B} = A (B \sin \alpha)$$

علمًا أن هذا المقدار يمثل مساحة متوازي الأضلاع الناشئ عن المتجهين، واتجاهه فهو رأسي على المستوى المكون من المتجهين، ويحدد بتطبيق قاعدة اليد اليمنى وذلك بتدوير أصابع اليد اليمنى من المتجه الأول إلى الثاني عبر الزاوية الأصغر بين المتجهين ليشير الإبهام إلى اتجاه المتجه  $\vec{v}$  كما في الشكل (14).

(شكل 14)

#### مسألة



### مثال (6)

المتجهان  $\vec{F}_1$  مقداره  $N(5)$  و  $\vec{F}_2$  مقداره  $N(4)$  يحصران بينهما زاوية  $120^\circ$  كما في الشكل (15).

احسب حاصل الضرب الاتجاهي  $\vec{F}_1 \times \vec{F}_2$ .

**طريقة التفكير في الحل**

**1. حلّ:** اذكر المعلوم وغير المعلوم.

المعلوم:

متجه القوة  $\vec{F}_1$  مقداره  $N(5)$  واتجاهه بالاتجاه الموجب على المحور  $x'$

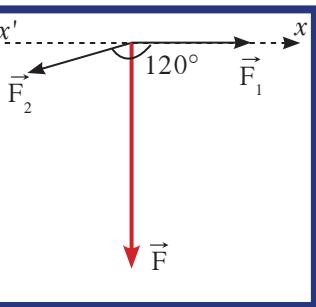
متجه القوة  $\vec{F}_2$  مقداره  $N(4)$  ويصنع زاوية  $120^\circ$  مع المحور  $x'$

غير المعلوم: حاصل الضرب الاتجاهي للمتجهين.

**2. احسب غير المعلوم:**

مستخدماً العلاقة الرياضية التالية:

$$\vec{F} = \vec{F}_1 \times \vec{F}_2$$



(شكل 15)

نجد أن حاصل الضرب هو المتجه  $\vec{F}$  ويحسب مقداره بالتعويض عن المقادير المعلومة في العلاقة:

$$F = F_1 \times F_2 \sin 120^\circ = 5 \times 4 \sin 120^\circ = (17.32) N$$

أما اتجاهه فيُحدَّد باستخدام قاعدة اليد اليمنى من المتجه الأول إلى الثاني عبر الزاوية الصغرى ليشير الإبهام إلى أن اتجاه  $\vec{F}$  رأسي على المستوى المكون من  $\vec{F}_1$  و  $\vec{F}_2$  نحو الداخل (باللون الأحمر).

**3. قيم:** هل النتيجة مقبولة؟

النتيجة مقبولة لأن الضرب الاتجاهي للمتجهين هو كمية متجهة.

## مراجعة الدرس 1-1

**أولاً** - عَرَفَ الْكَمِيَاتُ الْعَدْدِيَّةُ وَالْكَمِيَاتُ الْمُتَجَهَّةُ.

**ثانيًا** - تسير سيارة شمالي بسرعة عددية تساوي  $(80) \text{ km/h}$  بينما تسير سيارة أخرى جنوبًا بسرعة  $(80) \text{ km/h}$ . هل سرعتاهما المتجهتان متساويتان؟ اشرح.

**ثالثًا** - حركة طائرة بسرعة  $(600) \text{ km/h}$  بزاوية  $45^\circ$  نسبياً إلى الشرق.

متى تكون السرعة النسبية للطائرة متساوية.

**رابعاً** - قوّتان  $\vec{F}_1$  و  $\vec{F}_2$  تؤثّران على جسم فإذا علمت أنّ مقدار  $N(3) = F_1$  و  $N(5) = F_2$ .

(أ) ما هو أكبر مقدار لمحصلة هاتين القوّتين اعتماداً على اتجاهيهما؟

(ب) ما هو أصغر مقدار لمحصلة هاتين القوّتين اعتماداً على اتجاهيهما؟

**خامسًا** - سرعة متحركة مقدارها  $(5) \text{ m/s}$  باتجاه يرسم زاوية  $25^\circ$  نسبياً إلى الشمال.

(أ) مثل بيانياً، مستخدماً المقادير  $(1) \text{ cm}$  لكل  $(2) \text{ m/s}$ .

(ب) مستخدماً الرسم البياني، ارسم المتجه  $\vec{v}$  من دون متجه السرعة.

# معلق

(ج) عُنْدَ رَأْيِنِيَّةِ حَرْجِ الْمُتَجَهَّةِ.

**سادسًا** - قوّتان متعامدتان. احسب حاصل ضربهما ضرباً قياسياً.

**سابعاً** - في الشكل (16) القوّتان  $\vec{F}$  و  $\vec{F}'$  موجودتان في مستوى واحد تحرسان بينهما زاوية  $30^\circ$ .

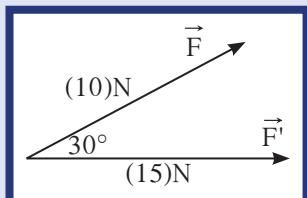
علمًا أنّ  $N(10) = F$  و  $N(15) = F'$ ، أحسب مستخدماً الطريقة الحسابية لجبر المتجهات:

$$\vec{F}'' = \vec{F} + \vec{F}' \quad (أ)$$

$$\vec{F} \cdot \vec{F}' \quad (ب)$$

$$\vec{F} \times \vec{F}' \quad (ج)$$

**ثامناً** - احسب حاصل ضرب المتجهين  $\vec{F}_1 \times \vec{F}_2$  إذا كانت القوّتان متوازيتين.



شكل (16)

### الأهداف العامة

- يحلل متجهًا إلى مركبيه المتعامدين.
- يجد محصلة عدّة متجهات مستخدماً الطريقة التحليلية.

تعلمنا في الدرس السابق عملية تركيب المتجهات واستخدمنا حساب المثلثات ومتوازي الأضلاع في حساب مقدار المحصلة واتجاهها. في هذا الدرس، سنقوم بعملية معاكسة لعملية تركيب المتجهات ونسمى عملية تحليل المتجهات، حيث سيستعاض عن متجه بمتجهين متعامدين لهما التأثير نفسه. وسنستخدم طريقة التحليل المتعامد للمتجهين لإيجاد محصلة أي عدد من المتجهات.

سنستكشف خلال الدرس أيضًا أن استخدام طريقة تحليل المتجهات في جمع عدّة متجهات هي أسهل من طريقة جمع المتجهات باستخدام متوازي الأضلاع أو حساب المثلثات.

### Vector Analysis

### 1. تحليل المتجهات

تحليل المتجه هو استبدال متجه ما بمتجهين متعامدين يُسمّيان مركبي المتجه، بحيث يمثل المتجه المراد تحليله محصلة هذين المتجهين ويكون متحدداً معهما في نقطة البداية.

لأنّخذ المتجه  $\vec{A}$  الموجود في مستوى المحورين المتعامدين  $x$  و  $y$  كما يوضح الشكل (17)، حيث تمثل  $\theta$  اتجاه المتجه  $\vec{A}$  بالنسبة إلى محور الإسناد  $x$ .

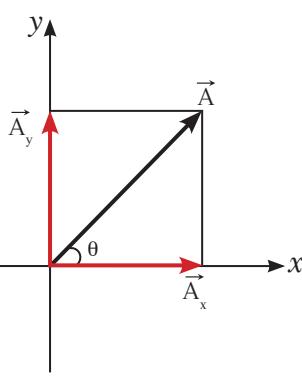
يُنتج عن إسقاط  $\vec{A}$  على المحور  $x$  المتجه  $\vec{A}_x$  ويُنتج عن إسقاط  $\vec{A}$  على المحور  $y$  المتجه  $\vec{A}_y$  كما هو موضح في الشكل (17).

المتجهان  $\vec{A}_x$  و  $\vec{A}_y$  هما مركبنا المتجه  $\vec{A}$  حيث إنّ المتجه  $\vec{A}$  يساوي مجموع هاتين المركبتين أي:  $\vec{A} = \vec{A}_x + \vec{A}_y$  كما أن المتجهات الثلاثة تشكل مثلثاً قائماً، وباستخدام نظرية فيثاغورث نستطيع أن نجد العلاقات التالية بين المتجه المراد تحليله ومركباته:

$$A = \sqrt{A_x^2 + A_y^2}$$

$$\cos \theta = \frac{A_x}{A} \Rightarrow A_x = A \cos \theta$$

$$\sin \theta = \frac{A_y}{A} \Rightarrow A_y = A \sin \theta$$



(شكل 17)  
تمثيل مركبتي المتجهة  $\vec{A}$

## مثال (1)

أُوجِد مركبتي السرعة المتجهة  $\vec{v}$  لطائرة مروحية تطير بسرعة  $(120)\text{km/h}$  بزاوية  $35^\circ$  مع سطح الأرض (شكل 18).

**طريقة التفكير في الحل**

1. حلّ: اذْكُر المعلوم وغير المعلوم.

المعلوم:  $\theta = 35^\circ$  و  $v = (120)\text{km/h}$

غير المعلوم: المركبتان  $v_x$  و  $v_y$ ؟

2. احسب غير المعلوم:

ارسم على المحورين المتعامدين  $x$  و  $y$  المتجه  $\vec{v}$  وحدّد على الرسم المركبتين  $v_x$  و  $v_y$ .

مستخدماً المعادلتين الرياضيتين:

$$\sin \theta = \frac{v_y}{v} \quad \cos \theta = \frac{v_x}{v}$$

بحسب:

$$v_x = v \cos \theta = 120 \cos 35 = (98.29)\text{km/h}$$

$$v_y = v \sin \theta = 120 \sin 35 = (68.82)\text{km/h}$$

3. قيم: هل النتيجة مقبولة؟

بما أنّ مركبتي السرعة تشکلان مثلثاً قائماً الزاوية، فيجب أن تكون نظرية فيثاغورث محققة، وبتطبيقها يجب أن نحصل على مقدار متجه السرعة المعطى في المسألة.

$$v^2 = v_x^2 + v_y^2$$

$$v^2 = (98.29)^2 + (68.82)^2 = 14397.11$$

$v = (119.98)\text{km/h}$  وهو يساوي مقدار السرعة المعطاة للطائرة، أمّا الفرق البسيط فيعود إلى التقرير.

### 1.1 إيجاد المحصلة بتحليل المتجهات

قد نتساءل لماذا نحلل المتجهات إلى مركباتها؟ الإجابة هي أنّ تحليل المتجهات يسهل عملية جمع المتجهات.

لتأخذ المتجهين  $\vec{A}$  و  $\vec{B}$  ومحصلتهما  $\vec{R}$  الموضحة في الشكل حيث أنّ

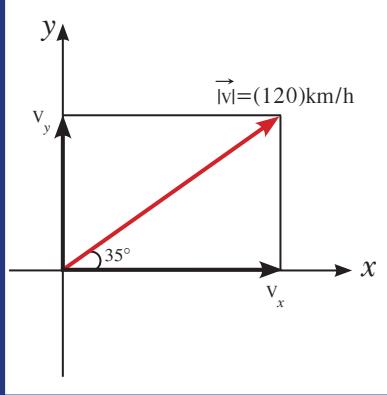
$\vec{R} = \vec{B} + \vec{A}$

لنقم بتحليل المتجه  $\vec{A}$  والمتجه  $\vec{B}$  إلى مركبيهما.

لاحظ في الشكل (19) أنّ مجموع المركبتين  $\vec{A}_x$  و  $\vec{B}_x$  على المحور  $x$  يساوي المركبة  $\vec{R}_x$  وأنّ مجموع المركبتين  $\vec{A}_y$  و  $\vec{B}_y$  على المحور  $y$  يساوي المركبة  $\vec{R}_y$ .

$$\vec{R}_y = \vec{A}_y + \vec{B}_y \quad \vec{R}_x = \vec{A}_x + \vec{B}_x$$

أي أنّ



(شكل 18)  
مركبتي سرعة الطائرة

### مسألة 18 إجابات

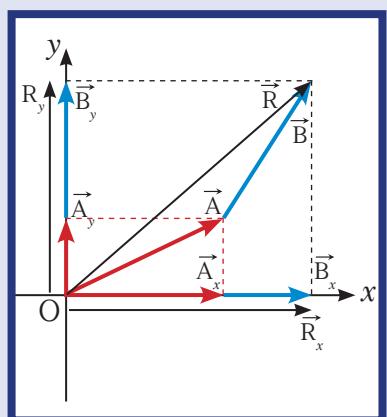
1. أُوجِد مركبتي القوّة  $F = (50)\text{N}$  التي تميل بزاوية  $120^\circ$  عن المحور  $x$ .  
الإجابة:  $(25)\text{N}$  (25) باتجاه محور  $x$  السالب ،  $(43.3)\text{N}$  (43.3) باتجاه محور  $y$  الموجب.

2. إذا كانت مركبتا العجلة  $a_y = (-4)\text{m/s}^2$  و  $a_x = (3)\text{m/s}^2$  أُوجِد مقدار عجلة الجسم واتجاهها.  
الإجابة:  $(5)\text{m/s}^2$  و  $-53^\circ$ .

3. إذا كان مركبتي السرعة  $v_x = (98.29)\text{km/h}$  و  $v_y = (68.82)\text{km/h}$  فـ

أُوجِد مقدار السرعة  $v$  وزاوتها.

الإجابة:  $(119.98)\text{km/h}$  و  $35^\circ$ .

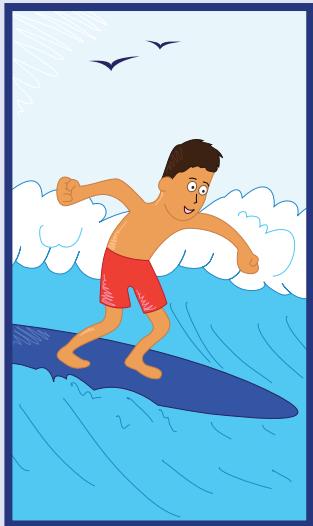


(شكل 19)  
المتجه  $\vec{R}$  يمثل محصلة المتجهين  $\vec{A}$  و  $\vec{B}$ .

## فقرة اثرائية

ارباه الفيزياء بالرياضيات

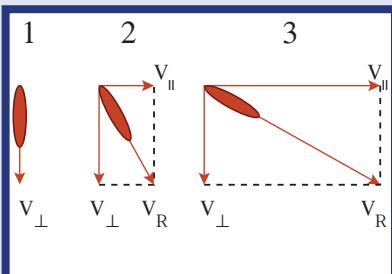
ركوب الأمواج



يوضح الترافق الاهادي المركبين ومحصلة المتجه.

**1.** عند الترافق على الموجة وباتجاهها، تساوي سرعة المترافق سرعة الموجة ( $V_{\parallel}$ )، وقد أعطيت الرمز ( $V_{\parallel}$ ) لأننا نتحرك عمودياً على صدر الموجة.

**2.** للتحريك أسرع، يتم الترافق بزاوية مع صدر الموجة. فالآن لدينا مركبة سرعة ( $V_{\parallel}$ ) موازية لصدر الموجة والمركبة العمودية للسرعة ( $V_{\perp}$ ) ونستطيع أن نغير ( $V_{\parallel}$ ) ولكن تبقى ( $V_{\perp}$ ) ثابتة ما دمنا نركب



ولجمع مركبتي السرعة، نجد أنه عند الانزلاق على الموجة بزاوية مع صدر الموجة، فإن السرعة المحصلة ( $v_R$ ) تزيد على المركبة العمودية للسرعة ( $v_{\perp}$ ).

**3.** إن زيادة الزاوية مع صدر الموجة، تزيد السرعة المحصلة أيضاً.

وعليه نستنتج أن محصلة عدد من المتجهات على المحور  $x$  تساوي المجموع الجبري لجميع المركبات السينية على المحور  $x$ ، وأن محصلة عدد من المتجهات على المحور  $y$  تساوي المجموع الجيري لجميع المركبات الصادية على المحور  $y$ .

وهذا يسهل احتساب المحصلة باستخدام:

$$R = \sqrt{R_x^2 + R_y^2}$$

كما أن اتجاه متجه المحصلة بالنسبة إلى المحور  $x$  يحسب باستخدام:

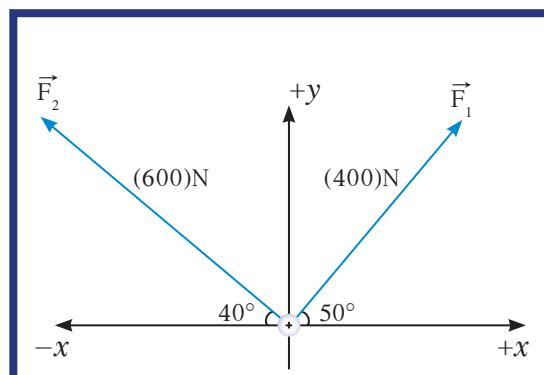
$$\tan \theta = \frac{R_y}{R_x}$$

## مثال (2)

تؤثر على الحلقة الموضحة في الشكل أدناه قوتان  $F_1$  و  $F_2$ .

(أ) أحسب مقدار محصلة القوى المؤثرة على الحلقة مستخدماً تحليل المتجهات.

(ب) أحسب اتجاه المحصلة.



### طريقة التفكير في الحل

1. حلّ: اذكر المعلوم وغير المعلوم.

المعلوم: مقدار ( $F_1$ ) = 400N و  $\theta_1 = 50^\circ$  مع محور الإسناد الموجب

مقدار ( $F_2$ ) = 600N و  $\theta_2 = 40^\circ$  مع محور الإسناد السالب

غير المعلوم: (أ) مقدار المحصلة

(ب) اتجاه المحصلة

2. احسب غير المعلوم:

باستخدام المعادلتين الرياضيتين التاليتين:

$$F_x = F \cos \theta$$

$$F_y = F \sin \theta$$

نجد مركبات كل من  $F_1$  و  $F_2$ .

## مثال (2) (تابع)

**مُسَأَّلَةٌ ٢٤ إِجَابَةٌ**

جسم نقطي تؤثّر عليه ثلاثة قوى،  $F_2 = (2)N$  غرباً و  $F_1 = (6)N$  جنوباً و  $F_3 = (3)N$  باتجاه  $60^\circ$  شرق الجنوب.

أحسب مهضلة القوى المؤثرة على الجسم واتجاهها.

الإجابة:  $225.8^\circ$  و  $(4.8)N$

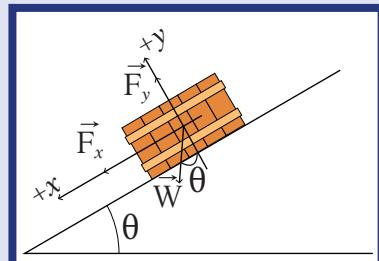
$F_y$	$F_x$	$F$
$400 \sin 50 = (306.41)N$	$400 \cos 50 = (257.11)N$	$F_1$
$600 \sin 40 = (385.67)N$	$-600 \cos 40 = (-459.62)N$	$F_2$
(692)N	(-202.51)N	$F_R$

$$F_R = \sqrt{F_x^2 + F_y^2} = \sqrt{202.51^2 + 692^2} = (721.02)N$$

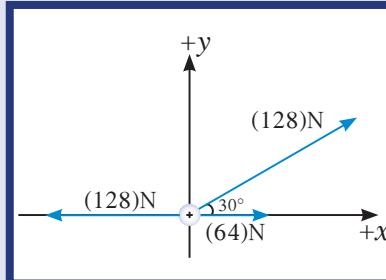
$$\tan \theta = \frac{F_y}{F_x} = \frac{692}{202.51} = 3.42$$

$\theta = 73.7^\circ$  مع محور  $x$  السالب أي  $106^\circ$  مع محور  $x$  الموجب.

3. **قيمة:** هل النتيجة مقبولة؟  
إن استخدام الرسم البياني لتحديد مقدار المهمضلة والاتجاه يؤكّد صحة النتيجة التي توصلنا إليها.



شكل (20)



شكل (21)

## مراجعة الدرس 2-1

**أولاً** - هل المتجه بزاوية  $45^\circ$  مع المحور الأفقي أكبر أم أصغر من مركبته الرأسية والأفقي؟ وما هي نسبة الواحد إلى الآخر؟

**ثانياً** - ما مقدار الزاوية مع المحور الأفقي والتي تجعل:

(أ) المركبة الأفقية مساوية لمقدار المتجه الأصلي؟

(ب) المركبة الرأسية مساوية لمقدار المتجه الأصلي؟

(ج) المركبة الأفقية مساوية لمقدار المتجه الأصلي واتجاهها معاكس؟

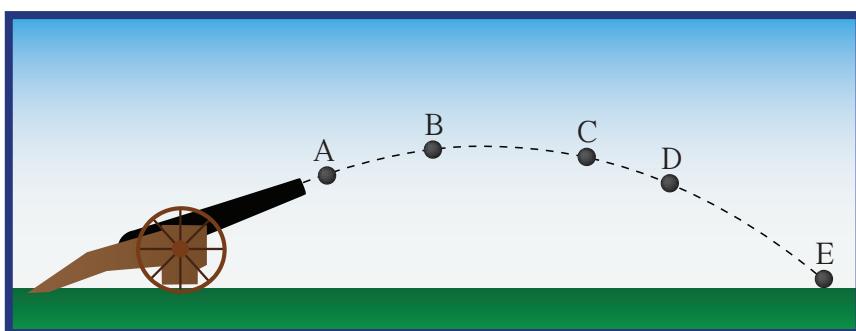
**ثالثاً** - يستقرّ جسم كتلته (50)kg على سطح مائل بزاوية  $30^\circ$  مع الخطّ الأفقي. علماً أنّ عجلة الجاذبية  $(10)m/s^2 = g$ ، أحسب مقدار مركبتي الوزن بالنسبة إلى المحورين  $x$  و  $y$  الموضّعين في الشكل (20).

**رابعاً** - استخدم تحليل المتجهات لحساب مهضلة القوى المؤثرة على الحلقة في الشكل (21).

## حركة القذيفة Projectile Motion

### الأهداف العامة

- يصف التغيرات للمركتين الأفقية والرأسية لسرعة قذيفة ، بإهمال مقاومة الهواء .
- يفسّر لماذا تحرّك القذيفة مسافات متساوية أفقياً أثناء فترات زمنية متساوية ، بإهمال مقاومة الهواء .
- يطبق معادلات حركة القذيفة .
- يحسب المدى الأفقي .
- يحسب أقصى ارتفاع .
- يدرس تأثير مقاومة الهواء على ارتفاع الجسم المقذوف ومداه الأفقي .



(شكل 22)  
القذيفة أطلقت من المدفع مثل على حركة في مستوى.

بعد دراستنا للمتّجّهات وجمعها وتحليلها في الدروس السابقة ، أصبحنا قادرين على استخدامها لدراسة الحركة في مستوى ، حيث يتحرّك الجسم في بعدين مركبين هما  $x$  و  $y$  . ومن الأمثلة التي سنتناولها عن حركة الجسم في بعدين حركة القذيفة وهي موضوع الدرس الحالي ، والحركة الدائرية التي سنتناولها في الفصل القادم .

وكم ذكرنا في مقدمة الفصل ، نلاحظ حركة القذيفة في حركة أيّ جسم (المقذوف) قُذف بزاوية في مجال الجاذبية ، مثل قذيفة أطلقت من المدفع (شكل 22) ، أو حجر قُذف في الهواء أو سفينة فضائية تدور حول الأرض وغيرها .

وسنتناول في هذا الدرس حركة القذيفة بمركتيها الأفقية والرأسية ، وسنحدّد مسارها ومداها الأفقي وأقصى ارتفاع قد تبلغه .

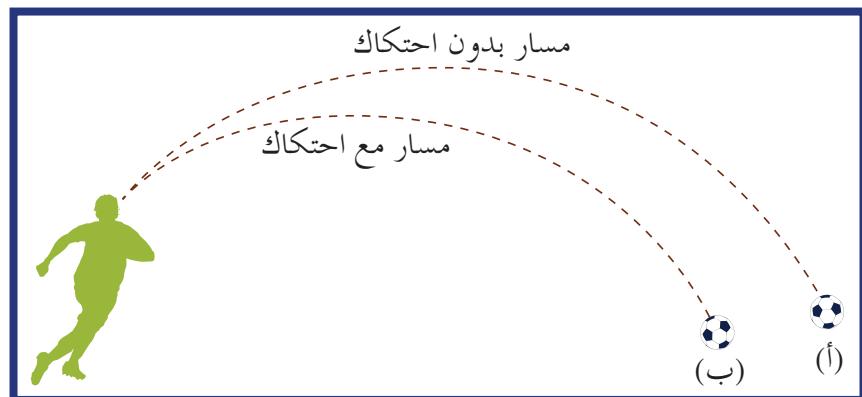
## 1. مسار حركة القذيفة

### The Projectile Motion Trajectory

الأجسام التي تُقذف أو تُطلق في الهواء وتتعرّض لقوى جاذبية الأرض سُمّي المقدّوفات.

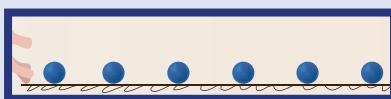
وتتبع المقدّوفات مساراً منحنياً بالقرب من سطح الأرض. وإن بدا للوهلة الأولى أنَّ دراستها صعبة، إلا أنَّ النظر إليها بمركبتيها الأفقية والرأسية كلَّ على حدة يسهل دراستها.

في غياب الاحتكاك مع الهواء يكون مسار القذيفة على شكل منحنى قطع مكافئ. لكن في حال وجود مقاومة للهواء على القذيفة، تبطأ سرعتها نتيجة الاحتكاك مع الهواء، ويتغيّر شكل المسار كما في الشكل (23).



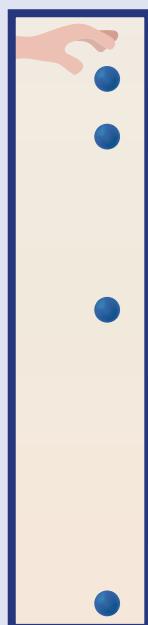
(شكل 23)

يختلف شكل المسار بوجود احتكاك: (أ) بدون احتكاك ، (ب) مع احتكاك



(شكل 24)

عند درجة كررة على سطح أفقى عديم الاحتكاك تبقى سرعتها ثابتة لعدم وجود مركبة لقوة الجاذبية تأثر عليها أفقياً.



(شكل 25)

عند إسقاط الكررة ، إنَّها تتسارع لأسفل قاطعة مسافة رأسية أكبر كلَّ ثانية.

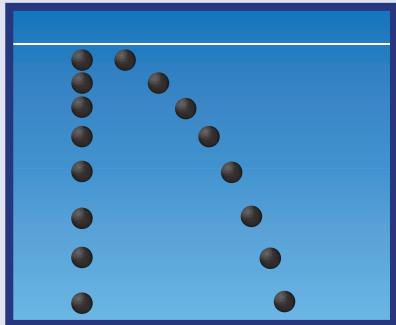
## 2. مركّبta حركة القذيفة

### The Components of the Projectile Motion

المركبة الأفقية لحركة القذيفة تمثل الحركة الأفقية لكرة تدحرج على سطح منبسط . وعند إهمال الاحتكاك ، تكون سرعة تدحرج الكرة منتظمة وتقطع مسافات متساوية في أزمنة متساوية كما يوضح (شكل 24) . فعدم وجود قوة أفقية تؤثّر على الكرة يعني عدم وجود عجلة أفقية ، وهذا هو الحال في حركة القذيفة حيث لا وجود لقوة أفقية ، ما يبيّن سرعتها الأفقية ثابتة وحركتها على المحور الأفقي بسرعة منتظمة .

أمّا المركبة الرأسية للقذيفة فتشبه تماماً السقوط الحرّ للأجسام ، حيث تعمل قوة الجاذبية في الاتّجاه الرأسى ، ما يؤدّي إلى حركة معجلة تؤدّي إلى زيادة المسافة المقطوعة كلَّ فترة زمنية تالية (شكل 25) .

من المهم معرفة أنَّ الحركة الأفقية للقذيفة والحركة الرأسية غير مترابطتين (آنيتين) ، غير أنَّ تأثيرهما معًا يتبع المسار المنحنى الذي تتبعه المقدّوفات .



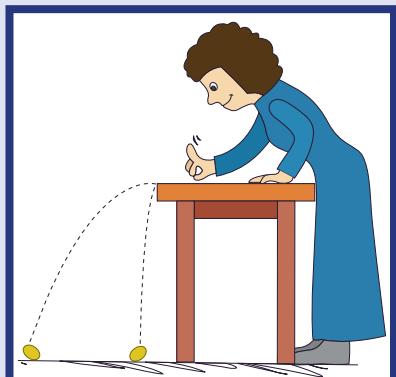
(شكل 26)

صورة لكرتين انطلقا معاً من آلة تسمح لإحدى الكرتين بالسقوط الحر بينما تقذف الأخرى أفقياً.

## فكرة إثرائية

### الفيزياء في المختبر

#### المقدونفات والسقوط الحر



ضع عملة معدنية على حافة منضدة ملساء بحيث تكاد تقع عنها.

ضع قطعة ثانية على حافة المنضدة وعلى مسافة ما من القطعة الأولى.

دحرج العملة الثانية عبر المنضدة (بدفعها بإصبعك مثلاً) شرط أن تصطدم بالعملة الأولى، وتقع العملاتان على الأرض. راقب أي العمليتين تصطدم بالأرض أولاً (يفرض حدوث ذلك لأحدهما).

هل تعتمد إجابتك على سرعة دحرجة العملة الثانية على المنضدة؟

الصورة السترابوسكوبية المتعاقبة في الشكل (26) تظهر كرتين قد فلت إحداهما أفقياً في حين سقطت الأخرى رأسياً في الوقت نفسه، مع إهمال مقاومة الهواء. يظهر الشكل أن حركة القذيفة هي سقوط حر مع سرعة إبتدائية متوجهة على المحور الأفقي. فإذا اختبرنا حركة الكرتين بإهمال الاحتكاك مع الهواء، سنجدهما وصلتا إلى الأرض باللحظة نفسها. فلنأخذ الكرة التي تسقط في خط مستقيم بدون أي حركة أفقية، فحركتها تمثل السقوط الحر. فالكرة تسقط تحت تأثير وزنها، ويمكن تحليل حركتها باستخدام معادلات الحركة المنتظمة العجلة باتجاه واحد حيث  $a = g$  والتي درسناها في السنوات السابقة.

$$\Delta y = \frac{1}{2} gt^2$$

$$v = gt$$

$$v_f^2 = 2g\Delta y$$

أما إذا لاحظنا مرعبات حركة الكرة الثانية التي أطلقت بسرعة أفقية فسنجد:

- ـ أنها تتحرك مسافة أفقية واحدة خلال الفترة بين ومضتين متتاليتين، وأن سرعتها الأفقية ثابتة (إهمال الاحتكاك)، وأن حركتها على المحور الأفقي تعطى بالمعادلة  $\Delta x = v\Delta t$ .

ـ أما حركتها على المحور الرأسي فهي تماماً مثل حركة الكرة التي تسقط سقوطاً حرّاً. فهي تقطع خلال أي لحظة المسافة الرأسية نفسها التي قطعتها الكرة التي تسقط سقوطاً حرّاً. لهذا السبب نجد أن الكرتين تصلان إلى الأرض في اللحظة نفسها، ونؤكّد عدم وجود علاقة بين مسافة السقوط والمركبة الأفقية للحركة.

وخلاصة ما سبق هي: إن حركة القذيفة هي حركة مركبة من حركة منتظمة السرعة على المحور الأفقي وحركة منتظمة العجلة على المحور الرأسي.

## مثال (1)

رمي جسم من ارتفاع 20m عن سطح الأرض وبسرعة أفقية مقدارها 25m. احسب مقدار  $v$  علماً أن إزاحة الكرة الأفقية تساوي 25m.

أهمل مقاومة الهواء.

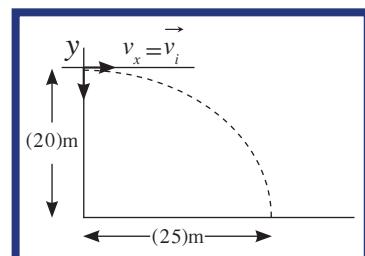
**طريقة التفكير في الحل**

**1. حل:** اذكر المعلوم وغير المعلوم.

المعلوم:  $\Delta y = 20m$

$\Delta x = 25m$

غير المعلوم:  $v = ?$



## مثال (1) (تابع)

2. احسب غير المعلوم:

في غياب مقاومة الهواء تكون السرعة الأفقية منتاظمة:

$$\Delta x = v_x \Delta t = vt$$

$$v_y = (0)m/s$$

والحركة على المحور الرأسي منتاظمة العجلة  $a = g = (10)m/s^2$  باستخدا

المعادلة:

$$\Delta y = \frac{1}{2} gt^2 \Rightarrow 20 = 5t^2 \Rightarrow t = (2)s$$

وبالتعويض عن  $t$  في  $\Delta x = vt$  نحصل على:

$$v = \frac{25}{2} = (12.5)m/s$$

3. قيم هل النتيجة مقبولة؟

النتيجة مقبولة ويمكن اختبارها عملياً والتحقق من مقدار زمن الوصول إذا كان يحقق النتيجة في المسألة.

## 3. حركة قذيفة أطلقت بزاوية

### Motion of a Projectile Launched with an Angle

لأخذ الجسم  $m$  الذي قُذف من النقطة  $O$  بزاوية قذف  $\theta$  بسرعة ابتدائية  $v_0$  مع المحور الأفقي ، كما في الشكل (27).

إن تحليل متّجه السرعة الابتدائية الموضّح في الشكل (28) يعطي:

$$v_{0x} = v_0 \cos \theta$$

$$v_{0y} = v_0 \sin \theta$$

أمّا بالنسبة إلى كتلة المقذوف  $m$  ، فإنّ القوّة الوحيدة المؤثرة عليها بغياب الاحتكاك هي قوّة الجاذبية (الوزن)  $\vec{W}$  واتّجاهها نحو مركز الأرض.

بنطبيق القانون الثاني لنيوتون:

$$\sum \vec{F} = m\vec{a}$$

$$m\vec{g} = m\vec{a} \Rightarrow \vec{a} = \vec{g}$$

وبما أنّ العجلة  $\vec{a}$  هي كمية متّجهة لها مرکبتان  $\vec{a}_x$  و  $\vec{a}_y$  وأنّ متّجه العجلة هو باتّجاه عجلة الجاذبية، يمكننا أن نستنتج أنّ:

$$a_y = -g \quad a_x = 0$$

وأنّ الحركة على المحور الأفقي هي منتاظمة السرعة وتمثّل بالمعادلة:

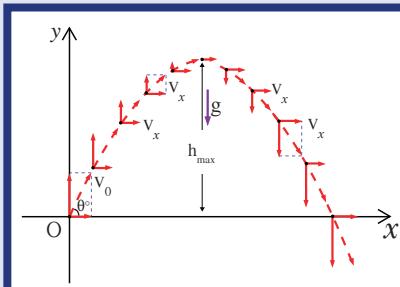
$$\Delta x = v_{0x} t = v_0 \cos \theta t$$

$$v_x = v_{0x} = v_0 \cos \theta$$

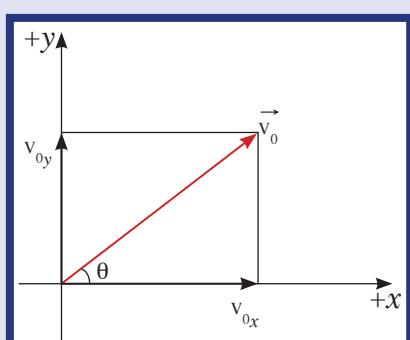
وأنّ الحركة على المحور الرأسي هي منتاظمة العجلة وتمثّل بالمعادلة:

$$\Delta y = -\frac{1}{2} gt^2 + v_{0y} t = -\frac{1}{2} gt^2 + v_0 \sin \theta t$$

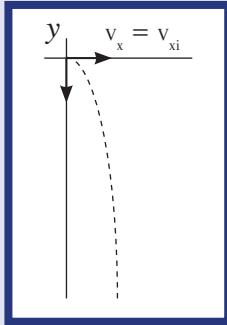
$$v_y = -gt + v_{0y} = -gt + v_0 \sin \theta$$



(شكل 27)  
جسم قذف بزاوية  $\theta$



(شكل 28)  
مرکبنا السرعة المتّجهة الابتدائية



(شكل 29)  
نصف قطع مكافئ

### فكرة اثرانية

ارتباط الفيزياء بالرياضيات

زمن التحليق



زمن التحليق هو الوقت الذي يقضيه شخص خلال قفزه وأثناء حمل الهواء له، وهو لا يعتمد على السرعة الأفقية. وسنوضح الآن لماذا يحدث ذلك. من المعروف أن المركبتين الأفقية والرأسية للحركة لا تعتمدان الواحدة على الأخرى. ففي لحظة ابعاد القدمين عن الأرض، وبإهمال مقاومة الهواء، تكون القوة الوحيدة المؤثرة على القافر هي الجاذبية. ويعتمد زمن التحليق على المركبة الرأسية لسرعة الصعود فقط التي تجعله يصعد لأعلى. والنتيجة أن قمة القفزة يمكن أن تزداد بعض الشيء بتأثير الجري. لذلك، فرمن التحليق لقفزة أثناء الجري أكبر من زمن القفزة في المكان. وعلى كل حال، في اللحظة التي ترك فيها القدمان الأرض، نجد أن المركبة الرأسية لسرعة التي ترفع لأعلى هي التي تحدد زمن التحليق. والقواعد المستخدمة في حركة القذيفة تطبق على الشخص أثناء القفز.

لاحظ أن المركبة الأفقية للسرعة على مسار القطع المكافئ (شكل 27) لها القيمة نفسها، بينما المركبة الرأسية للسرعة هي التي تتغير وتؤدي إلى تغيير محصلة السرعة التي يمثلها قطر المستطيل.

## Trajectory Equation

### معادلة المسار

معادلة المسار Trajectory Equation هي علاقة بين مركبة الحركة الأفقية ومركبة الحركة الرأسية خالية من متغير الزمن  $t$ ، ويمكن استنتاجها كما يلي:

$$\Delta x = v_{0x} t = v_0 \cos \theta t$$

$$t = \frac{\Delta x}{v_0 \cos \theta}$$

وبتعويض مدار  $t$  في المعادلة وباعتبار أن نقطة الإطلاق هي  $O(0,0)$

$$\Delta y = -\frac{1}{2} g t^2 + v_0 \sin \theta t$$

نحصل على:

$$y = \tan \theta x - \frac{g}{2v_0^2 \cos^2 \theta} x^2$$

والتي تمثل المسار المنحني ويُسمى القطع المكافئ Parabola الذي لاحظناه في التجربة السابقة.

يتغير مسار القذيفة بتغيير زاوية الإطلاق بالنسبة إلى المحور الأفقي. فإذا كانت هذه الزاوية تساوي  $90^\circ$ ، يصبح مسار القذيفة خطًا رأسياً. أمّا إذا كانت زاوية الإطلاق تساوي صفرًا، فيكون شكل المسار نصف قطع مكافئ (شكل 29).

## Maximum Height

### أقصى ارتفاع

إن مركبة سرعة القذيفة الرأسية  $v_y$  عند أعلى نقطة تساوي صفرًا،

أي أن:  $0 = -gt + v_0 \sin \theta$   
بال التالي، إن الزمن للوصول إلى أعلى نقطة  $t = \frac{v_0 \sin \theta}{g}$ ، وبتعويض في

نحصل على أقصى ارتفاع:

$$h_{\max} = \frac{v_0^2 \sin^2 \theta}{2g}$$

## Range

### المدى

المدى Range هو المسافة الأفقية التي تقطعها القذيفة بين نقطة الإطلاق ونقطة الوصول على الخط الأفقي المار بنقطة الإطلاق.

عندما تصل القذيفة إلى أقصى ارتفاع، تكون قد قطعت نصف المدى. أمّا الزمن الكلي لقطع المدى كاملاً على اعتبار أن القذيفة انطلقت من المستوى الأفقي ووصلت إلى المستوى نفسه، فيساوي ضعف الزمن للوصول إلى أقصى ارتفاع، أي أن:  $\frac{2v_0 \sin \theta}{g} = t'$ .

وبتعويض في معادلة الحركة على المحور الأفقي نحصل على المدى الأفقي:

$$R = \frac{v_0^2 \sin 2 \theta}{g}$$

### مسألة 28 إجابة

قُذف جسم من سطح الأرض بسرعة ابتدائية  $25 \text{ m/s}$  وبزاوية  $53^\circ$  مع المحور الأفقي ليعود إلى الأرض.

افتراض أن عجلة الجاذبية  $g = 10 \text{ m/s}^2$ . احسب:

(أ) أقصى ارتفاع

(ب) المدى

(ج) موقع الجسم بعد ثانية

(د) سرعته بعد ثانية.

الإجابات: (أ)  $(19.93) \text{ m}$

(ب)  $(60) \text{ m}$

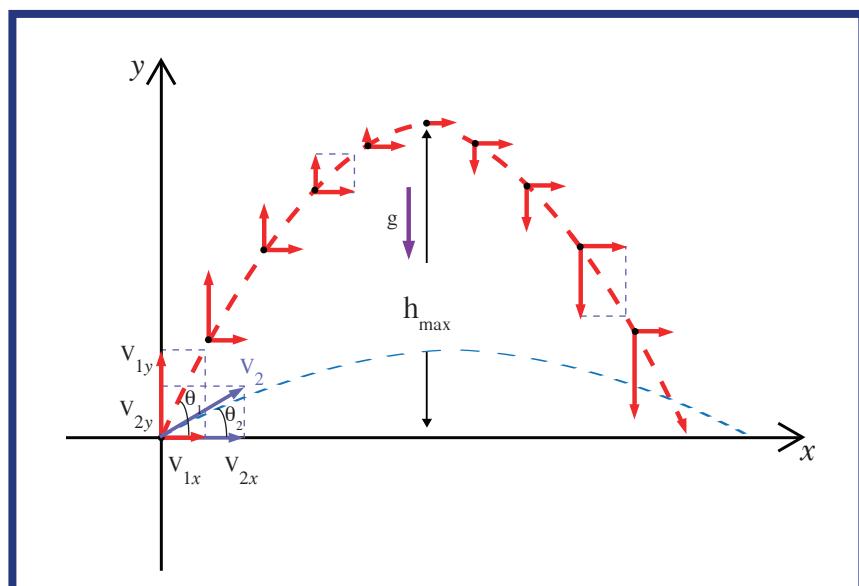
(ج)  $y = 14.96$  ،  $x = 15.04$

(د)  $v = (18.042) \text{ m/s}$  ،  $\theta = 33.5^\circ$

### 4. العلاقة بين زاوية الإطلاق والمدى الأفقي وأقصى ارتفاع

عند إطلاق قذيفتين بسرعة ابتدائية متساوية لكن بزوايا إطلاق مختلفتين،

يحدث ما يوضحه الشكل (30).

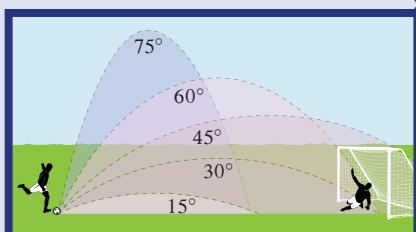


(شكل 30)

القذيفة التي أُطلقت بزاوية إطلاق أكبر ( $\theta_1$ ) لها مركبة سرعة رأسية أكبر من تلك التي أُطلقت بزاوية أقل ( $\theta_2$ )، وهذا يؤدي إلى ارتفاع أكبر.

أما مركبة السرعة الأفقية للقذيفة التي أُطلقت بزاوية إطلاق أكبر ( $\theta_1$ )، ف تكون أصغر من تلك التي أُطلقت بزاوية أقل ( $\theta_2$ )

أما الشكل (31)



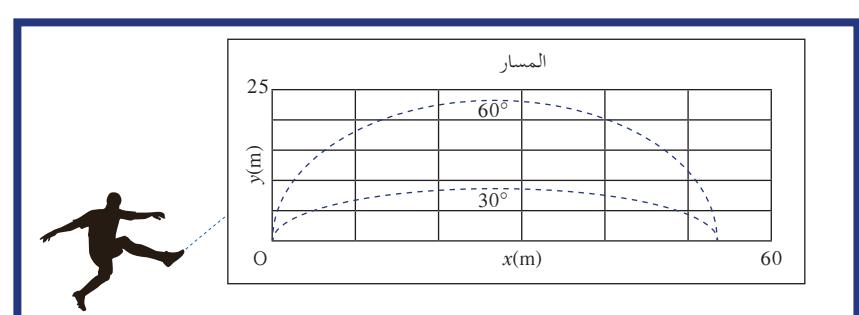
(شكل 31)

مسارات مقدوفات تم إطلاقها بالسرعة نفسها، لكن بزوايا مختلفة. حددت المسارات بإهمال مقاومة الهواء.

فيوضح وصول قذيفتين مختلفتين للمدى نفسه عند إطلاقهما بزوايا مجموعهما  $90^\circ$  في ظل غياب مقاومة الهواء. على سبيل المثال، إذا قُذف جسم بزاوية  $60^\circ$ ، سوف يصل إلى المدى نفسه الذي يصل إليه إذا تم إطلاقه بالسرعة نفسها لكن بزاوية  $30^\circ$  (شكل 32)، لكن سيستمر مساره في الهواء لفترة أقصر عندما تكون الزاوية أصغر.

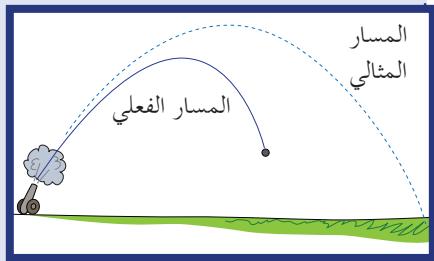
### مسألة

احسب زاوية الإطلاق  $\theta$  بالنسبة إلى المحور الأفقي ليصل الجسم المقدوف إلى أبعد مدى.



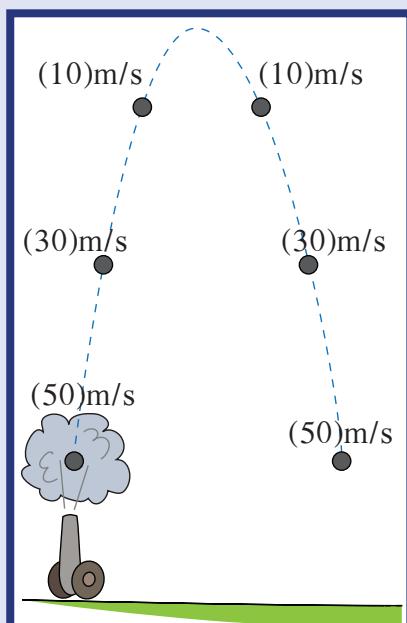
(شكل 32)

مساراً قذيفتين تم إطلاقهما بالسرعة نفسها بزوايا  $30^\circ$  و  $60^\circ$  بإهمال مقاومة الهواء.



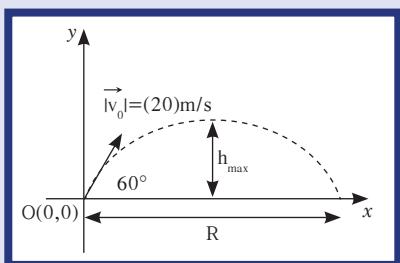
(شكل 33)

في وجود مقاومة الهواء، يسقط مسار القذيفة السريعة جداً أسفلقطع المكافئ المثالي ويتبع المسار المنحني الممثل بالخط المتصدّل.



(شكل 34)

بإهمال مقاومة الهواء، يكون مقدار النقص في سرعة القذيفة فيما هي منطلقة لأعلى مساوياً لمقدار تزايد سرعتها فيما هي ساقطة إلى أسفل. ولنلاحظ أن زمن الوصول لأقصى ارتفاع يساوي زمن الهبوط إلى الأرض.



(شكل 35)

عندما تكون مقاومة الهواء غير مهملة، يتناقض مدى القذيفة ويصبح المسار قطعاً مكافئ غير حقيقي (شكل 33).

وإن إهمال الاحتكاك يجعل القذيفة تصل إلى أقصى ارتفاع في الزمن نفسه الذي تستغرقه للوصول إلى الأرض من هذا الارتفاع، وبما أن عجلة التباطؤ عند الصعود لأعلى تساوي عجلة التسارع عند الهبوط لأسفل. فالسرعة التي تفقدتها القذيفة أثناء الصعود هي نفسها التي تكتسبها أثناء الهبوط. وسرعة اصطدام القذيفة بالأرض هي السرعة نفسها التي أطلقت بها القذيفة من الأرض لأعلى (شكل 34). أمّا في حال عدم إهمال الاحتكاك، فستصل الكرة إلى ارتفاع أقل وتحتفل سرعتها لحظة الاصطدام عن سرعة الإطلاق.

**ملاحظة:**

إننا نفرض أن سطح الأرض مستوً وأن دراسة حركة المتدرقات قضية المدى والتي تتناولناها في هذه المرة بأهميتها المعنوية ذات بعيدة المدى، فآن الأوان سطح الأرض يدخل في الاعتبار لأن إطلاق حسن سرعة مبنية على سرعة ستعلمه سرعة حول الأرض وتسير قمراً صناعياً وهذا ما سندرسه في محدثة أخرى.

## معلق

### مثال (2)

أطلقت قذيفة بزاوية  $60^\circ$  مع المحور الأفقي من النقطة  $O(0,0)$  وبسرعة ابتدائية  $v_0 = (20)m/s$ . أهمل مقاومة الهواء.

(أ) أكتب معادلة المسار للقذيفة.

(ب) أحسب الزمن الذي تحتاجه للوصول إلى أقصى ارتفاع.

(ج) إستنتاج مقدار أقصى ارتفاع تبلغه القذيفة.

(د) أحسب المدى الأفقي الذي تبلغه القذيفة علمًا أنها اصطدمت بالأرض عند نقطة تقع على الخط المار بنقطة القذف.

(هـ) أحسب متجه السرعة لحظة اصطدام القذيفة بالأرض.

**طريقة التفكير في الحل**

1. حلّ: اذكر المعلوم وغير المعلوم.

$$\text{المعلوم: } v_0 = (20)m/s \quad \theta = 60^\circ$$

غير المعلوم:

(أ) معادلة المسار  $y = f(x)$

(ب) الزمن للوصول إلى أقصى ارتفاع

(ج) أقصى ارتفاع  $? = h_{\max}$

(د) المدى الأفقي  $? = R$

## مثال (2) (تابع)

2. احسب غير المعلوم

(أ) باستخدام المعادلات:

$$\Delta x = v_{0x} \Delta t = v_0 \cos \theta t$$

$$\Delta y = -\frac{1}{2} gt^2 + v_0 \sin \theta t$$

بالت遇ويض عن:  $t = \frac{x}{v_0 \cos \theta}$  في المعادلة  $\Delta y$  ، نحصل على معادلة المسار التالية:

$$y = \left( \frac{-g}{2v_0^2 \cos^2 \theta} \right) x^2 + \tan \theta x$$

$$y = -0.05 x^2 + 1.73x$$

(ب) عند أقصى ارتفاع ، تكون المركبة الرأسية للسرعة  $\vec{v}_y$  تساوي صفرًا . ونستخدم المعادلة التالية:

$$v_y = -gt + v_0 \sin \theta$$

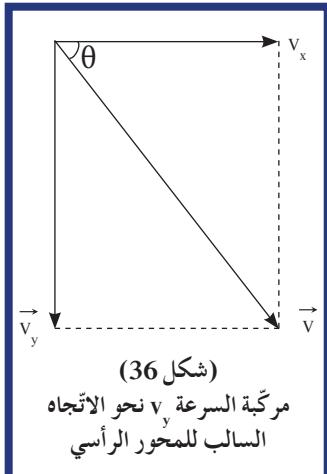
$$t = \frac{v_0 \sin \theta}{g} = \frac{20 \sin 60}{10} = (1.73)s$$

والذي يمثل الزمن للوصول إلى أقصى ارتفاع .

$$(ج) باستخدام المعادلة  $h_{\max} = \frac{v_0^2 \sin^2 \theta}{2g}$  وبال遇ويض عن المقادير المعلومة نحصل على:$$

$$h_{\max} = \frac{20^2 \sin^2 60}{2 \times 10} = (15)m$$

(د) باستخدام معادلة المدى الأفقي وبال遇ويض عن المقادير المعلومة نحصل على:



$$R = \frac{v_0^2 \sin 2 \theta}{g}$$

$$R = \frac{20^2 \sin(2 \times 60)}{10} = (34.64)m$$

(هـ) إن الزمن الذي تحتاجه القذيفة للوصول إلى الأرض:

$$t = 2 \times 1.73 = (3.46)s$$

$$\text{وبما أن متجه السرعة } \vec{v} \text{ يكتب: } \vec{v} = \vec{v}_x + \vec{v}_y$$

بال遇ويض عن المقادير المعلومة نحصل على مركبنا السرعة:

$$v_x = v_0 \cos \theta = 20 \cos 60 = (10)m/s$$

$$v_y = -gt + v_0 \sin \theta = -10 (3.46) + 20 \sin 60 = (-17.27)m/s$$

الإشارة السالبة تعني أن اتجاه مركبة السرعة  $\vec{v}_y$  هي بالاتجاه السالب لمحور الرأسى .

باستخدام الشكل نجد أن مقدار  $\vec{v}$  :

$$v = \sqrt{v_x^2 + v_y^2} = \sqrt{100 + 298.58} = (19.96)m/s$$

أما اتجاه سرعة الاصطدام مع الأرض ، فنُحسب بال遇ويض عن المقادير المعلومة في المعادلة:

$$\tan \theta = \frac{v_y}{v_x} = \frac{-17.27}{10} = -1.727$$

$$\theta = -59.92^\circ$$

والإشارة السالبة تعني أن متجه السرعة يصنع زاوية  $60^\circ$  تحت الممحور الأفقي .

## مثال (2) (تابع)

3. قيم: هل النتيجة مقبولة؟

النتائج مقبولة وسرعة الاصطدام بالأرض تساوي سرعة الإطلاق ، وأكّدنا ذلك في حال إهمال الاحتكاك ، والاختلاف البسيط يعود إلى التقرير .

## مراجعة الدرس 1-3

يعتبر تأثير الهواء مهمًا في الأسئلة التالية .

أولاً - ماذا يمثل مدى مسار القذيفة؟

ثانياً - بمَ تتميّز النقطة الأعلى في مسار قذيفة أُطلقت بزاوية  $\theta$  بالنسبة إلى المحور الأفقي؟

ثالثاً - أُطلقت قذيفتان لهما كتلتان مختلفتان  $m_1$  و  $m_2$  ، إذا علمت أن  $(m_1 < m_2)$  ، بالسرعة الابتدائية نفسها  $v_0$  وبزاوية  $\theta$  بالنسبة إلى المحور الأفقي نفسه . فارن بين مدى المسار والارتفاع الأعلى الذي تبلغه كل قذيفة من القذيفتين .

رابعاً - في إطار مبارزة إطلاق السهم ، أرسل أحد المتبارين السهم بسرعة ابتدائية  $v_0$  قيمتها  $50 \text{ m/s}$  ، وذلك لكي يصل إلى هدفه الموجود على مسافة  $80 \text{ m}$  . علمًا بأنّ مركز الهدف هو على المستوى الأفقي نفسه مع يد المتباري ، وبإهمال تأثير الهواء:

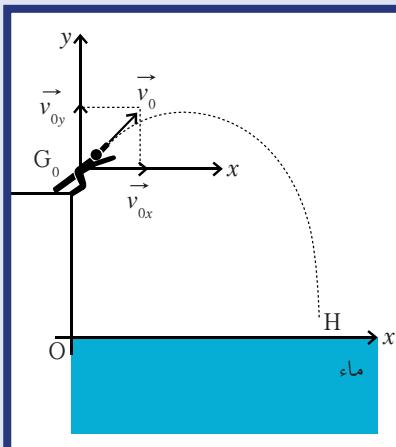
(أ) حدد قيمة زاوية  $\theta$  بالنسبة إلى المحور الأفقي لكي يتمكّن المتباري من إصابة مركز الهدف الموجود على بعد  $80 \text{ m}$  .

(ب) إذا تم الإطلاق بزاوية  $90^\circ$  (دائماً بالنسبة إلى المحور الأفقي) . أحسب قيمة المسافة الأفقيّة التي قطعها السهم . هل يصل السهم إلى الهدف؟ قيم إجابتك .

خامسًا - لدراسة حركة مركز الثقل لغطاس خلال قفزه إلى الماء عن خشبة (شكل 37) ، نفترض أنّ الغطاس ترك الخشبة في اللحظة صفر ( $t = 0$ ) بسرعة إبتدائية  $v_0$  ، وبزاوية قدرها  $40^\circ$  بالنسبة إلى المحور الأفقي . في لحظة الإنطلاق ، كان الغطاس في النقطة  $G_0$  ، التي ترتفع  $6 \text{ m}$  عن سطح الماء ( $x_0 = 0$  ،  $y_0 = 6 \text{ m}$ ) .

(أ) إذا كانت أعلى نقطة يصل إليها الغطاس هي على مسافة  $1 \text{ m}$  من مستوى الإطلاق ، احسب سرعة الغطاس الابتدائية  $v_0$  .

(ب) أكتب معادلة المسار لحركة مركز ثقل الغطاس .



(شكل 37)

# مراجعة الفصل الأول

## المفاهيم

Range	مدى	Maximum Height	أقصى ارتفاع
Velocity Components	مركّبنا السرعة المتجهة	Parabola	قطع مكافئ
Trajectory Equation	معادلة المسار	Scalar Quantity	كميّة عددية
Magnitude	مقدار	Vector Quantity	كميّة متجهة
		Resultant of Vectors	محصلة المتجهات

## الأفكار الرئيسية في الفصل

- ✓ القيم العددية تسمى أيضًا القيم القياسية، وهي القيم التي يكفي لتحديد إدراكها عدد يحدد مقدارها ووحدة فизائية تميز هذا المقدار.
- ✓ القيم المتجهة هي القيم التي تحتاج إلى تحديدها إلى الاتجاه الذي تتخذه، بالإضافة إلى العدد الذي يحدد مقدارها ووحدة القياس التي تميزها.
- ✓ يحتاج جمع المتجهات إلى عملية جبر المتجهات التي تسمى عملية تركيب، حيث تتم الاستعاضة عن متجهين أو أكثر بمتجه واحد.
- ✓ تحليل المتجه هو استبدال متجه ما بمتجهين متعددين يُسميان مركبي المتجه، بحيث يمثل المتجه المراد تحليله المحصلة لهذين المتجهين ويكون متحدة معهما في نقطة البداية.
- ✓ القذيفة جسم متحرك بسرعة ابتدائية تحت تأثير وزنه فقط، وبغياب الاحتكاك مع الهواء.
- ✓ مسار القذيفة هو مسار منحنٍ يُسمى قطاعًا مكافئًا.
- ✓ حركة القذيفة هي حركة مركبة بسرعة منتظام على المحور الأفقي وبمرحلة منتظمة على المحور الرأسى.
- ✓ المدى الأفقي هو المسافة الأفقية التي تقطعها القذيفة بين نقطة الإطلاق ونقطة الوصول على الخط الأفقي المار بنقطة الإطلاق.
- ✓ إن حاصل الضرب القياسي لمتجهين هو كمية قياسية تحدد بالعلاقة  $.v = v_1 v_2 \cos \alpha$ .
- ✓ إن حاصل الضرب الاتجاهي لمتجهين هو متجه مقداره يحدد بالعلاقة التالية:
$$v = v_1 v_2 \sin \alpha$$

أما اتجاهه فهو رأسى على المستوى المكون من المتجهين ، ويحدد بتطبيق قاعدة اليد اليمنى وذلك بتدوير أصابع اليد اليمنى من المتجه الأول إلى الثاني عبر الزاوية الأصغر بين المتجهين ليشير الإبهام إلى اتجاه المتجه  $v$ .

- ✓ إن مقدار حاصل الضرب الاتجاهي لمتجهين يمثل مساحة متوازي الأضلاع الناشئ عن المتجهين.

## خريطة مفاهيم الفصل

استخدم المصطلحات الموضحة في الشكل التالي لرسم خريطة مفاهيم تُنظم معظم الأفكار التي احتواها الفصل.



## تحقق من فهمك

ضع علامة (✓) في المربع الواقع أمام العبارة الصحيحة في كلٍ مما يلي:

1. تحدّد الكمية المتّجهة:

- اتجاه ووحدة قياس ونقطة تطبيق
- اتجاه ومقدار ونقطة تأثير ووحدة قياس
- مقدار ووحدة قياس
- اتجاه ومقدار ووحدة قياس

2. تحدّد الكمية العددية:

- اتجاه ونقطة تأثير ووحدة قياس
- اتجاه ومقدار ونقطة تأثير ووحدة قياس
- مقدار ووحدة قياس
- اتجاه ومقدار ووحدة قياس

3. المركبة الأفقيّة لمتجه قوّة مقداره  $N(5)$  يميل بزاوية  $60^\circ$  مع المحور الرأسي بوحدة (N) تساوي:

$$(4) \quad (2.5) \quad (3) \quad (4.333) \quad (2.5) \quad (3) \quad (4.333) \quad (2) \quad (1)$$

4. المركبة الرأسية لمتجه قوّة مقداره  $N(5)$  يميل بزاوية  $60^\circ$  مع المحور الأفقي بوحدة (N) تساوي:

$$(4) \quad (2.5) \quad (3) \quad (4.333) \quad (2.5) \quad (3) \quad (4.333) \quad (2) \quad (1)$$

5.



## تحقق من معلوماتك

أجب عن الأسئلة التالية:

1. ما الفرق بين السرعة العددية والسرعة المتّجهة؟



3. تحلق طائرة بسرعة km/h(80). هل تتوقع أن تصبح سرعتها أكبر أو أقلّ من km/h(80) إذا هبّت عليها رياح اتجاهها عمودي على اتجاه طيرانها؟

4. احسب مساحة متوازي الأضلاع الناشئ عن متوجهين الإزاحة  $D_1$  ومقداره m(4) والمتجه  $D_2$  ومقداره m(6) علمًا أنّهما يحصران في ما بينهما زاوية  $150^\circ$ .

## تحقق من مهاراتك

حل المسائل التالية:

1. استخدم طريقة الرسم المناسب للجدل المحصلة  $v_R$  (مقدار واتجاه).

لمتجهي السرعة المتلاقيين في النقطة O، علمًا أنّ مقدار  $v_1 = (5)\text{m/s}$  ومقدار  $v_2 = (5)\text{m/s}$ ، ويحصران بينهما زاوية مقدارها  $120^\circ$ .

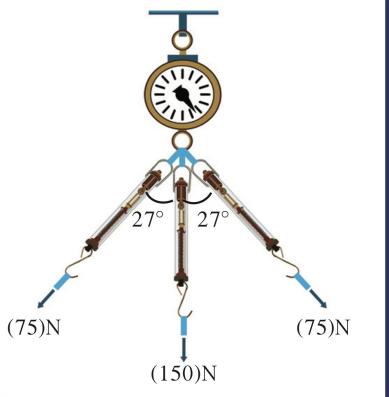
(ب) أوجد المحصلة  $\vec{v}_R$  (مقدار واتجاه) مستخدماً الطريقة الحسابية.

(ج) مثل هذه السرعة رياضيًّا.

(د) قارن بين نتائج الطريعين.

2. حلقة جهاز ميزان زنبركي يتم شدّها بواسطة ثلاثة حبال بقوى مختلفة ، كما يوضح الشكل المقابل .

أوجد مقدار المحصلة التي سيقرأها الميزان الزنبركي .



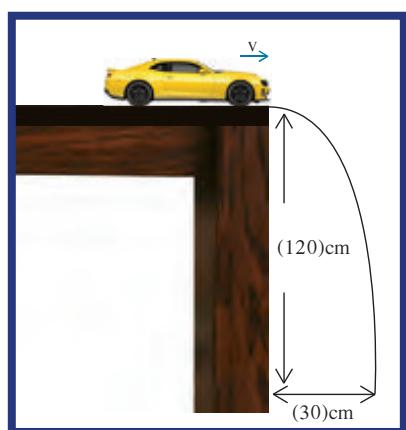
3. مسحات ملحوظة في الشكل المقابل توضح مقدار واتجاه المحصلة الأقوى الأربع الموجدة في مستوى واحد والذى يؤثر على اصتنافه .

## معلق

4. دفع ولد سيارته عن حافة طاولة ارتفاعها (120)cm لتسقط وتصطدم بالأرض عند نقطة تبعد أفقياً (30)cm عن الطاولة كما هو موضح في الشكل المقابل .

- (أ) أحسب الزمن الذي تحتاجه السيارة لتصطدم بالأرض .
- (ب) أحسب سرعة السيارة لحظة انطلاقها مبتعدة عن سطح الطاولة .

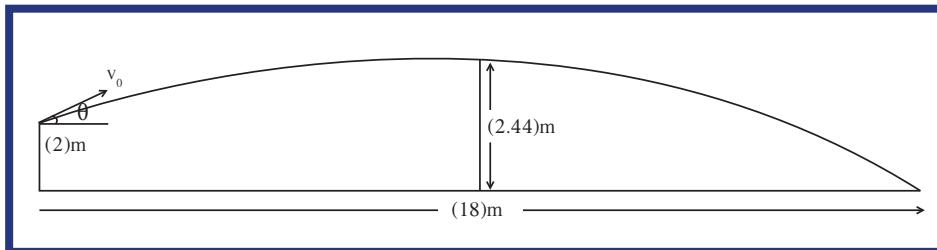
(ج) أحسب مقدار سرعتها واتجاهها لحظة اصطدامها بالأرض . (علمًا أن  $g = 10 \text{m/s}^2$ )



5. أطلقت قذيفة بزاوية  $30^\circ$  مع المحور الأفقي من النقطة (0,0) بسرعة ابتدائية  $v_0 = (30)\text{m/s}$  . أهلل مقاومة الهواء .

- (أ) أكتب معادلة المسار للقذيفة .
- (ب) أحسب الزمن الذي تحتاجه القذيفة للوصول إلى أقصى ارتفاع .
- (ج) أحسب مقدار أقصى ارتفاع تبلغه القذيفة .
- (د) أحسب المدى الأفقي الذي تبلغه القذيفة علمًا أنها اصطدمت مع الأرض بنقطة تقع على الخط المار بنقطة القذف .
- (هـ) أحسب متوجه السرعة لحظة اصطدامها بالأرض .

**6.** يقف لاعب كرة الطائرة عند نقطة الإطلاق التي تبعد  $18\text{m}$  عن الخط الذي يحدد طول الملعب . رفع اللاعب الكرة  $2\text{m}$  بيده اليسرى عن سطح الأرض ، وأطلقها بيده اليمنى بسرعة  $v_0$  وبزاوية  $\theta$  . فطارت فوق شبكة ارتفاعها  $2.44\text{m}$  بشكل يلامس حافة الشبكة العليا الموضوعة في وسط الملعب تماماً ، واصطدمت بالأرض آخر الملعب . أحسب السرعة والزاوية اللتان أطلقت بهما الكرة .



- 7.** المتجهان  $\vec{F}_1$  ومقداره  $N(3)$  و  $\vec{F}_2$  مقداره  $N(4)$  ، يحصران بينهما زاوية  $60^\circ$  موجودان في المستوى نفسه كما في الشكل المقابل .
- احسب حاصل الضرب القياسي للمتجهين  $\vec{F}_1$  و  $\vec{F}_2$  .
  - احسب حاصل الضرب الاتجاهي  $\vec{F}_2 \times \vec{F}_1$  وحدّد عناصر متجه المحصلة  $\vec{F}'$  ومثله بيانياً .
  - احسب حاصل الضرب الاتجاهي  $\vec{F}_1 \times \vec{F}_2$  وحدّد عناصر متجه المحصلة  $\vec{F}''$  ، ومثله بيانياً .
  - ما العلاقة بين المتجهين  $\vec{F}'$  و  $\vec{F}''$  ؟

**مشاريع الفصل**  
**التواصل**  
أكتب مقالاً لا يزيد عن عشرة أسطر تبيّن فيه دور الجاذبية في حركة قذيفة أطلقت بسرعة ابتدائية في غياب الاحتكاك ، مبيناً في مقالك شكل المسار الذي ستَّخذه القذيفة في غياب الجاذبية ، ومعللاً السبب علمياً .

**نشاط بحثي**  
يمكن تصنيف دراسة المقدوفات إلى نوعين: دراسة المقدوفات العادية التي درسناها في هذا الفصل ودراسة المقدوفات السريعة . اجر بحثاً توضح فيه الفرق بين هذين النوعين من المقدوفات ، واعط مثالاً على مقدوفات سريعة تُستخدم في الحياة اليومية .

## الحركة الدائرية Circular Motion

### دروس الفصل

#### الدرس الأول

ـ وصف الحركة الدائرية

#### الدرس الثاني

ـ القوة الجاذبة المركبة

#### الدرس الثالث

ـ القوة الطاردة المركبة



لماذا لا يسقط ركاب عربة المدينة الترفيهية منها؟

في مقدمة الوحدة حددنا هدفنا بدراسة نوعين من الحركة في مستوى ، فعرضنا في الفصل السابق حركة القذيفة كمثال على الحركة في مستوى . أمّا في هذا الفصل ، فستتناول الحركة الدائرية كمثال آخر على الحركة في مستوى . الحركة الدائرية موجودة في حركة الكثير من الأجسام من حولنا ، بدءاً من حركة الإلكترونات حول النواة وصولاً إلى حركة المجرات . فنحن نلاحظها يومياً في حركة عجلات السيارات وعربات المدينة الترفيهية ، وندرس نتائجها في تعاقب الليل والنهار من خلال دوران الأرض حول محورها .

دراسة الحركة الدائرية تتطلب منا إلماماً بعض المقادير الفيزيائية التي تساعدنا على فهم خصائص هذه الحركة ، مثل قياس الزاوية ووحدات قياسها ، والإزاحة الزاوية ، والسرعة الدائرية ، والعجلة الزاوية وغيرها سنتناولها تفصيلياً في دروس هذا الفصل .

وملاحظتنا للحركة الدائرية لبعض الأجسام مثل حركة الأحصنة في لعبة دوّارة الخيل أو لعبة الساقية الدوّارة ستدفعنا إلى طرح الكثير من الأسئلة التي تحتاج إلى إجابة علمية عليها ، ومنها: أيهما أسرع ، الحصان القريب من الحاجز الداخلي أو الحصان القريب من الحاجز الخارجي؟

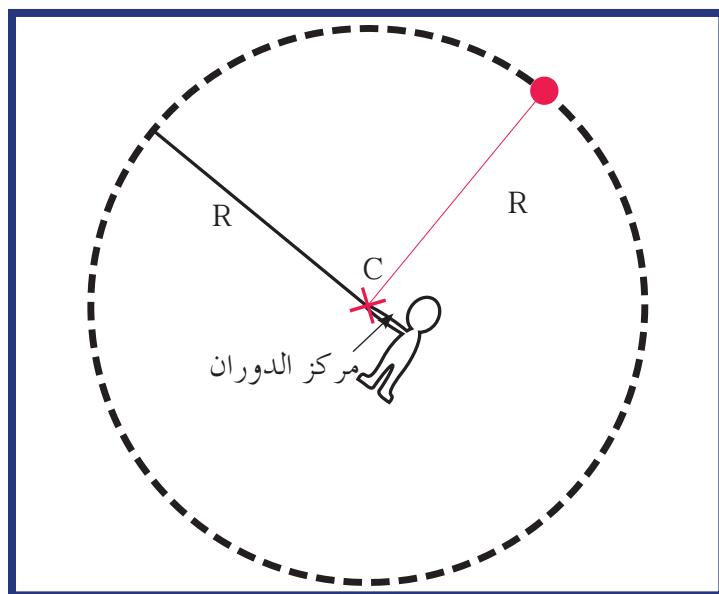
لماذا لا يسقط ركاب عربة المدينة الترفيهية منها عندما يرتفع السطح الدوّار إلى أعلى؟ وأي قوة ثبّت الركاب بمقاعدهم؟

إذا ثبّت جسمًا في نهاية خيط وجعلته يدور في دائرة فوق رأسك ، ثم انقطع الخيط ، فهل سيطير الجسم خارج الدائرة أم سيكمل حركته؟ الإجابات على هذه الأسئلة والكثير غيرها هي محور دروس هذا الفصل .

## وصف الحركة الدائرية Describing Circular Motion

### الأهداف العامة

- يعرّف الحركة الدائرية.
- يميّز بين الدوران المحوري والدوران المداري.
- يصف السرعة الدائرية.
- يميّز بين السرعة الخطية والسرعة الزاوية.
- يعرّف العجلة المركزية والعجلة الزاوية.
- يذكر معادلات الحركة الدائرية منتظمة العجلة.



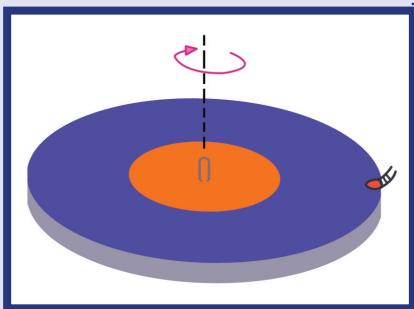
(شكل 38)  
كتلة تدور حول مركز الدوران C.

لتأخذ جسماً ونربطه بطرف خيط ، ثم نجعله يدور (شكل 38) .  
ما شكل المسار الذي يحدثه دوران الجسم ؟  
هل تتغيّر المسافة بين مركز ثقل الجسم ومركز الدوران ؟  
حركة الجسم على مسار دائري حول مركز دوران ، مع المحافظة على مسافة ثابتة منه  
تُسمى الحركة الدائرية .

وتكون الحركة الدائرية منتظمة عندما يتحرك الجسم في مسار دائري  
بسرعة ثابتة القيمة . سندرس الحركة الدائرية المنتظمة تفصيلياً في سياق  
الدرس بعد أن نميّز الفرق بين الدوران المحوري والدوران المداري ، وبعد  
أن نتعرّف بعض الكمّيات الفيزيائية الضرورية لدراسة الحركة الدائرية .

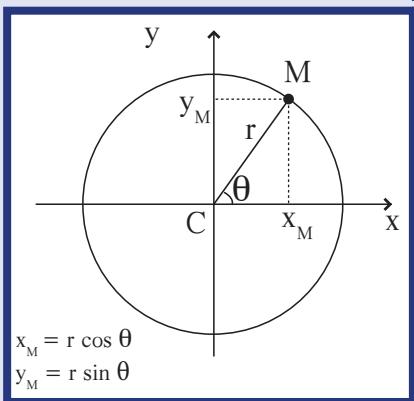


(شكل 39)  
الساقية الدوّارة

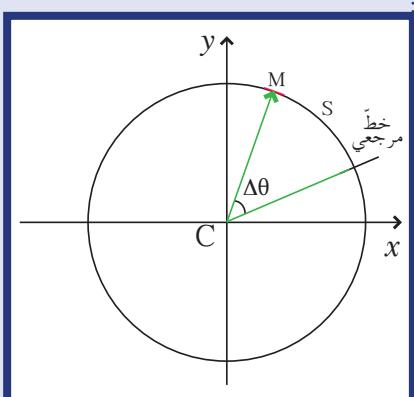


(شكل 40)

تدور المنصدة الدوّارة حول محورها (دوران محوري) بينما تدور الحشرة الموجودة عند حافتها بشكل مداري حول المحور نفسه.



(شكل 41)  
المرکبات  $x_M$  و  $y_M$  للنقطة الدوّارة M.



(شكل 42)

الإزاحة الزاوية للنقطة M عندما تكون  $\theta_0 \neq 0$ .

## 1. الدوران المحوري والدوران المداري

### Rotation and Revolution

الحركة الدائرية لمسطح لعبة الساقية الدوّارة في المدينة الترفيهية الموضحة في الشكل (39)، والحركة الدائرية للمترجل على الجليد، كلاهما دوران حول محور. والمحور هو الخط المستقيم الذي تحدث حوله الحركة الدائرية. فعندما يدور جسم حول محور داخلي (بمعنى أن المحور يستقر داخل هذا الجسم)، يُسمى ذلك الحركة الدائرية المحورية أو المغزلية. وعلى ذلك، كل من لعبة الساقية الدوّارة في المدينة الترفيهية والمترجل على الجليد يدور حول محور داخلي.

أمّا عندما يدور جسم حول محور خارجي، فهذه الحركة تُسمى الحركة المدارية (شكل 40). وعلى الرغم من أن مسطح الساقية الدوّارة يدور حول محورها، فإن الركاب على طول الحافة الخارجية لهذا المسطح يدورون حول محور الساقية.

تخضع الأرض لنوعي الحركة الدائرية. فهي تدور حول الشمس مرّة كل 365.25 يوماً، وتدور حول محورها مرّة كل 24 ساعة.

### Angular Displacement

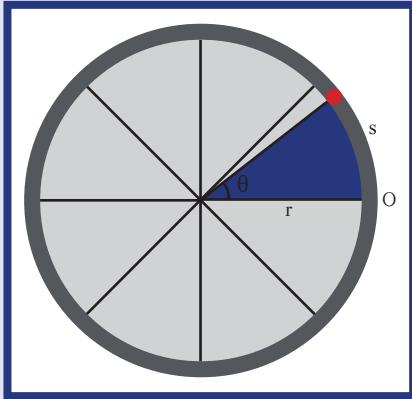
### الإزاحة الزاوية

الحركة هي تغيير الموضع بالنسبة إلى الزمن، ولكي نصف حركة جسم على مساره الدائري، يمكننا أن نستعين بالزاوية التي تحرّك بها.

لأخذ النقطة M التي تحرّك على المسار الدائري كما في الشكل (41). إنّ موقع M في أي لحظة يمكن أن يُمثل باستخدام المرکبات x و y لمتجه الموقع  $\vec{CM}$ .

ويمكننا أن نشير إلى موقع النقطة M باستخدام التمثيل الرياضي للمتجه  $CM$  حيث  $|CM| = (r\theta)$ ، حيث r هي نصف قطر المسار الدائري، والزاوية  $\theta$  هي الاتّجاه الذي يقاس من المحور الأفقي باتّجاه الدوران الموجب إلى r. وبما أنّ المسافة بين النقطة M ومركز الدائرة ثابت، فإن استخدام الزاوية يكفي لتحديد موقع الجسم على المسار الدائري. وهذا يسهل عمليّاً تحديد موقع الجسم المتحرك على المسار الدائري أكثر من استخدام x و y اللتين تتغيّران بتغيير الزمن.

وبناء عليه إنّ استخدام الإزاحة الزاوية  $\Delta\theta$  (شكل 42) التي تقايس بين الخطين (الخط المرجعي والخط المار بالنقطة والمركز)، تكفي لوصف الحركة الدائرية للنقطة M خلال فترة زمنية على المسار الدائري، حيث أنّ المسافة r بين الجسم ونقطة المركز ثابتة. ببساطة يمكن أن نقول إن الإزاحة هي  $\theta$  عندما نختار  $\theta_0 = 0$  rad (شكل 43).

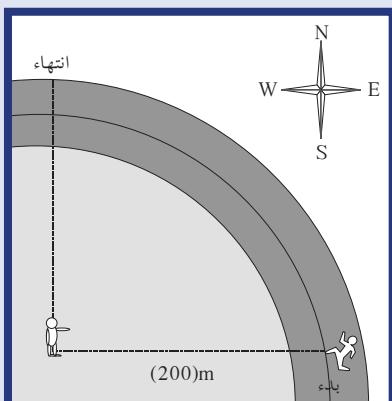


(شكل 43) الإزاحة الزاوية وطول القوس عندما تكون  $O = \theta_0$

الزاوية بالراديان	الزاوية بالدرجة (°)
$2\pi$	360
$\pi$	180
$\pi/2$	90
$\pi/3$	60
$\pi/4$	45
$\pi/6$	30

(جدول 1)

بعض الزوايا بوحدتي الراديان (rad) والدرجة °



(شكل 44) لاعب يركض على مسار دائري

تُقاس الزوايا عادةً بوحدة الدرجة Degree (°) حيث تساوي الدورة الكاملة  $360^\circ$ ، وتتألف كل درجة من 60 دقيقة وكل دقيقة من 60 ثانية. ويمكن وصف الحركة الدائرية أيضًا بالمسافة المقطوعة على القوس. هنا أهمية الربط بين الإزاحة الزاوية  $\theta$  وطول القوس  $s$ . يمثل طول القوس  $s$  المسافة التي قطعها الجسم على المسار الدائري عند تحركه بزاوية  $\theta$ . ولإيجاد علاقة بين  $s$  و  $\theta$  نستخدم المعادلة الرياضية:  $s = r\theta$  حيث تُقاس  $\theta$  بوحدة الراديان (rad) بحسب النظام الدولي للوحدات.

ولإيجاد علاقة بين الدرجة والراديان يمكننا أن نستخدم المعادلة الرياضية:

$$2\pi \text{ rad} = 360^\circ$$

يظهر الجدول (1) بعض الزوايا بوحدتي الراديان (rad) والدرجة (°).

### مثال (1)

يقف حكم مباراة الركض في مركز المسار الدائري المخصص للسباق على بعد (200)m من لاعب يقف على الخط المرجعي باتجاه الشرق يستعد للركض بالاتجاه الدائري الموجب (شكل 44).

ركض اللاعب على المسار حتى نقطة النهاية التي تقع شمال الحكم على المحور الرأسي.

(أ) احسب المسافة التي قطعها اللاعب.

(ب) كم تكون مسافة السباق لو كان على اللاعب إكمال دورة كاملة؟

طريقة التفكير في الحل

1. حلّ: اذكر المعلوم وغير المعلوم.

$$\text{المعلوم: } r = (200)\text{m}$$

$$\theta = 90^\circ = \frac{\pi}{2} \text{ rad}$$

غير المعلوم:

(أ) طول القوس الذي يمثل المسافة التي قطعها اللاعب على المسار:

$$? = s$$

(ب) طول المسار لدورة كاملة

2. احسب غير المعلوم

(أ) باستخدام العلاقة الرياضية بين زاوية التحرك وطول القوس:

$$s = r\theta$$

وبالتعويض عن المقادير المعلومة نحصل على:

$$s = 200 \times \frac{3.14}{2} = (314)\text{m}$$

## مثال (١) (تابع)

(ب) عندما يدور اللاعب دورة كاملة، يكون قد تحرّك بالنسبة إلى

$$\text{المحور المرجعي بزاوية } \theta = 2\pi$$

وعليه فإنّ مسافة السباق لدورة كاملة تساوي:

$$L = r(2\pi)$$

$$L = 200 \times 2 \times 3.14 = 1256 \text{m}$$

3. قيّم: هل النتيجة مقبولة؟

مسار السباق أثناء دورة كاملة يمثل محيط الدائرة، ونعلم نعلم أنّ محيط الدائرة يُحسب بالعلاقة التالية:

$2\pi r = \text{المحيط}$  ، والذي يساوي طول المسار المحسوب. وهذا يؤكّد صحة الإجابات.

## 3. السرعة في الحركة الدائرية

### Speed in Rotational Motion

أيّهما يتحرّك أسرع في لعبة دوّارة الخيل الخشبية، الحصان القريب من الحاجز الخارجي أم القريب من الحاجز الداخلي؟ وأيّ جزء من المنضدة الدوّارة يتحرّك أسرع؟ وفي أسطوانة التسجيل، أيّ جزء من أجزائها يتحرّك أسرع تحت إبرة التسجيل، الفتاحة الموجودة في الجزء الخارجي من الأسطوانة أم الفتاحة التي تقع بالقرب من المركز؟ إذا طرحت مثل هذه الأسئلة على مجموعة من الأشخاص، قد تحصل على أكثر من إجابة. ذلك لأنّ بعض الناس سيفكّر في السرعة الخطية في حين يفكّر آخرون في السرعة الدائرية.

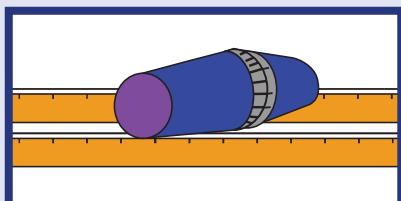
### 1.3 السرعة الخطية (v)

تُسمى أيضًا السرعة العددية ويُرمز إليها بالحرف  $v$  ، وهي طول القوس المقطوع في وحدة الزمن. تتحرّك النقطة الموجودة على الحافة الخارجية في لعبة دوّارة الخيل الخشبية أو المنضدة الدوّارة في دورة كاملة مسافة أكبر من النقطة القريبة من المركز. السرعة الخطية Linear Speed لجسم يدور عند الحافة الخارجية أكبر من السرعة الخطية لجسم يدور بالقرب من المركز. ويمكن أن تُسمى سرعة الجسم الذي يتحرّك على طول مسار دائري بالسرعة المماسية Tangential Speed ، ذلك لأنّ اتجاه الحركة يكون دائمًا مماسًا للدائرة. ويمكن أن يُستخدم مصطلح السرعة الخطية أو السرعة المماسية بالتبادل لوصف الحركة الدائرية.

## فقرة اثرائية

### الفنيزياء في المختبر

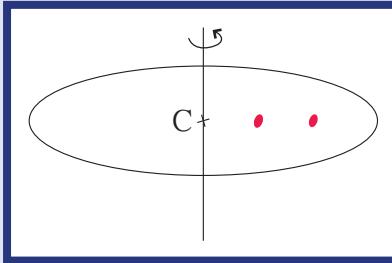
تدحرج العجلات المدرجة



القص كوبين من الورق أو الفوم مع بعضهما كما هو موضح في الشكل. دحرج الكوبين مرّة على المنضدة ومرة أخرى على قضيبين. ستجد أنّ الكوبين لن يتدرجاً بطريقة جيدة على المنضدة، ولكنهما سيتحرّكان بطريقة جيدة جدًا على القضيبين.

ضع مترين مدرجين بحيث يكونان على شكل قضبي سكة الحديد، ووضعهما متوازيين وعلى بعد مسافة طول كوب واحد بعضهما من بعض. دحرج الكوبين على القضيبين عندما يكون الكوبان متمركزين بحيث تلامس الفوّهتان المتماثلتان القضيبين. تنتج عن ذلك الحركة في خط مستقيم، ويكون جانبي الكوبين لهما السرعة الخطية نفسها. دحرج الكوبين أبعد قليلاً عن المركز، ولاحظ كيفية التصحيح الذاتي لحركتهما. هل يمكنك أن ترى الجزء ذا الفوهة الواسعة من الكوب الواحد يتحرّك أسرع على القضيب من الجزء الضيق الذي يتحرّك على القضيب المقابل؟ توجه هذه الحركة الكوبين باتجاه وسط القضيبين. إذا تجاوز الكوبان المتدرجان الجزء الأوسط، هل يحدث الشيء نفسه على الجانب الآخر إذا قمت بتوسيعه الكوبين للخلف باتجاه الوسط؟ باعتقادك، هل عجلات عربات السكك الحديدية التي تسير على القضبان أسطوانية أم مغزلية؟

## 2.3 السرعة الدائرية (الزاوية) ( $\omega$ )



(شكل 45)

النقطة الحمراء الموجودة في أي مكان لها السرعة الدائرية نفسها.

### Rotational Angular Speed

تُسمى السرعة الدائرية Rotational Speed أحياناً السرعة الزاوية ويرمز إليها  $\omega$ . وحدتها هي  $\frac{\text{rad}}{\text{s}}$ ، وهي عدد الدورات في وحدة الزمن. كما نعرف السرعة الزاوية بأنها مقدار الزاوية بالراديان التي يمسحها نصف القطر في وحدة الزمن. تدور كل الأجزاء الصلبة للعبة دوارة الخيل الخشبية والمنضدة الدوارة حول محورها في الفترة الزمنية نفسها. وعلى ذلك، فإن لكل الأجزاء معدّل الدوران نفسه، أو عدد الدورات نفسه في وحدة الزمن. ومن الشائع التعبير عن السرعة الدائرية بالدورة المدارية في الدقيقة Revolution . Per Minute

على سبيل المثال ، أسطوانة التسجيل الفونوغرافي التي كانت شائعة في الماضي ، كانت تدور 33.33 دورة في الدقيقة. لذلك ، تدور النقطة الحمراء ، الموجودة في أي مكان على سطح أسطوانة التسجيل ، حول المحور 33.33 دورة في الدقيقة (شكل 45). ويمكن حساب السرعة الدائرية  $\omega$  باستخدام المعادلة الرياضية:

$$\omega = \frac{\Delta\theta}{\Delta t} = \frac{\theta}{t}$$

باعتبار أن  $\theta_0 = 0$  rad و  $t_0 = 0$  s

وهي تشبه معدّل السرعة  $\vec{v} = \frac{\Delta x}{\Delta t}$  في الحركة المستقيمة المنتظمة .

### 4. العلاقة بين السرعة المماسية والسرعة الدائرية

#### Relation Between Rotational and Tangential Speed

تتعلق السرعة المماسية والسرعة الدائرية الواحدة بالأخرى. هل سبق أن ركبت المسطّح الدائري العملاق في لعبة الساقية الدوارة في المدينة الترفيهية؟ كلما زادت سرعة دورانها زادت سرعتك المماسية ، فالسرعة المماسية تتناسب طردياً مع السرعة الدائرية والمسافة نصف القطرية من محور الدوران. وعلى ذلك فإن:

السرعة المماسية = المسافة نصف القطرية  $\times$  السرعة الدائرية (الزاوية)

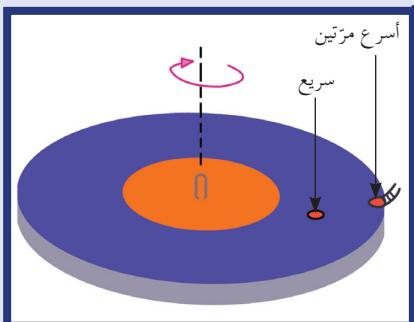
باستخدام الوحدات المناسبة لكلٍ من السرعة المماسية  $v$  ، السرعة الدائرية (الزاوية)  $\omega$  والمسافة نصف القطرية  $r$  ، فإنَّ التناوب الطردي بين  $v$  وكلٍ من  $r$  و  $\omega$  يصبح تماماً كالمعادلة:  $v = r\omega$  .

تطبق هذه العلاقة على النظام الدوار فحسب ، حيث إنَّ أجزاء هذا النظام كلها لها السرعة الدائرية (الزاوية)  $\omega$  نفسها في الوقت نفسه وتطبق على نظام الكواكب ، فكل كوكب مثلاً له سرعة دائرية (الزاوية)  $\omega$  مختلفة عن الكواكب الأخرى .



دحرج علبة أسطوانية على المنضدة (كما في الشكل أعلاه) ثم لاحظ أنَّ مسافة التدحرج في كل دورة كاملة تساوي محيط العلبة. ولاحظ أيضاً أنَّ التدحرج يتم في مسار مستقيم. بعدها ، دحرج كوب شراب عاديًا على المنضدة (كوب من الورق أو كوب من الفوم) .

لاحظ أنَّ الفتحة الواسعة للكوب لها نصف قطر أكبر من القاعدة الضيقة. هل يتدرج الكوب في مسار مستقيم أم في مسار منحن؟ هل تقطع فوهة الكوب الواسعة مسافة أكبر أثناء دورانها؟ هل السرعة الخطية لفوهة الكوب الواسعة أكبر؟ هل لاحظت أنَّ السرعة الخطية تعتمد على نصف القطر؟



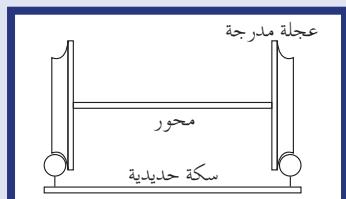
(شكل 46)

تدور أجزاء المنصدة الدوّارة كلها بالسرعة الدائريّة نفسها، لكن الحشرات الصغيرة الموجودة عند مسافات مختلفة من المركز لها سرعات خطية مختلفة. فالحشرة التي تبعد مسافة الصفر عن المركز تتحرّك بضعف السرعة.

### فقرة اثرائية

#### البنادق الفينيقيّة بالتنولوجيا

##### عجلات السكك الحديدية



لكي يتمكّن القطار من الالتفاف على مسار منحنٍ، يجب أن تسير عجلاته الخارجيّة الأبعد عن مركز المنحنى بسرعة أكبر من تلك الداخلية الأقرب إلى مركز المنحنى. إن عجلات القطار مدرّجة الشكل والشكل الدائري الخفيف لسكة الحديد الذي يحملها يجعل جزءاً صغيراً من العجلة يركب على المسار في أيّ وقت أثناء حركة القطار.

وعندما يلتقيّ القطار إلى اليسار مثلاً، فإنّ قصورة الذاتي، ولبيقيه على مساره المستقيم الذي كان عليه قبل الالتفاف، يجعل الجزء ذات القطر الأكبر من عجلة اليمين المدرّجة على قضيب اليمين للمسار، والجزء ذات القطر الأصغر من عجلة اليسار المدرّجة على قضيب اليسار للمسار. وبما أنّ العجلتين متصلتين بالمحور نفسه ولهما السرعة نفسها، تكون لسرعة اليمين سرعة خطية أكبر من عجلة اليسار والتي تمكّن القطار من الالتفاف نحو اليسار.

لا توجد سرعة مماسية على الإطلاق عند مركز المسطّح الدائري والعمودي مع محوره، لكن توجد سرعة دورانية (زاوية). وكلما ابتعدت عن المركز، ازدادت سرعتك المماسية، في حين بقيت السرعة الدائريّة (زاوية) كما هي. وإذا تحركت ضعف المسافة بعيداً عن المركز، ستتضاعف السرعة المماسية (شكل 46). وإذا تحركت مسافة ثلاثة أضعاف، ستتضاعف السرعة المماسية ثلاثة مرات أيضاً. إذا رأيت يوماً صفاً من المترجلين متشاركين بأذرعهم ليعملوا دورة في حلبة التزلج، فإنّ حركة الشخص عند طرف الصّف هي دليل على ازدياد السرعة.

نلخص مما سبق بالتالي: في أيّ نظام جاسي (صلب)، تكون لجميع الأجزاء السرعة الدائريّة نفسها على الرغم من أنّ السرعة الخطية أو المماسية تتغيّر. السبب هو أنّ السرعة المماسية تعتمد على السرعة الدائريّة (الزاوية) والمسافة من محور الدوران (نصف القطر).

### مثال (2)

في لعبة دوارّة الخيل التي تدور بسرعة دائريّة منتظمة تساوي دورة واحدة كاملة كلّ 45 ثانية، يجلس ولدان على حصانيين، الأول يبعد (2)m عن محور الدوران والثاني يبعد (4)m عن محور الدوران.



(أ) احسب السرعة الدائريّة لكلّ ولد.

(ب) احسب السرعة الخطية لكلّ ولد.

**طريقة التفكير في الحلّ**

1. حلّ: اذكر المعلوم وغير المعلوم.

$$\text{المعلوم: } t = 45\text{s} \quad \theta = 2\pi$$

$$r_1 = 2\text{m} \quad r_2 = 4\text{m}$$

غير المعلوم:

(أ) السرعة الدائريّة (السرعة الزاويّة) لكلّ ولد:  $\omega_1 = ?$  و  $\omega_2 = ?$

(ب) السرعة الخطية لكلّ ولد:  $v_1 = ?$  و  $v_2 = ?$

2. احسب غير المعلوم

$$(أ) باستخدام العلاقة الرياضيّة \omega = \frac{\theta}{t}$$

$$\omega = \frac{2\pi}{45} = \frac{2\pi}{45} = (0.14)\text{rad/s}$$

## مثال (2) (تابع)

### مُسَالَّتَاهُمْ إِجَابَاتٌ

1. يدور قرص مدمج في جهاز الأستريو بسرعة دورانية ثابتة تساوي 200 دورة في الدقيقة.

(أ) احسب الزمن الذي يحتاجه ليقوم بدورة واحدة.

(ب) احسب السرعة الخطية لنقطة موجودة على القرص تبعد 5(cm) عن مركز الدوران.

$$T = (0.3)s$$

$$v = (1.047)m/s$$

2. إطار دراجة نصف قطره 50(cm) يدور بسرعة 300 دورة في الدقيقة.

(أ) احسب مقدار السرعة الزاوية لأي نقطة موجودة على حافة الإطار.

(ب) احسب السرعة الزاوية لنقطة M موجودة على بعد 10(cm) من محور الدوران.

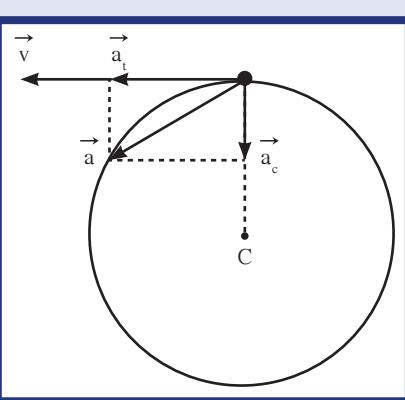
(ج) احسب السرعة الخطية للنقطة M.

$$(10\pi)rad/s$$

$$(10\pi)rad/s$$

$$(3.14)m/s$$

الإجابات: (أ)  $(10\pi)rad/s$   
(ب)  $(10\pi)rad/s$   
(ج)  $(3.14)m/s$



(شكل 47)

للعجلة مركبتين خطية مماسية باتجاه السرعة وعمودية على المركبة المماسية باتجاه مركز الدائرة.

وبما أنّ الولدين يدوران حول محور الدوران نفسه ، فإنّ السرعة الزاوية تساوي:

$$\omega_1 = \omega_2 = (0.14)rad/s$$

(ب) لإيجاد السرعة الخطية لكلّ ولد ، يمكننا استخدام المعادلة الرياضية التالية:

$$v = r \omega$$

وبالتعويض عن المقادير المعلومة نحصل على:  
السرعة الخطية للولد الأول:

$$v_1 = r_1 \omega_1 = 2 \times 0.14 = (0.28)m/s$$

والسرعة الخطية للولد الثاني:

$$v_2 = r_2 \omega_2 = 4 \times 0.14 = (0.56)m/s$$

3. قيم: هل النتيجة مقبولة؟

إنّ الولد الجالس على الحصان الأبعد عن محور الدوران حيث  $r_1 = 2r_2$  لديه سرعة خطية تساوي ضعف سرعة الولد الجالس على الحصان الأقرب ، والذي يبعد  $r_1$  عن محور الدوران . وهذا يؤكّد التناسب الطردي بين المسافة والسرعة الخطية عندما تكون السرعة الزاوية ثابتة المقدار. فكلّما كان الجسم أبعد عن محور الدوران ، كانت سرعته الخطية أكبر .

## 5. العجلة الخطية والعجلة الزاوية

### Linear and Rotational Acceleration

نحن نعلم أنّ العجلة هي تغيير السرعة خلال الزمن. وبما أنّ السرعة هي كمية متّجهة ، فإنّ العجلة هي أيضًا كمية متّجهة . ونعلم أيضًا أنه للتعبير عن سرعة الجسم على المسار الدائري يمكننا أن نستخدم السرعة الخطية أو السرعة الزاوية . ويمكننا التعبير عن العجلة لجسم على المسار الدائري باستخدام العجلة الخطية أو العجلة الزاوية .

### Linear Acceleration

### العجلة الخطية

سبق أن ذكرنا أنّ العجلة الخطية هي كمية متّجهة ، وتساوي تغيير السرعة الممتّجهة بالنسبة إلى الزمن .

$$\vec{a} = \frac{\Delta \vec{v}}{\Delta t}$$

يمكن تحليل العجلة الخطية كأيّ متّجه إلى مركبتين متعامدتين (شكل 47):

1. مركبة مماسية تُسمى العجلة المماسية  $\vec{a}_t$  لها اتجاه السرعة نفسها

والتي تكون دائمًا مماسة للمسار وتتغير قيمتها بتغيير السرعة المماسية .

2. مركبة عمودية على المركبة المماسية تُسمى العجلة المركزية  $\vec{a}_c$  .

## العجلة الزاوية 2.5

### Rotational Acceleration

أمّا العجلة الزاوية فهي تغيّر السرعة الزاوية  $\omega$  خلال الزمن و تمثّل بالعلاقة:

$$\theta'' = \frac{\Delta\omega}{\Delta t}$$

وتقاس بحسب النظام الدولي للوحدات بوحدة  $\text{rad/s}^2$ .

## 6. العجلة والحركة الدائرية المنتظمة

### Acceleration and Uniform Circular Motion

عندما يتحرّك جسم على مسار دائري بسرعة ثابتة المقدار، نصف حركته بالحركة الدائرية المنتظمة.

عندما نصف حركة جسم ما بالحركة الدائرية المنتظمة هذا لا يعني إطلاقاً أنّ عجلته تساوي صفرًا. ففي الحركة الدائرية المنتظمة تكون السرعة الخطية ثابتة المقدار، أمّا اتجاهها فيتغيّر. وهذا يعني أنّ العجلة المماسية هي التي تساوي صفرًا، بينما العجلة المركزية التي تكون دائمًا باتجاه مركز المسار الدائري يكون لها مقدار ثابت يُحسب من العلاقة  $a_c = \frac{v^2}{r}$ .  $v$  يساوي مقدار السرعة الخطية  $r$  هي نصف قطر المسار.

أمّا بالنسبة إلى العجلة الزاوية فتساوي صفرًا لأنّ السرعة الزاوية  $\omega$  في الحركة الدائرية المنتظمة ثابتة المقدار، لا تتغيّر بالنسبة إلى الزمن.

## 7. التردد والزمن الدوري في الحركة الدائرية المنتظمة

### Frequency and Period in Uniform Circular Motion

إنّ تردد الجسم الذي يدور بحركة دائرية منتظمة يساوي عدد الدورات الكاملة التي يدورها في الثانية الواحدة ويرمز إليه بالحرف  $f$ . أمّا الزمن الدوري فهو الزمن الذي يستغرقه الجسم ليدور دورة كاملة على محيط دائرة الحركة. والعلاقة بين الزمن الدوري والتردد هي:  $f = \frac{1}{T}$ .

يمكّنا كتابة الزمن الدوري بالنسبة إلى السرعة الخطية كما يلي: في الحركة الدائرية المنتظمة  $\frac{s}{t} = v$ ، وبما أنّه خلال زمن يساوي الزمن الدوري  $T$ ، فإنّ المسافة  $2\pi r = s$ ، وبهذا تكون  $T = \frac{2\pi r}{v}$ . كذلك يمكننا أن نكتب  $T$  بالنسبة إلى السرعة الزاوية  $\omega$  كما يلي:

$$T = \frac{2\pi}{\omega}$$

### مثال (3)

كرة كتلتها 150g مربوطة بطرف خيط تدور بحركة دائرية منتظامة على مسار دائري نصف قطره يساوي 60cm. تصنع الكرة دورتين كاملتين في الثانية الواحدة.

(أ) احسب مقدار السرعة الخطية للكرة.

(ب) احسب العجلة المركزية.

طريقة التفكير في الحل

1. حلّ: اذكر المعلوم وغير المعلوم.

$$m = 150\text{g}$$

$$r = 0.6\text{m}$$

غير المعلوم:

(أ) السرعة الخطية:  $v = ?$

(ب) العجلة المركزية:  $a_c = ?$

2. احسب غير المعلوم

(أ) باستخدام العلاقة الرياضية  $\omega = \frac{\theta}{t}$ :

$$\omega = \frac{2 \times 2\pi}{t} = \frac{2 \times 2\pi}{1} = 12.56\text{rad/s}$$

لإيجاد السرعة الخطية يمكننا استخدام المعادلة الرياضية التالية:

$$v = r\omega$$

وبالتعويض عن المقادير المعلومة نحصل على:

$$v_1 = r\omega = 0.6 \times 12.56 = 7.54\text{m/s}$$

(ب) لإيجاد العجلة المركزية ، نعوض المقادير المعلومة في العلاقة:

$$a_c = \frac{v^2}{r} = \frac{7.54^2}{0.6} = 94.7\text{m/s}^2$$

3. قيم: هل النتيجة مقبولة؟

إنّ مقدار العجلة المركزية كبير بالمقارنة مع مقدار العجلة الخطية في الحركة الخطية.

## 8. الحركة الدائرية المنتظمة للعجلة

### Uniformly Accelerated Circular Motion

عندما يدور حجم ثابت عزم الدوران تغير بانتظام تكون الحركة الدائرية  $\theta$  ، والتي تساوي، معدل تغير السرعة الزاوية  $\alpha$ ، ثانية الفعل  $\tau$ . هذا يعني أنّ الحركة هي حركة دائرية بثبات الموجة الدائرية، أي أنّها حركة دائرية بثبات السرعة الخطية المنتظمة،即 الحركة التي لا يتغير فيها الميل أو المدة، وهذا يعني أنّها حركة دائرية بثبات السرعة الخطية، وهذا يعني أنّها حركة دائرية بثبات السرعة الخطية المنتظمة العجلة.

ويسمى لهذا الحالة الحركة الديناميكية الدائرية، وفيها تغير السرعة الخطية على شكل معدلات الحركة الخطية المنتظمة العجلة، وذات الموجة الدائرية بثبات السرعة الخطية  $\tau$ ، وبالسرعة الزاوية  $\alpha$ ، والعجلة الخطية  $\tau$  بالحالة الدائرية  $\theta$ .



## مراجعة الدرس 2-1

**أولاً** - عرّف الإزاحة الزاوية.

**ثانياً** - ما الفرق بين السرعة الخطية والسرعة الزاوية؟

**ثالثاً** - عند مسافة معينة من محور الدوران ، كيف تغير السرعة الخطية (أو المماسية) بتغيير السرعة الزاوية؟

**رابعاً** - جسم يتحرك بسرعة منتظمة على مسار دائري نصف قطره (10)m . إذا رسم قوساً كما في الشكل (49) ، أحسب:

(أ) الإزاحة الزاوية للجسم.

(ب) السرعة الزاوية لحركة الجسم إذا استغرقت الإزاحة ثانية.

**خامساً** - قرص يدور حول مركزه بسرعة(600) دورة في الدقيقة.

(أ) أحسب السرعة الزاوية لأيّ نقطة على حافة القرص.

(ب) أحسب السرعة الخطية  $v$  لهذه النقطة إذا كان نصف قطر القرص (40)cm .

**سادساً** - كتلة مقدارها kg(2) تدور بسرعة دائريّة (زاوية) قدرها rad/s(5) على مسار دائري نصف قطره m(1).

(أ) أحسب سرعتها الخطية.

(ب) أحسب العجلة المركبة.

**سابعاً** - يدور جسم مربوط بخيط في دائرة قطرها cm(240) بسرعة زاوية بحيث تعمل 30 دورة في الدقيقة (شكل 50).

(أ) أحسب سرعته الخطية.

(ب) أحسب عدد الدورات التي يصنعها الجسم خلال دقيقتين.

(ج) أحسب مقدار العجلة المماسية والعجلة الزاوية والعجلة المركبة.

**ثامناً** - حرك كله خطياً على مسار دائري يحيط به دائري متحطم

$$\theta'' = (2)\text{rad/s}^2$$

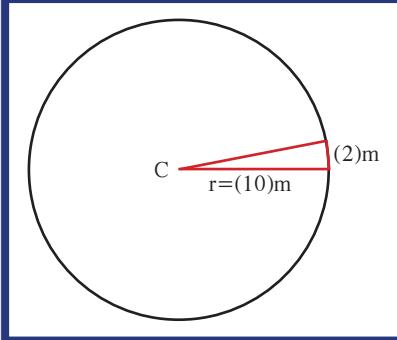
(أ) أحسب سرعتها الزاوية ( $v$ ) بعد 5 ثوانٍ بما يأنّ النقطة انطلقت من السكون من نقطة مرجعية.

$$v = \theta'' \cdot r = 0.04\text{m/s}$$

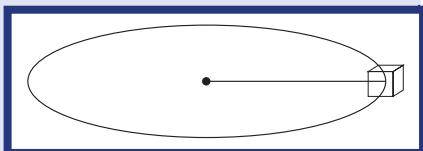
(ب) أحسب إزاحتها الزاوية خلال السنة.

# ملحق

(ج) أحسب عدد الدورات التي تدورها خلال السنة بمقدار



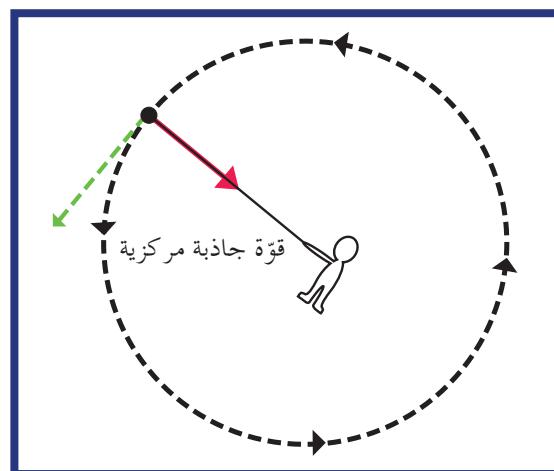
(شكل 49)



(شكل 50)

## الأهداف العامة

- يعرّف القوّة الجاذبة المركزية .
- يعدد تطبيقات القوّة الجاذبة المركزية في الحياة العملية .



(شكل 51)  
إذا أفلتَ الخيط ، ستخرج الكتلة عن المسار الدائري .

تعلّمنا في الدرس السابق عن الحركة الدائرية المنتظمة واستنتجنا أنها لا تعني إطلاقاً أنّ العجلة تساوي صفرًا ، لأنّ مقدار السرعة الخطية للجسم يكون ثابتاً ، أمّا اتجاه السرعة فيتغيّر على المسار الدائري ، ما يكسب الجسم عجلة مركزية لها اتجاه نحو مركز الدائرة .

لكن وفقاً لقانون الثاني لنيوتون ، يجب أن يكون هناك قوّة تؤثّر على الجسم لكي يتحرّك بعجلة . فما هي القوّة المسبّبة للعجلة المركزية؟ وما أنواعها؟  
هذا ما سنستقصي عنه في سياق الدرس .

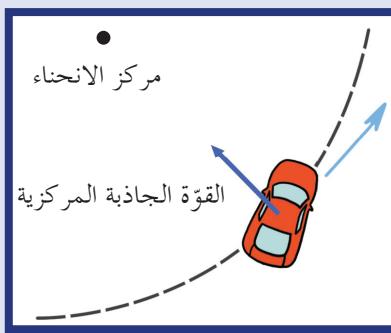
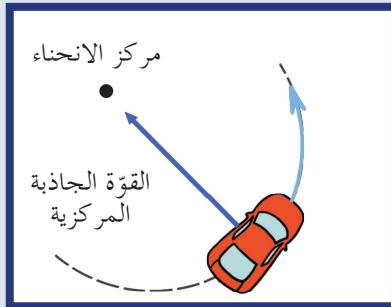
## 1. القوّة الجاذبة المركزية

## Definition of the Centripetal Force

عندما تجعل كتلة مثبتة في نهاية خيط تدور فوق رأسك (شكل 51) ، تلاحظ أنك يجب أن تسحب الخيط باستمرار إلى الداخل لتحافظ على دوران الكتلة فوق رأسك في مسار دائري ، لأنك إذا أفلتَ الخيط ستلاحظ خروجه عن المسار الدائري .

فالقوّة التي تسبّب الحركة الدائرية للكتلة ويكون اتجاهها دائمًا نحو مركز الدائرة تُسمّى القوّة الجاذبة المركزية .

## 2. أنواع القوة الجاذبة المركزية



(شكل 52)

(الصورة إلى أعلى) من أجل أن تدور السيارة في منحني، يجب أن يكون هناك احتكاك كافٍ لكي تنشأ القوة الجاذبة المركزية المطلوبة.

(الصورة إلى أسفل) إذا كانت قوة الاحتكاك غير كافية، سوف يحدث انزلاق جانبي بعيداً عن مركز الانحناء.

### Types of Centripetal Force

القوة الجاذبة المركزية ليست نوعاً جديداً من القوى، وهي الاسم المعطى لأي قوة عمودية على المسار الدائري للجسم المتحرك. فقوة الجاذبية الأرضية التي تعمل على جذب القمر وتجعله يدور حولها بحركة شبه دائرة هي قوة جاذبة مركبة. وقوة الجذب الكهربائية بين النواة والإلكترونات التي تسبب دوران الإلكترونات حول نواة الذرة هي قوة جاذبة مركبة. وقوة الاحتكاك بين إطارات السيارة والمسار الدائري هي أيضاً قوة جاذبة مركبة تمنع السيارة من الانزلاق على المسار الدائري (شكل 52).

## 3. مقدار القوة الجاذبة المركزية

### Magnitude of the Centripetal Force

تعلمنا في الصف العاشر، ووفقاً للقانون الأول لنيوتون، أنَّ الجسم الذي يسير بسرعة منتظمَة في خط مستقيم لا يحتاج إلى أي قوى ليحافظ على حركة الخطية المنتظمة. أمّا لتغيير اتجاه الحركة، فلا بدّ من وجود قوة خارجية تعمل على ذلك. وهذا ما يحدث خلال الحركة الدائرية المنتظمة. القوة الجاذبة المركزية تؤثُّر على حركة الجسم في كل نقطة على مساره الدائري، وتجعله يغير مساره باستمرار ويكتسب عجلة مركبة.

لأنَّ الكتلة المشتبأ بطرف الخطيب والتي تتحرك حركة دائرية منتظمة، القوى المؤثرة على الكتلة هي ثقل الكتلة والقوى  $\vec{F}$  المبذولة على الخطيب (شكل 53)، لكن للقوة  $\vec{F}$  مرکبتان أفقية ورأسية.

$$\vec{F} = \vec{F}_v + \vec{F}_h$$

تساوي المركبة الرأسية  $\vec{F}_v$  في المقدار وتعاكس في الاتجاه مع ثقل الجسم. هذا يعني أنَّ محصلة القوى التي تؤثُّر على الكتلة هي المركبة الأفقيَّة  $\vec{F}_h$  واتجاهها نحو مركز الدائرة، أي أنها القوة الجاذبة المركزية  $\vec{F}_c$ .

بتطبيق القانون الثاني لنيوتون:

$$\sum \vec{F} = ma$$

$$F_c = ma_c$$

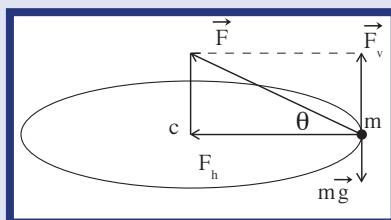
وبما أنَّ العجلة  $a$  هي عجلة مركبة مقدارها

فإنَّ مقدار القوة الجاذبة المركزية هو:

$$F_c = \frac{mv^2}{r}$$

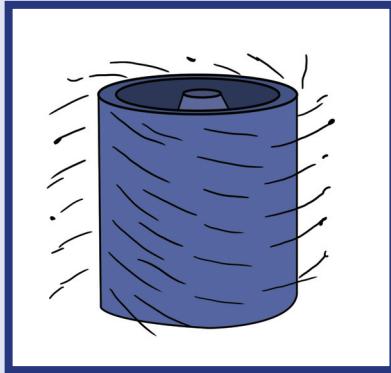
ولتلخيص ما سبق نقول:

إنَّ القوة الجاذبة المركزية هي ببساطة تسمية تطلق على قوة أو محصلة لعدة قوى مؤثرة على جسم يتحرك حركة دائرة منتظمَة تكسبه تسارعاً مركباً يتنااسب مقداره طردياً مع مربع السرعة الخطية، ويتناسب عكسيًّا مع نصف قطر المسار.



(شكل 53)

محصلة القوى على الخطيب هي القوة الجاذبة المركبة نحو مركز الدائرة.



(شكل 54) تتحرك الملابس في مسار دائري ولا يحدث ذلك للماء.

وتهدي القوة الجاذبة المركزية الدور الأساسي في عمليات الطرد центральный. وهناك مثال مأثور لنا وهو الحوض المغزلي في الغسالة الأوتوماتيكية (شكل 54)، حيث نجد أنّ الحوض يدور بسرعة كبيرة أثناء دورته المغزلي، ويذل الجدار الداخلي للحوض قوّة جاذبة مركزية على الملابس المبللة التي تُجبر على التحرّك في مسار دائري.

يذل الحوض قوّة كبيرة على الملابس، لكنَّ الفتحات الموجودة في الحوض تمنعه من بذل القوّة نفسها على الماء الموجود في الملابس، فيخرج الماء من خلال فتحات الحوض.

ومن المهم ملاحظة أنَّ القوّة تؤثّر على الملابس لا على الماء. وليس القوّة هي التي تجعل الماء يخرج، بل إنّه يخرج لأنّه يميل إلى التحرّك بالقصور الذاتي في مسار خط مستقيم (القانون الأول لنيوتن) ما لم تؤثّر عليه قوّة جذب مركزية أو أيّ قوّة أخرى.

### مثال (1)

سيارة كتلتها  $1.5\text{ tons}$  تتحرّك بسرعة منتظمّة على طريق دائريّ نصف قطرها  $50\text{ m}$ . أحسب القوّة المركزية المؤثّرة على السيارة إذا أكملت خمس دورات في  $314\text{ s}$ . علمًا بأنَّ  $1\text{ ton} = 1000\text{ kg}$

**طريقة التفكير في الحل**

1. حلّ: اذكر المعلوم وغير المعلوم.

$$\text{المعلوم: كتلة السيارة: } m = (1.5)\text{tons} = (1500)\text{kg}$$

$$\text{نصف قطر المسار: } r = (50)\text{m}$$

$$\text{عدد الدورات: } N = 5$$

$$\Delta t = t = (314)\text{s}$$

غير المعلوم:

$$\text{القوّة المركزية: } F_c = ?$$

#### 2. احسب غير المعلوم

بما أنَّ الحركة الدائريّة هي حركة منتظمّة، فيمكن حساب السرعة الزاويّة  $\omega$  باستخدام العلاقة الرياضيّة التالية:

$$\omega = \frac{\theta}{t} = \frac{2\pi N}{t}$$

$$\omega = \frac{2 \times 3.14 \times 5}{314} = (0.1)\text{rad/s}$$

وباستخدام العلاقة الرياضيّة بين السرعة الخطية والسرعة الزاويّة:  $v = r\omega$

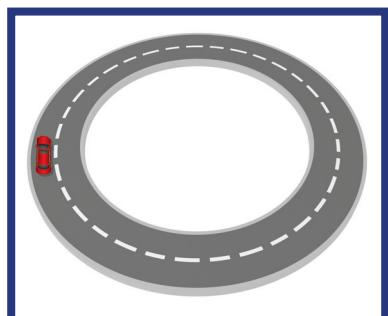
وبالتعويض عن المقادير المعلومة نحصل على:  $v = 50 \times 0.1 = (5)\text{m/s}$

$$\text{بالتعويض عن المقادير المعلومة في المعادلة: } F_c = \frac{mv^2}{r}$$

$$\text{نحصل على: } F_c = \frac{1500 \times 25}{50} = (750)\text{N}$$

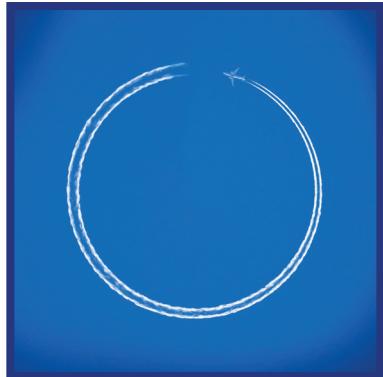
#### 3. قيم: هل النتيجة مقبولة؟

يعتبر مقدار القوّة المركزية مقبولاً لحفظ سيارة كتلتها  $1500\text{ kg}$  على مسارها الدائري.



## مثال (2)

يطير الطيّار بطائرته الصغيرة بسرعة  $56.6 \text{ m/s}$  في مسار دائري نصف قطره يساوي  $188.5 \text{ m}$ . احسب كتلة الطائرة إذا علمت أنّ القوّة الجاذبة المركزية اللازمة لإبقاءها على مسارها الدائري تساوي  $1.89 \times 10^4 \text{ N}$ .



**طريقة التفكير في الحل**

1. حلّ: اذكر المعلوم وغير المعلوم.

المعلوم: نصف قطر المسار:  $r = 188.5 \text{ m}$

السرعة المماسية:  $v = 56.6 \text{ m/s}$

القوّة المركزية:  $F_c = 1.89 \times 10^4 \text{ N}$

غير المعلوم:

كتلة الطائرة:  $m = ?$

2. احسب غير المعلوم

بالتعويض عن المقادير المعلومة في المعادلة:

$$F_c = \frac{mv^2}{r}$$

$$m = \frac{F_c r}{v^2} = \frac{1.89 \times 10^4 \times 188.5}{(56.6)^2} = 1112.09 \text{ kg}$$

3. قيم: هل النتيجة مقبولة؟

يعتبر مقدار الكتلة منطقياً لطائرة صغيرة وهذا يشير إلى صحة النتيجة.

## مسائل مهارات إجابات

1. عندما تستدير الطائرة أثناء تحليقها بسرعة  $50 \text{ m/s}$  على مسار دائري قطره  $360 \text{ m}$ ، تحتاج لكي تحافظ على حركتها الدائرية، إلى قوّة جاذبة مركزية مقدارها  $N(20000)$ .

احسب مقدار كتلة الطائرة.

الإجابة:  $(1440) \text{ kg}$

2. يتحرّك ولد على درّاجته بسرعة خطية  $v = 10 \text{ m/s}$  على مسار دائري. علماً أنّ كتلة الدرّاجة والولد تساوي  $kg(80)$  والقوّة الجاذبة المركزية المسببة للدوران تساوي  $N(350)$ ، احسب نصف قطر المسار.

الإجابة:  $r = (22.85) \text{ m}$

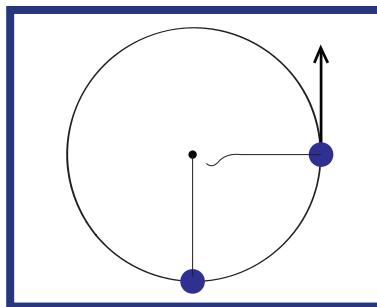
## 4. زوال القوّة الجاذبة المركزية

### Omission of the Centripetal Force

خذ جسماً واربطة بخيط واجعله يدور فوق رأسك بسرعة ثابتة. في لحظة معينة، قطع الخيط أو افلته. ماذا تلاحظ؟

لا شك أنّك لاحظت، لحظة أفلت الخيط، أنّ الجسم انطلق بخط مستقيم وباتّجاه المماس عند موقعه لحظة افلات الخيط.

لتفسير ذلك، نعتمد على القانون الأول لنيوتون. فعند إزالة القوّة الجاذبة المركزية، يصبح مقدار محصلة القوى المؤثرة على الجسم صفرًا في غياب الاحتكاك، أي أنه لا توجد أيّ قوّة تغيّر اتجاه سرعته وتبقىه على المسار الدائري، وبالتالي يتبع الجسم حركة خطية منتظامه (شكل 55).



(شكل 55)

عندما ينقطع الخيط تكمل الكرة بخط مستقيم.

## 5. تطبيقات حول القوّة الجاذبة المركزية في الحياة العملية

### Applications of Centripetal Force in Practical Life

#### 1.5 الانزلاق على المنعطفات الأفقية

سبق أن وضّحنا أنّ انعطاف السيارة على طريق أفقية يحتاج إلى قوّة مركزية كافية لإبقاء السيارة على مسارها الدائري ، وهذا ما يجب أن توفره قوّة الاحتكاك بين عجلات السيارة والطريق. فعندما لا تكون هذه القوّة كافية ، كما يحدث في الأيام الممطرة أو الجليد ، أو إذا كانت العجلات بحالة سيئة ، ستنزلق السيارة عن مسارها بسبب استمرارية الحركة باتجاه المماس. ولفهم تأثير مقدار قوّة الاحتكاك على التفاف السيارة ، سنتناول المسألة التالية: سيارة كتلتها  $1000\text{kg}$  تتعطف على مسار دائري قطره  $100\text{m}$  على طريق أفقية بسرعة  $14\text{m/s}$ . هل تستطيع السيارة الالتفاف أم أنها ستنزلق في الحالتين التاليتين؟

الحالة الأولى: معامل الاحتكاك بين العجلات والطريق يساوي  $\mu = 0.66$  عندما تكون الطريق جافة.

الحالة الثانية: معامل الاحتكاك بين العجلات والطريق يساوي  $\mu = 0.25$  عندما تكون الطريق مبللة.

علمًا أنّ معامل الاحتكاك لما يساوي نسبة قوّة الاحتكاك  $f$  على قوّة رد الفعل  $N$  ، أي  $\frac{f}{N} = \mu$ .

إنّ مجموع القوى المؤثرة على السيارة هي وزن السيارة إلى أسفل ، رد الفعل من الطريق على السيارة رأسياً لأعلى ويساوي في المقدار وزن السيارة ، وقوّة الاحتكاك بين العجلات والطريق الأفقية  $f$  (شكلا 57 و 58).

بتطبيق القانون الثاني لنيوتون لحساب مقدار القوّة الجاذبة المركزية:

$$F = \frac{mv^2}{r}$$

نجد أنّ القوّة الأفقية اللازمة لإبقاء السيارة على مسارها تساوي:

$$F = \frac{1000 \times 14^2}{50} = (3920)\text{N}$$

ولو قارناً مقدار هذه القوّة بمقدار قوّة الاحتكاك الذي يمثل القوّة الجاذبة المركزية لوجدنا ما يلي:

في الحالة الأولى ، مقدار قوّة الاحتكاك  $f_1$  تساوي:

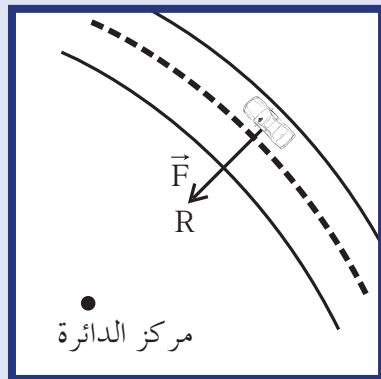
$$f_1 = \mu_1 \times mg = 0.6 \times 1000 \times 10 = (6000)\text{N}$$

وهي أكبر من القوّة اللازمة ، وهذا يعني أنّ السيارة لن تنزلق أثناء الالتفاف.

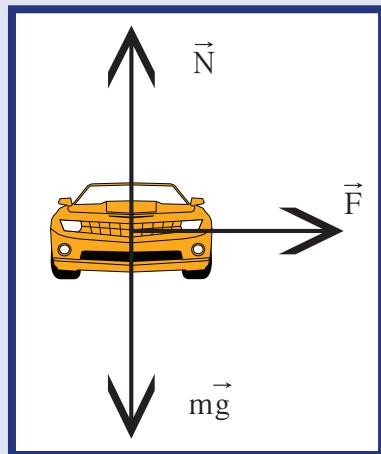
أما في الحالة الثانية عندما تكون الطريق مبللة ، فمقدار قوّة الاحتكاك  $f_2$  يساوي:

$$f_2 = \mu_2 \times mg = 0.25 \times 1000 \times 10 = (2500)\text{N}$$

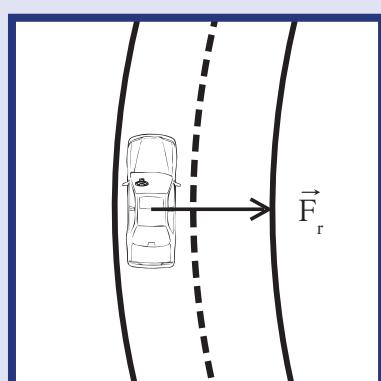
وهو أقلّ من القوّة اللازمة للالتفاف ، وهذا يعني بالتأكيد انزلاق السيارة عن مسارها.



(شكل 56)



(شكل 57)



(شكل 58)  
السيارة تبدو من أعلى

## 2.5 المنعطفات المائلة

إن إمالة المنعطفات عن المستوى الأفقي يزاويه ملائمة ، بشكل يجعل حادة الطريق الخارجية أعلى من الحافة الداخلية ، بفضل من احتفال الارتفاع لأنها يساعد السيارة على الالتفاف من غير الاعتماد على قوة الاحتكاك.

نقطة رد فعل الطريق تحرن عمودية على الطريق، وبهذا يكون لها مركبة أفقية بالاتجاه مركز تقوس المنعطف (شكل 59).

هذا يعني أن هناك سرعة محددة تستطيع أن تحيط بها السيارة بدون الحاجة إلى الاحتكاك على الإطلاق بين العجلات والطريق. وهذا يتحقق عندما تكون المركبة الأفقية لرد فعل الميل متساوية للقوة المركزية الازمة لجعل السيارة تتبع على المسار الدائري.

### معلق

(شكل 59)

إمالة الطريق عبد المحيطات  
وتحصل قترة رد الفعل إلى مركزين

### مثال (3)

أحسب الزاوية التي يجب إمالة المنعطف نصف قطره (50)m ليسمح للسيارة بالانعطاف عليه بسرعة (50)km/h بدون الحاجة إلى قوة الاحتكاك بين العجلات والطريق.

### معلوف

المعلوم: نصف قطر المسار :  $r = 50\text{m}$   
سرعة التصميم:  $v = 50\text{km/h} = (13.88)\text{m/s}$

نحو المعلوم:  $v = 13.88\text{m/s}$   
زاوية الإمالة:  $\theta = ?$

2. أحسب في المعلوم  
الثقل المغيرة على السيارة هي وزن السيارة ورد فعل الطريق.

القوة التي جيدها التي تحمل بالاتجاه الأفقي نحو مركز الالتفاف هي المركبة الأفقية لقوة رد الفعل ، وبالتالي:

$$N \sin \theta = \frac{mv^2}{r}$$

لكرة المركبة العمودية لرد الفعل ساري وزن السيارة أي:

$$N \cos \theta = mg$$

$$\text{وبالتعويض عن المعادير في المعادلة } N \sin \theta = \frac{mv^2}{r} \text{ نحصل على}$$

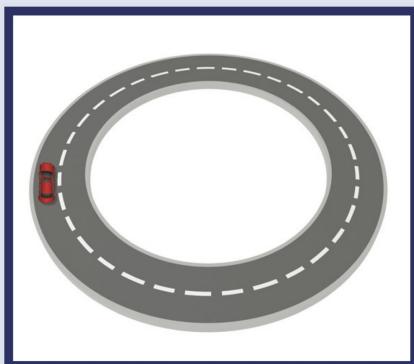
$$\tan \theta = \frac{v^2}{rg} = \frac{(13.88)^2}{50 \times 10} = 0.385$$

$$\theta = 21.07^\circ$$

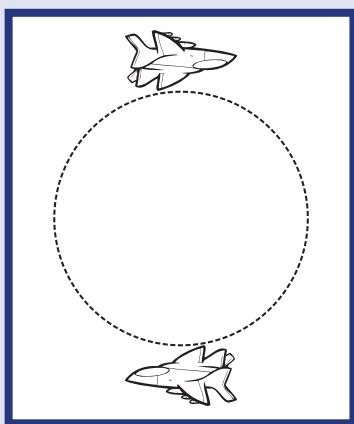
3. تم: هل التجربة مقبولة؟

يعتبر بعدار زاوية الإمالة للمنعطف متسائلاً أو مقبولة متعلقاً للسرعة  $(50)\text{km/h}$

## مراجعة الدرس 2-2



(شكل 60)



(شكل 61)

**أولاً** - عند جعل كتلة مثبتة في نهاية خيط تدور في مسار دائري ، ما اتجاه القوة المؤثرة على الكتلة؟

**ثانياً** - سيارة كتلتها kg(1000) تتحرك على مسار دائري نصف قطره يساوي m(32.5) (شكل 60). إذا كان مقدار القوة الجاذبة المركزية على السيارة N(2500) ، أحسب السرعة المماسية للسيارة .

**ثالثاً** - يجلس ولد كتلته kg(25) على بعد m(1.1) من محور دوران الأرجوحة الدوارة التي تتحرك بسرعة m/s(1.25) .  
(أ) أحسب العجلة المركزية للولد .

(ب) أحسب محصلة القوى الأفقيّة التي تؤثّر على الولد .

**رابعاً** - ما هي السرعة القصوى التي يمكن أن يقود بها السائق سيارته التي كتلتها kg(1500) بحيث يستطيع أن ينبعض على مسار دائري نصف قطره m(70) على طريق أفقيّ ، علمًا أنّ معامل الاحتكاك السكוני بين العجلات والطريق يساوي 0.8 ؟

**خامسًا** - أحسب مقدار القوة الجاذبة المركزية التي تحتاجها طائرة كتلتها kg(4000) أثناء تحليقها بسرعة m/s(50) على مسار دائري قطره m(360) لتحافظ على حركتها الدائرية على هذا المسار  
(شكل 61) .

**سادسًا** - أحسب السرعة القصوى الذي يمكن لسائق سيارة كتلتها kg(1500) ينبعض على طريق بسرعة km/h(25) دون الحاجة إلى قوة الاحتكاك بين العجلات والطريق .

**سابعًا** - سيارة كتلتها kg(1350) تنبعض بسرعة km/h(50) على مسار دائري أفقيّ قطره m(400) .

(أ) أحسب العجلة المركزية للسيارة .

(ب) أحسب مقدار القوة الجاذبة المركزية .

(ج) ما هو مقدار أصغر معامل الاحتكاك بين العجلات والطريق ، والذي يسمح للسيارة بالانبعاض بدون انزلاق؟

# القوّة الطاردة المركزية

## Centrifugal Force

### الأهداف العامة

- يعرف التلميذ القوّة الطاردة المركزية.
- يفسر وجود القوّة الطاردة المركزية داخل الأنظمة الدائرة.
- يستنتج أنّ القوّة الطاردة المركزية هي قوّة خيالية زائفة.

وصفت في الدرس السابق سبب حدوث الحركة الدائرية الذي يعود إلى قوّة موجّهة إلى مركز الدائرة. لكن في بعض الأحيان تُسمى الحركة الدائرية قوّة إلى الخارج **تُسمى القوّة الطاردة المركزية Centrifugal Force**. وتعني الكلمة طرد مركزي المموج من المركز أو الابعد عن المركز.

لكلّ هذه القوّة هي قرّة فضائية مثل القوّة الكهرومغناطيسية أو القوّة الترمومادناميّة؟ هل هي نتيجة تفسير خاطئ لمشاهدات أشخاص حركة دائرية؟ هل هذه القوّة مرتبطة بشرط محدّد في نظام معين؟ الإجابة على هذه التساؤلات هي محور هذا الدرس.

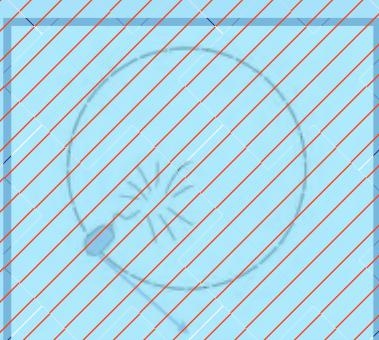
# محلّف

### القوّة الجاذبة المركزية والقوّة الطاردة المركزية Centrifugal and Centripetal Forces

هذا اعتقاد شائع وخطئ، وهو أنّ سبب الحركة الدائرية هو ظاهرة يُطلق عليها **القوّة الطاردة المركزية** لأنّ القوّة التي تسحب العلبة إلى الخارج هي القوّة الطاردة المركزية. غالباً ما نحصل في اعبيار أنّ القوّة الطاردة المركزية هي التي سحب العلبة من مسارها الدائري. ففي الواقع، عند قطع الحبل، تنافع العلبة في مسار مماس للحبل مستعملاً لأنّها غير متأثرة بائى قوّة. سنتوضّح ذلك في مثال آخر.

افتراض أنك راكب سيارة ترتفعت قحافة، وأنك لم تكن ترتدي حزام الأمان، سوف تندفع إلى الأمام باتجاه رجاج السيارة الأمامي. وعندما يحدث ذلك، لن تقول إنّ شيئاً دفعك إلى الأمام لأنك تعلم أنّ هذا الاندفاع حدث بسبب عيادة كان يوفرها حزام الأمان، وبالمعنى إذا كنت تجيء بعيادة تدور في مuttlef شديدة باتجاه السيارة، تميل إلى الانبعاث خارجها باتجاه

اليأس، لماذا لا يحدث ذلك بفعل قوّة خارجية أو قوّة طاردة مركزية، إنما بسبب عدم وحدة قوّة حاذبة مركبة تحفظها في الحركة الدائرية. إنّ الحركة بوجود قوّة طاردة مركزية رد فعل يعني اتجاهها إلى السيارة، وهي اعتقدت خاطئاً.



(شكل 62)

عندما يتقطع الحبل، تتبع العلبة المسار الدائري في خط مستقيم مماثل لمسارها الدائري (أو لمسار حرجاً عن مركزها).

لذلك، عندما تجعل علبة صغيره تدور في مسار دائري، لا تزحف. فـ تـ سـحـبـ العـلـةـ إـلـىـ الـخـارـجـ،ـ وـلـكـنـهاـ اـفـوـهـ منـ الـخـيـطـ بـوـثـةـ عـلـىـ الـعـلـةـ فـ حـسـبـ لـسـحـبـهاـ إـلـىـ الدـاـلـرـ،ـ أـمـاـ الـقـوـهـ الـخـارـجـيـةـ فـ تـؤـثـرـ عـلـىـ الـحـضـ وـلـيـسـ عـلـىـ الـعـلـةـ

(شكل 63)

## فقرة اثباتية

### الدليـلـيـنـ الـعـلـةـ

**مـصـمـمـ القـطـارـ الدـوـارـيـ**

**المـدـيـنـةـ الـتـرـفـيـهـ**

صمـمـ أـرـلـ قـطـارـ دـوـارـ صـغـيرـ فـيـ الصـدـيـنـةـ الـتـرـفـيـهـ فـيـ الـعـامـ 1884ـ فـيـ الـمـلـاتـ اـمـسـتـدـادـ الـأـمـرـيـخـ.

وـتـضـتـنـ هـذـاـ اـنـقـطـارـ الـعـدـيـدـ مـنـ الـلـاتـ الـاـهـتـازـيـهـ الـتـيـ تـسـاعـدـ فـيـ الـاـرـقـاعـ إـلـىـ أـكـثـرـ مـنـ (100m).

وـتـضـتـنـ هـذـاـ اـنـقـطـارـ الـعـدـيـدـ مـنـ الـلـاتـ الـاـهـتـازـيـهـ الـتـيـ تـسـاعـدـ فـيـ الـاـرـقـاعـ إـلـىـ أـكـثـرـ مـنـ 150km/h.

مـصـمـمـهـ القـطـارـ الـدـوـارـ وـمـجـدـدـهـ

الـعـدـيـدـ بـاـتـجـاهـ الـحـشـرـةـ،ـ وـتـمـدـهـاـ بـلـفـرـهـ الـحـافـيـهـ الـسـرـكـرـيـهـ الـتـيـ مـنـ

تـقـيـيـمـهـ فـيـ مـسـارـ دـائـيـ،ـ أـمـاـ الـعـشـرـةـ فـضـنـاـ يـلـوـرـهـ عـلـىـ أـصـطـةـ الـعـلـةـ.

رـيـاهـمـ الـحـادـيـهـ،ـ رـجـهـ عـلـىـ الـحـشـرـةـ

الـعـلـةـ عـلـىـ اـقـدـامـهـ،ـ وـمـنـ

فـرـهـ طـارـدـةـ سـرـكـرـيـهـ تـقـوـيـهـ فـيـ الـحـشـرـةـ،ـ تـمـاـنـاـ مـيـلـ عـلـمـ وـجـهـ دـاـتـقـطـارـدـةـ

سـرـكـرـيـهـ تـؤـرـ خـلـىـ اـشـخـصـ الـدـىـ سـقـعـ بـاـتـجـاهـ يـاـيـهـ السـيـارـهـ لـلـلـلـدـلـلـيـ الـأـسـرـورـ

تـأـيـدـ الـقـوـهـ الـعـلـارـدـهـ الـسـرـكـرـيـهـ إـلـىـ أـيـ قـوـهـ حـتـيقـهـ،ـ أـمـاـ يـرـجـعـ إـلـىـ التـصـورـ

الـذـيـ،ـ وـعـوـ مـيـلـ الـأـحـسـانـ الـمـسـحـرـهـ لـاـيـاحـ مـسـارـ خـطـ مـسـتـقـيمـ فـيـ عـيـابـ

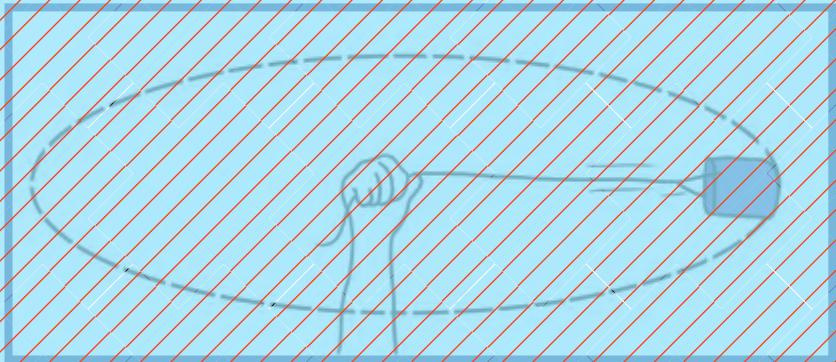
الـتـوـيـ الـمـرـكـرـيـهـ.

فـلـيـ الـبـيـهـ فـيـ تـصـيـنـ القـطـارـ وـفـ

صـمـمـ الـعـدـيـدـ مـنـ الشـكـلـاتـ الـخـاصـهـ

قـطـارـاتـ دـرـرـارـهـ فـيـ الـعـدـيـدـ مـنـ الـمـدـنـ

الـتـرـفـيـهـ فـيـ حـسـبـ الـحـاجـ الـعـالـمـ.



(شكل 63)

فـرـهـ وـاحـدـةـ فـقـطـ تـقـوـيـهـ عـلـىـ الـعـلـةـ الـدـائـيـهـ إـلـىـ شـاءـ حـرـشـاـ إـلـىـ الـجـاذـيـهـ وـلـاـ سـكـلـاـتـعـ الـهـرـاـ (وـتـجـهـ

مـبـاشـرـةـ لـعـرـكـرـ الـدـائـيـهـ)ـ،ـ وـهـذـهـ الـقـوـهـ هـيـ الـقـوـهـ الـجـاذـيـهـ الـمـرـكـرـيـهـ.ـ رـلـاـ تـزـجـهـ قـوـهـ حـارـجـيـهـ

أـخـرىـ تـنـزـلـ عـلـىـ الـلـكـ.

# مـعـلـفـ

لـنـقـرـخـ الـلـانـ وـحـودـ حـشـرـهـ دـاخـلـ عـلـةـ دـائـيـهـ الشـكـلـ (شكـلـ 64ـ).ـ تـضـعـطـ

الـعـدـيـدـ بـاـتـجـاهـ الـحـشـرـةـ،ـ وـتـمـدـهـاـ بـلـفـرـهـ الـحـافـيـهـ الـسـرـكـرـيـهـ الـتـيـ مـنـ

تـقـيـيـمـهـ فـيـ مـسـارـ دـائـيـ،ـ أـمـاـ الـعـشـرـةـ فـضـنـاـ يـلـوـرـهـ عـلـىـ أـصـطـةـ الـعـلـةـ.

رـيـاهـمـ الـحـادـيـهـ،ـ رـجـهـ عـلـىـ الـحـشـرـةـ

الـعـلـةـ عـلـىـ اـقـدـامـهـ،ـ وـمـنـ

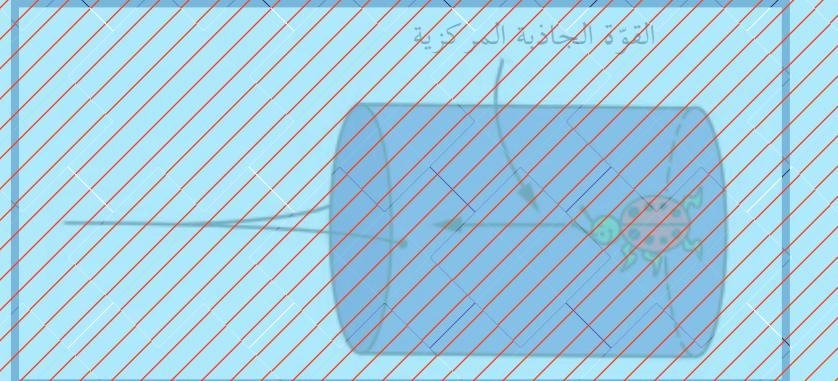
فـرـهـ طـارـدـةـ سـرـكـرـيـهـ تـقـوـيـهـ فـيـ الـحـشـرـةـ،ـ تـمـاـنـاـ مـيـلـ عـلـمـ وـجـهـ دـاـتـقـطـارـدـةـ

سـرـكـرـيـهـ تـؤـرـ خـلـىـ اـشـخـصـ الـدـىـ سـقـعـ بـاـتـجـاهـ يـاـيـهـ السـيـارـهـ لـلـلـدـلـلـيـ الـأـسـرـورـ

تـأـيـدـ الـقـوـهـ الـعـلـارـدـهـ الـسـرـكـرـيـهـ إـلـىـ أـيـ قـوـهـ حـتـيقـهـ،ـ أـمـاـ يـرـجـعـ إـلـىـ التـصـورـ

الـذـيـ،ـ وـعـوـ مـيـلـ الـأـحـسـانـ الـمـسـحـرـهـ لـاـيـاحـ مـسـارـ خـطـ مـسـتـقـيمـ فـيـ عـيـابـ

الـتـوـيـ الـمـرـكـرـيـهـ.



الـقـوـهـ الـجـاذـيـهـ الـمـرـكـرـيـهـ

(شكل 64)

تـزـوـدـ الـدـلـلـهـ دـائـيـهـ الشـكـلـ الـحـشـرـةـ بـالـقـوـهـ الـجـاذـيـهـ الـمـرـكـرـيـهـ لـفـاءـ الـعـشـرـةـ فـيـ مـسـارـ دـائـيـ.

## 2 القوة центральная في إطار مرجعى دوار

### Centrifugal Force in Rotating Reference

لحن نعلم أن نظرتنا للطبيعة هي الفيزياء تعتمد على الإطار المرجعي Frame of Reference الذي نرى من خلاله فإذا كنت حالساً في قطار يتحرك بسرعة كبيرة، فإنك ستعتذر تساوى صفرًا بالنسبة إلى القطار رمزاً بجلس بداخله، لكن ستعتذر كثرون كبيرة جدًا بالنسبة إلى نقطة مرجع على الأرض خارج القطار، أي يكون لدى سرعة بالنسبة إلى نقاط مرجعية مختلفة على الأرض تحمل للخارج من مركز الحركة الدائرية، وتسى الحشرة في هذه الحالة بالاتجاه الخارجي، ويعود إليها التوجّه الدائري المركبة التي تشهي شفاعة الحاسدة الإيجابية على القوة الطاردة المركبة.

(شكل 65)

من نقطة الإسادة لجسم داخلي اللثة دارمه المكشل، تجد أن الحشرة تتعقب بقان العلة بتأثير قوة تحمل للخارج من مركز الحركة الدائرية، وتسى الحشرة في هذه الحالة بالاتجاه الخارجي، ويعود إليها التوجّه الدائري المركبة التي تشهي شفاعة الحاسدة الإيجابية على الحشرة.

#### فكرة إثباتية

الفيزياء في المختبر  
الحركة الدائرية للأوزان

لأخذ من جديد الحشرة داخل العلة التي تدور (شكل 05). نعيد بالنسبة إلى نقطة مرجعية خارج العلة الدوارة التي لا توجه قوة طاردة مركبة توجه على الحشرة داخل العلة، لكن في قوة جاذبية مركبة توجه على العلة، تعود إلى حركة دائرية: فمن إطار مرجعى حارجى، اللوة الرحبة المؤشرة على الحشرة هي القوة الجاذبة المركزية المبذولة من قاع العلة على أقدم الحشرة.

تختلف هذه النظرة بالنسبة إلى إطار مرجعى دوار داخل العلة التي تدور، فنجد أن القوة المركزية تتسبب بالحركة الدوارة التي توجه على العشرة.

ينتهي القول الطاردة المركزية كقوة حقيقة مثل قوة التوتر الداخلي، فالعلم أن هناك اختلاف جوهري كبير بين قوة الحاذبة تبعة القوى المركبة وقوة الجاذبية المركزية.

# محاج

إذن دلائل دلائلاً إلى مضمونه بال تماماً وحرجاته في دائرة رأسية، إن يسقط كلتا وكتلة الأرض، لكن في الإطار المرجعي المدار، قوة الجاذبة هي نتيجة الدوران وليس نتيجة تفاعل بين جسمين، وبالتالي لا يمكن لقوى الطاردة المركزية أن تكون قوة حقيقة للذلك يفترض الفيزيائيون أن القوة الطاردة المركزية هي قوة خالية افتراضية لا تشبة لها الصاذب المادي والقوى الكهربائية والقوى النووية. مع ذلك، بالنسبة إلى مشاهدين في النظام الدواري، القوة الطاردة المركزية هي قوة حقيقة مثل قوة الجاذبية الأرضية على سطح الأرض، فهي مرئية دلائلاً داخل الأنظمة الدائرية.

ينحرف الماء بطريقة ملائمة لأنماطه، يحيث يقوط ويصعد الدلو؟ ستعلم لا أنت إلا أن مكرنك الفضاء الفلكي يشابة مع ذلك حيث يبحسر في سداه، ولكنك الخدعة في اعطاء المكشكشة ملائمة كأنه تمكّه الانحدار حول محور الأرض، دون أن يحيط عيالاً

لفهم أكثر بقلم الحادبية إلا إنها وأهمت، دعمنا نفترض أن مجموعه من  
الحشرات تعيش في عجلة دراجة تحتوي على حيز واسع في داخلها  
(شكل 06). فإذا قينا بفزع العجلة في الهواء أنه قمنا بإسقاطها من طاوله  
على ارتفاع عالٍ في السماء، سوف تصبح الحشرات في حالة انعدام وزن،  
وستدور كتمال دورها كما لو كانت تطير بحرية بينما السقط العجلة سقطاً آخر.  
إذا تم بحمل العجلة ثبور، ستستعر الحشرات بها ملقة إلى  
الجهة المعاكسة للسطح الداخلي من العجلة وإذا أدركت العجلة  
بمسحة ملمسية، ستثير الحشرات بالحادبية الأرضية الرائفة الناتجة عن  
القوة الطاردة المركزية، كما لو كانت هي الحادبية الأرضية نفسها  
التي اعتادتها الحشرات

يحلم الكثيرون بالحياة بغير مسؤوليات، وقليلون هم من يعيشون في محيط ملائكة، حيث تحكم القوة الطاردة المركبة قوته الجاذبية الأرضية، فيتمكن الناس من التفاعل كما لو كانوا على سطح الأرض بشكل طبيعي بدون الشعور بانعدام الوزن، لا يشعرون به رواد الفضاء اليوم، فسكنوا في غضون قرنين من الميلاد أنفسهم دوراً مماثلاً لـ دونالد دوك، حالة الدليل على أن ست

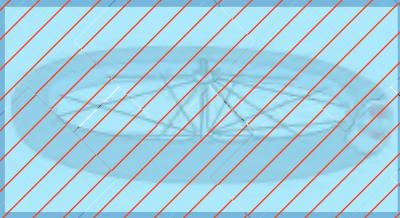
# محله محفوظ

دعاية بـ «جاذبية مرتفعة»  
الفضاء الدوار! ناتحة عن الدوران. ويناسب مقدار هذه العجلة مباشرة  
مع المسافة الفعلية ومراعي المسافة الدائرية. فالجيبلة العطاء لحل  
دوره في المذيفة تردد بـ «بادرة المسافة الفعلية»، وبصاعده المسافة من  
محور الدوران يضافى عجلة إنتماء الطاردة المركبة والفرقة الجاذبة  
المركبة، ومضاعفة المسافة ثلاثة مرات تزيد العجلة ثلاثة مرات،  
والمليمة عن مضاعفتها أربع مرات.

وتحذى تكمل المسافة القطرية صفرًا عند محور الدوران، لا يوجد تسارع ناتج عن الدوران. أما المشاكل صغيرة القطر، فيجب أن تدور بسرعة عالية لتشعر بالجاذبية الزائفه التي تساوي تسارع جاذبية أرضية معتدله بما يلي:

وتحلّ محاكاة اتحادية الأرضية الطبيعية بناءً، بناءً كبيرة يصل طول نقطها إلى حوالي (2) km، ويُعتبر حجم هذا التركيب ضخماً إذا قارنناه بحجم مكون الفتناء الحالي.

ومن المحتل أن يوصى الاقتصاديون بتصغير حجم اريل به سككي في الفضاء . وفي حال لم تكن هذه المنشآت تدور، فسينظم المشتمئن فيها معيشتهم هي بهذه تبدو معدمة الورن . وستبع ذلك مشتابة دارة أكبر لها جاذبية مماثلة



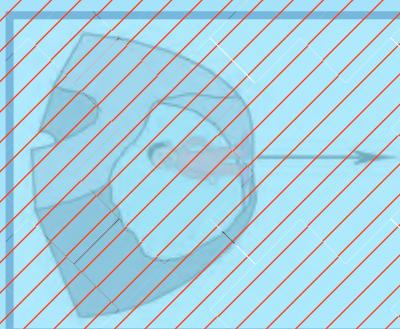
(شکل ۶۶)

إذا أديرت المحمد، ونقطت سقطاً حرّاً، سقطت  
الحشرات داخلها بالثمرة الطاردة الممرّكبة وهي  
تشه العذوبة الأرضية، رغم امارة العجلة بمدل  
معين فإن الحشرات تتوجه مباشرة لاكتشاف  
اتجاه مركز العجلة ولأتميل في اتجاه نصف المطر  
للحاجز.



(شکار ۶۷)

طاغٌ بينَ الْجَلِّ وَالْأَرْضِ الْأَعْفَ عَلَيْهَا يَدُو  
لَهُ مُسْتَقْبَلٌ بِالْمُؤْمِنِينَ  
الْمُؤْمِنُونَ الظَّاهِرُ بِمُغْنِيِّ الْأَرْضِ  
الْفَلَلِ الْأَرْجُنُ بِمُغْنِيِّ الْأَعْنَى  
الْأَصْرُ (دُنْجُلُ), الْقُورُ الْوَحِيدَةَ الْمُسْدَرَ لَهُ عَلَيِ  
الْأَرْجَانِ بِهِ الْقُوَّةُ الْمُغْتَرَّةُ بِوَاسْلَةِ الْأَرْضِ رَهِيَ فِي  
الْأَعْمَاءِ الْمُمْكَنَةِ هُرْ قَوْقَمَةَ كَيْدَةِ حِجَّادَةِ



(شکل 68)

بالاحداث الى الفاعل بين المجرم والارض التي  
تفق عليها تردد قوة طردد هركيز منهولة على  
الرجل واتجاهها نحو موكر كلله، وهي نبرة  
حقيقة، مثل العاديۃ الاوسمة، ولكنها لا تشتمل  
ان لم تطرد بالفعل، فلا يوجد جدوى  
سكن اى بحثه للخاتف، القوة الطاردة المركبة  
ليست من اهم الفاعل واكتسابها تتجه عن  
الدوران الى ذلك تسمى «القوة الحيرية».

وفي حال كانت هذه المسناب تدور بحيث يتأثر المغناطيس داخل حافظتها المخارجية بحادية و، فائزهم، وهي منصف المسافة بين المحور والحافظة الخارجية، سوف يتأثره زن بحادية  $(0.5g)$  نقط. وعند المحور نفسه يتاثرون بالانعكاس الورني، أي عند  $(0)$ . والتعديلات الممكنة لحادية الأرض ( $g$ ) داخل المركبة الفضائية كموطن، تبنت باذلة هي بيضة محدثة وبختالقة ولم تحررت من قبل. ويمكننا ممارسة رقصة الماليه عند موضع تحزن فيه الحادية و( $0.5g$ ) والألعاب البليولالية عند جاذبية ( $0.2g$ ) وعند أماكن منخفضة الحادية. ويمكن لعب كرة قدم ثلاثة الأبعاد والرياضيات التي لم يتم تصريرها حتى الآن في أماكن وحالات حادية مختلفة جداً.

**نُكْسَفُ الدَّارِسُ إِلْكَائِيَّاتُ لَمْ تَحُرْ مَتَاحَةً لَهُمْ مِنْ قَبْلٍ، وَرَفَقُ الْإِلْتَفَالِ**  
**مِنْ كَبُورِكَ الْأَرْضِ إِلَى الْأَنْوَافِ الْحَدِيدِيَّةِ سَيِّكُورُونَ هُوَ تَمَسِّيْقًا بِيَخَايَةِ**  
**الَّذِينَ يَسْتَعْلَمُونَ لِحُوْضِ هَذِهِ الْمَغَامِرِ الْحَدِيدِيَّةِ.**

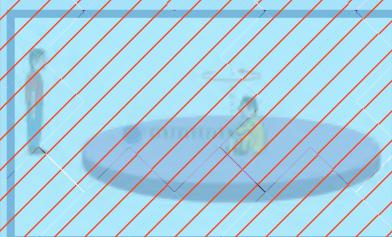
# محله

أولاً - أنت في السيارة وتنسخ حزام الأمان، وإذا بالمساره تتعرض  
هل يمكنك حزام الأمان بقدرة حادثة من كثرة طاردة مركبته؟

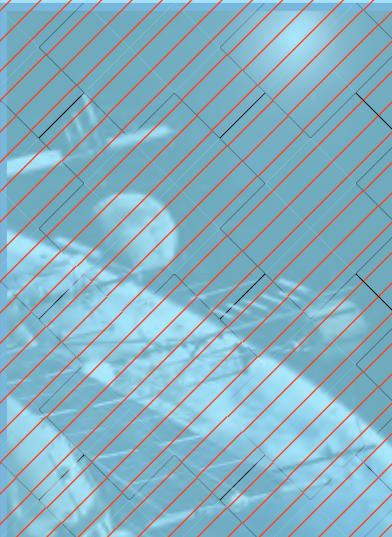
ثانياً - هل هناك أي تأثير للقادة الطاردة المركبته على حركة العلبة التي  
تدور عندما يقطع الخط الذي كان يحفظ حركتها الدائرية؟

ثالثاً - لماذا تسمى القوقة الطاردة المركبة التي دشّر بها الحشرة في  
الطارد الذي يدور بالقوقة الدائمة أم الحاله؟

الملعب—إذا، بحثت كره ثقبة من الحديد سيلفي تابع في مسلخ دائري،  
كما هو موضح في الشكل (٧٠)، وكان هناك مشاهدان، أحدهما في  
الاطار الدائري والآخر واقف على الأرض، رأيا حركة، فأي  
المشاهدين يرى أن الكرة تابع تابع وتحذب إلى الخارج؟ وأي  
المشاهدين يرى أن الأرض تحذب الكورة في حركة دائريه؟



(70) شکل



(69)

صور ركالة افضلية لمستوى الفنان  
الدائم

مراجعة الفصل الثاني

المفاهيم

Tangential Speed	السرعة المماسية	Rotation	الدوران المحوري
Centripetal Force	قوة جاذبية مرکزية	Revolution	الدوران المداري
Centrifugal Force	قوة طالعه مرکزية	Rotational Speed	السرعة الدائرية (الزاوية)
Axis	محور	Linear Speed	السرعة الخطية

الأفكار الرئيسية في الفصل

- ✓ الحركة الدائرية هي حركة الجسم على مسار دائري حول مركز دوران ، مع المحافظة على مسافة ثابتة منه .
  - ✓ الإزاحة الزاوية تصف الحركة الدائرية لنقطة خلال فترة زمنية على مسار دائري .
  - ✓ السرعة الدائرية ، و تسمى أيضاً السرعة الزاوية ، هي عدد الدورات في وحدة الزمن و تعرف أيضاً بمقدار الزاوية بالراديان التي يمسحها نصف القطر خلال وحدة الزمن .
  - ✓ تتناسب السرعة المماسية طردياً مع السرعة الزاوية ومع المسافة نصف القطرية من محور الدوران .
  - ✓ السرعة المماسية تساوي حاصل ضرب كلّ من السرعة الزاوية والمسافة نصف القطرية من محور الدوران .
  - ✓ العجلة الزاوية هي معدل تغيير السرعة الزاوية .
  - ✓ عندما تكون العجلة الزاوية ثابتة المقدار لجسم يتحرك على مسار دائري ، نصف حركته بالحركة الدائرية منتظمة العجلة .
  - ✓ القوة الجاذبة المركزية هي القوة التي تسبب الحركة الدائرية للكتلة ويكون اتجاهها دائماً نحو مركز الدائرة .

**معلق** داخل النظام الذي يدور.

خطة مفاهيم الفصل

استخدم المصطلحات الموضحة في الشكل التالي لرسم خريطة مفاهيم تُنظم معظم الأفكار التي احتواها الفصل.



## تحقق من فهمك

ضع علامة (✓) في المربع الواقع أمام العبارة الصحيحة في كلٍ مما يلي:

1. تتحرّك كتلة نقطية على مسار دائري نصف قطره يساوي  $25\text{m}$  بزاوية  $30^\circ$ ، فإنَّ المسافة التي تقطعها الكتلة على المسار بوحدة (m) تساوي:

(13)  (7.5)

(1.2)  (750)

2. الإزاحة الزاوية التي تقطعها كتلة نقطية عندما تتحرّك على مسار دائري نصف قطره  $100\text{m}$  مسافة  $157\text{m}$  تساوي:

$1.57^\circ$    $60^\circ$

$90^\circ$    $30^\circ$

3. تسير سيارة كتلتها  $1000\text{kg}$  على مسار دائري قطره  $300\text{m}$  بسرعة خطية ثابتة المقدار تساوي  $25\text{m/s}$ ، فإنَّ الزمن الذي تحتاجه السيارة لتكمل دورة كاملة بوحدة (s) يساوي:

(1.04)  (37.68)

(25.12)  (18.84)

4. القوة الجاذبة المركزية التي تحفظ السيارة على مسارها الدائري في السؤال السابق بوحدة (N) تساوي:

(83.3)  (830)

(3802)  (4166.6)

5.



## تحقق من معلوماتك

أجب عن الأسئلة التالية:

1. هل دوران الطفل الجالس على الخيل في لعبة دوّارة الخيل هو دوران محوري أم دوران مداري؟  
علّ إجابتكم.

2. يتحرّك قطار على قضيبين. أيِّ قضيب يكون أكبر عند مسار منحنٍ، القضيب الداخلي أم الخارجي؟ إشرح.



3.

4.

## تحقق من مهاراتك

حل المسائل التالية:

**1.** كتلة صغيرة موجودة عند منتصف المسافة بين محور قرص مدمج وحافته . ماذا سيحدث لسرعة النقطة الخطية:

(أ) إذا تضاعفت السرعة الزاوية؟

(ب) إذا وجدت النقطة عند حافة القرص المدمج؟

(ج) إذا تضاعفت السرعة الزاوية وووجدت النقطة عند حافة القرص المدمج؟

**2.** تدور كرة حديدية كتلتها kg(1) مربوطة بحبل طوله m(2) في دائرة أفقية بسرعة تساوي (2)m/s . أحسب:

(أ) قوة الشدّ التي تحدثها الكرة على الحبل .

(ب) إذا علمت أنّ الحبل قد ينقطع إذا كانت قوة الشدّ عليه تساوي N(1.8) . كم يساوي طول الحبل الأقصى الذي يمكن استخدامه؟

**3.** علار سير يع كتلة kg(200) يدور على مساحة m(200) بسرعة km/h(90) . أحسب مقدار القوة الأفقية للفدان المسكونة الحديدة على حبله العلار .

**4.** أحسب عدد دورات عجلة دراجة قطرها cm(70) عندما تقطع الدراجة مسافة m(22) .

**5.** (أ) أحسب السرعة الزاوية لجسم يدور بعجلة متقطبة متذبذباً على مسار دائري نصف قطره يساوي m(4) ، بعد s(10) من انطلاقه من سكون .

(ب) أحسب عدد الدورات التي يقوم بها خلال s(10) .

(ج) أحسب متذبذل العجلة المرکبة بعد مرور s(10) من قيادة .

**6.** خطط مهندسو الطريق لإتمام أحد المعمليات ذات تصميم وتصنيع سيارة m(50) زاوية إمالة تساوي  $20^\circ$  . أحسب السرعة التي يستطيع أن تتعطف بها سيارة كتلتها kg(1000) يدور الحاجة إلى قمة الاحتكاك بين عجلاتها والطريق .

## مشاريع الفصل

### التواصل

أكتب مقالاً لا يزيد عن عشرة أسطر تبيّن فيه تأثير استبدال عجلات السيارة بعجلات أصغر قياساً على صدق قراءة عدد السرعة بالنسبة إلى السرعة الحقيقية التي تتحرّك بها السيارة، علمًا أنّ عدد السرعة في السيارة يعمل بواسطة كابل متصل بعمود إدارة العجلات . ضمن مقالتك أفكاراً علمية تدعم ما كتبته .

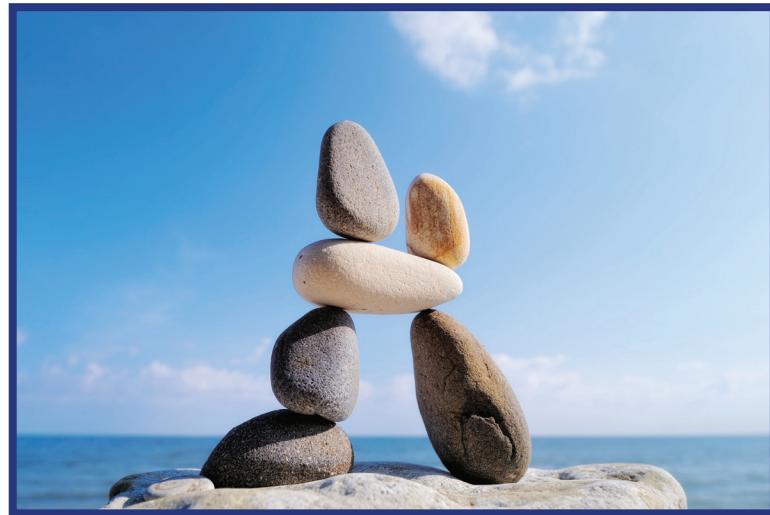
## نشاط بحثي

- إن انزلاق السيارات عند انعطافها على طريق أفقية على المسارات الدائرية هو أحد أكثر أسباب الحوادث شيوعاً وأخطرها على حياة الأشخاص في السيارات وعلى جانب الطريق.
- أجري بحثاً تستخدم فيه أدوات البحث المناسبة لتوسيع سبب هذه المشكلة متبوعاً بالخطوات التالية:
- 〃 حدد القوة أو القوى المؤثرة في السيارة والتي تحفظها في مسارها الدائري عندما تكون منطلقة بسرعة.
  - 〃 حدد كيفية تأثير عوامل الطقس كالأمطار والجليد على قدرة السيارة على الالتفاف على المسار الدائري.
  - 〃 ضمن بحثك كيف أن إمالة المنعطفات الدائرية باتجاه مركز الدائرة بدلاً من إبقاء الطريق أفقية والتي يقوم بها مهندسو الطرقات، يساعد على تخطي مشكلة الانزلقات.
  - 〃 دعم بحثك بالصور والمعادلات المناسبة التي ثبتت ما توصلت إليه.
  - 〃 صغ استنتاجاً تظهر فيه أهمية شكل الطريق في ثبات السيارة على مسارها الدائري.

## مركز الثقل Center of Gravity

### دروس الفصل

- الدرس الأول
  - مركز الثقل
- الدرس الثاني
  - مركز الكتلة
- الدرس الثالث
  - تحديد موضع مركز الكتلة أو مركز الثقل
- الدرس الرابع
  - انقلاب الأجسام
- الدرس الخامس
  - الاتزان
- الدرس السادس
  - مركز ثقل جسم الإنسان



ما سبب ثبات هذه الصخور واتزانها؟

لماذا لا تسقط الصخور مختلفة الأشكال الموضحة في الشكل أعلاه؟

هل ستسقط إذا أرخنا أيّاً منها يميناً أو يساراً، أو إذا بدأنا موقعها؟

لماذا لا يسقط برج بيذا المائل؟ وما أقصى درجة ميل يمكن أن يبلغها قبل

أن يسقط؟ لماذا يستحيل عليك أن تقف ملصقاً تماماً إلى الحائط وأن

تحاول لمس أصابع قدميك دون أن تقع؟

الإجابة على هذه الأسئلة وغيرها من التساؤلات التي تمحور حول أسباب

اتزان الأجسام وثباتها يتطلب منا التعرّف على مفهوم مركز الثقل، وكيفية

تطبيقه على التوازن والاتزان.

في هذا الفصل، سنتعرّف لمفهوم مركز الثقل، وسنستقصي أهميّته في

ثبات الأجسام. وسنحدّد عملياً موضع مركز الثقل أو مركز الكتلة لأجسام

منتظمة الشكل وأخرى غير منتظمة الشكل. سنتعرّف أيضاً لمفهوم مركز

الكتلة، ونميّز بين مركز الثقل ومركز الكتلة. كما سنحدّد موقع مركز النقل

لأجسام مختلفة باستخدام المعادلات الرياضية.

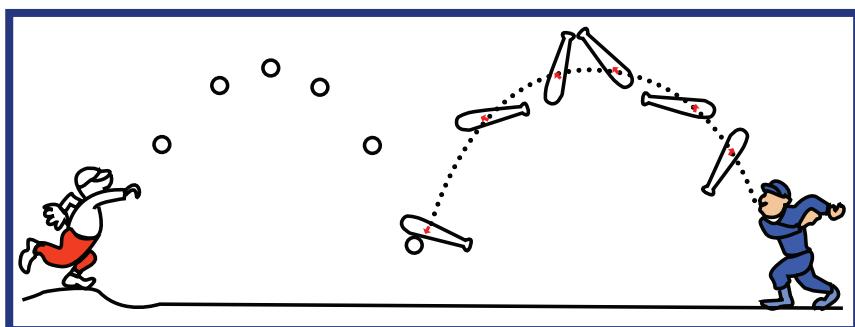
## الأهداف العامة

- يعرّف مركز الثقل.
- يستنتج أن حركة الجسم تمثل بحركة مركز ثقله.

عند قذف كرة القاعدة (Baseball) في الهواء، نجد إنّها تتبع مساراً منتظمًا على شكل قطع مكافئ قبل أن تصلك إلى الأرض. أمّا عند إلقاء مضرب كرة القاعدة، فإنّه لا يتبع المسار المنتظم نفسه، إنّما يدور أثناء حركته في الهواء. والملاحظ أنّه يدور حول نقطة معينة ترسم حركتها مسار قطع مكافئ، على الرغم من أنّ باقي أجزاء المضرب لا تتبع هذا المسار (شكل 71). وتعتبر حركة مضرب كرة القاعدة محصلة حركتين هما:

- حركة دورانية حول هذه النقطة.

■ حركة انتقالية في الهواء يbedo فيها أنّ ثقل المضرب مركّز في هذه النقطة. وتُسمى هذه النقطة التي يرتكز عليها ثقل المضرب والتي تدور باقي أجزاء المضرب حولها بمركز ثقل المضرب.



(شكل 71)

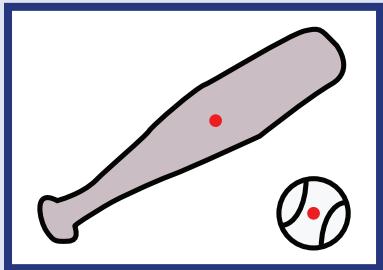
مركز ثقل الكرة ومركز ثقل المضرب يتبعان مساراً على شكل قطع مكافئ.

## 1. تعريف مركز الثقل

## Definition of the Center of Gravity

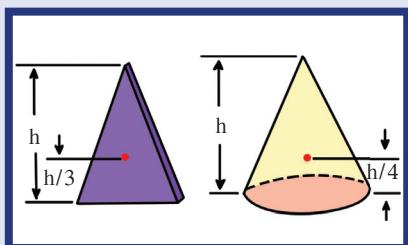
درسنا سابقاً أنّ ثقل الجسم هو القوّة التي يخضع لها الجسم بسبب جذب الأرض له.

كلّ جزء من أجزاء هذا الجسم يخضع لقوّة جذب الأرض، ومحصلة هذه القوى كلّها هي قوّة تتجه إلى الأسفل وتساوي مقدارها مجموع مقادير هذه القوى. أمّا نقطة تأثيرها فهي نقطة نسمّيها «مركز ثقل الجسم»، أي أنّ مركز الثقل هو نقطة تأثير ثقل الجسم.



(شكل 72)

مركز ثقل الكرة هو المركز الهندسي ، أما مركز ثقل المضرب فهو أقرب إلى الجزء الأنفل .



(شكل 73)

مركز الثقل هو النقطة الحمراء .



(شكل 74)

مركز ثقل هذه اللعبة يقع أسفل مركزها الهندسي .

ماذا يحدث عند تطبيق قوّة على الجسم في مركز ثقله بحيث تكون معاكسة لقوّة ثقله في الاتّجاه ومساوية لها في المقدار؟ سيتوازن الجسم مهما كان وضعه ، لأنّ مجموع القوى التي يخضع لها أصبح معادوماً. لذلك يعتبر مركز ثقل الجسم نقطة توازن له .

ويمكن تعريف مركز ثقل جسم ما بأنه «النقطة التي تقع عند الموضع المتوسط لثقل الجسم الصلب المتتجانس». وبالنسبة إلى الأجسام متماثلة التكوين ومنتظمة الشكل مثل كرة القاعدة ، يقع مركز الثقل عند المركز الهندسي لها . أمّا الأجسام غير منتظمة الشكل مثل مضرب كرة القاعدة ، فيكون ثقل أحد طرفيها أكبر من ثقل الطرف الآخر ، لذلك يكون مركز الثقل ناحية الطرف الأنفل (شكل 72). ويقع مركز ثقل قطعة رخام مثلثة الشكل على الخط المار بمركز المثلث ورأسه ، وعلى بعد من القاعدة يساوي ثلث الارتفاع  $h$ . ويقع مركز ثقل مخروط مصمّت على الخط نفسه ، لكن على بعد ربع الارتفاع  $h$  من قاعدته (شكل 73) .

ربما يكون مركز ثقل الأجسام التي تترَّكب من أكثر من مادة (مواد مختلفة الكثافة) بعيداً عن مراكزها الهندسي . فإذا تصوّرنا كرة مجوفة مُلئت حتّى منتصفها بمعدن الرصاص ، فلن ينطبق مركز ثقلها على مركزها الهندسي ، لكنه يكون إلى ناحية النصف الممتليء بالرصاص . لذلك عندما تهتزّ هذه الكرة ، فإنّها تتوقف عن الاهتزاز حيث يقع مركز ثقلها عند أسفل مستوى ممكّن . وإذا جعلنا هذه الكرة لعبة على شكل مهرّج (شكل 74) ، للاحظنا أنها تعود إلى الوضع العمودي مهمماً أزيحت عن هذا الوضع .

## 2. مسار مركز ثقل الجسم

### Path of the Center of Gravity of a Body

توضّح الصورة متعدد اللقطات في الشكل (75) منظراً علوياً لمفتاح إنجليزي ينزلق أثناء دورانه حول نفسه على سطح أفقي أملس . لاحظ أنّ مركز ثقل المفتاح يتحرّك في خط مستقيم (مركز الثقل ممثل في الشكل بنقطة بيضاء) ، في حين يتحرّك باقي أجزاء المفتاح في حركة دورانية حول مركز الثقل . لاحظ أيضاً أنّ مركز الثقل يقطع مسافات متساوية في فترات زمنية متساوية بسبب انعدام القوة المحصلة في اتّجاه الحركة . وتعتبر حركة المفتاح محصلة حركة في خط مستقيم لمركز الثقل ، وأخرى دورانية حول مركز ثقله .



(شكل 75)

مركز ثقل المفتاح المائل بحركة دورانية يبيّع مساراً مستقيماً .

## فقرة اثرائية

### انباء الفيزياء بالتلذلوجيا

#### مركز الثقل في وسائل النقل

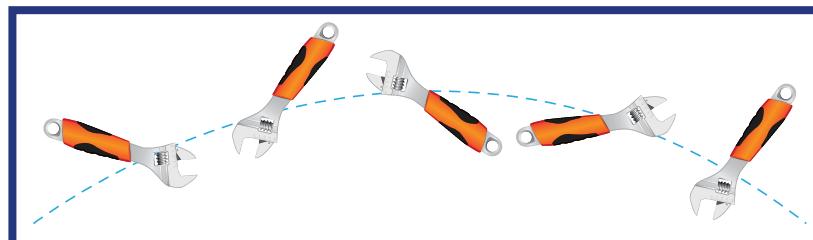


يرتبط تحديد مركز الثقل في الطائرة بوزن الطائرة والحمولة، وبتوزيع هذه الحمولة. وهو في الغالب يقع في وسط الطائرة، قريباً من الأجنحة ومن مركز الرفع حيث محصلة قوى الرفع. وبؤدي أي تغيير في موقع مركز الثقل إلى عدم ثبات الطائرة وحدوث كارثة جوية، أو عدم قدرة الطائرة على الإقلاع.

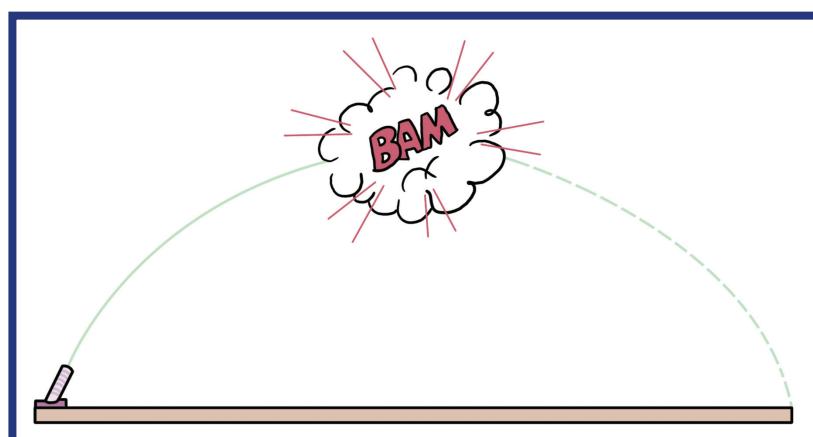
ويحتاج مهندسو السفن أيضاً إلى تحديد موقع مركز الثقل عند تصميم السفن، وذلك لتحديد أماكن غرف المحركات وأماكن وضع الحاويات وتوزيع الحمولات، للحفاظ على توازن السفينة ومقاومة قوى الإنمالة من أمواج وتيارات بحرية.

أمّا في السيارات، فيعتبر موقع مركز الثقل من أهم العوامل المؤثرة في ثبات السيارة، ويُفضل أن يكون في وسطها.

وإذا رُمي المفتاح في الهواء (بدلاً من انزلاقه على السطح الأفقي للأملس)، فسوف يتبع مركز ثقله مساراً منتظمًا على شكل قطع مكافئ (شكل 76). وينطبق ذلك على المقدوفات مثل الألعاب النارية الصاروخية. فيوضح الشكل (77) أنَّ القوى الداخلية أثناء الانفجار لا تغيِّر موضع مركز ثقل القذيفة. وإذا أهملنا مقاومة الهواء، نلاحظ أنَّ الشظايا المتاثرة في الهواء تحفظ بمركز الثقل نفسه كما لو كان الانفجار لم يحدث بعد.



(شكل 76)



(شكل 77)

مسار مركز ثقل الألعاب النارية على شكل قطع مكافئ.

## مراجعة الدرس 3-1

**أولاً** - عرِّف مركز الثقل لجسم.

**ثانياً** - لماذا لا يقع مركز ثقل مضرب كرة القاعدة على نقطة الوسط للمضرب؟

**ثالثاً** - ما الجزء من الجسم الذي سيتبع مسار قطع مكافئ عند دوران الجسم في الهواء أو سيتبع خطًّا مستقيماً أثناء انزلاق الجسم على سطح أملس؟

**رابعاً** - هل ينطبق مركز الثقل دائمًا على المركز الهندسي للجسم؟ أعط أمثلة تعلّل إجاباتك.

**خامساً** - صُف حركة مركز ثقل مقدوف قبل انفجاره في الهواء وبعده.

# مركز الكتلة

## Center of Mass

### الأهداف العامة

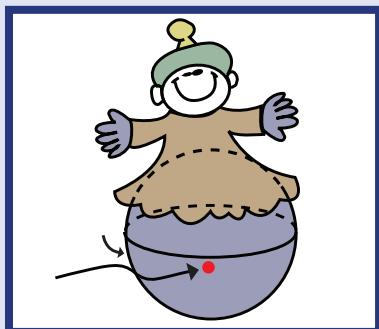
- ✓ يعرّف مركز الكتلة .
- ✓ يستنتج الفرق بين مركز الكتلة ومركز الثقل .

أثناء دراساتنا السابقة للحركة الانتقالية للأجسام ، لم نعرّ أبعاد الجسم أي اهتمام . وافتراضنا أن أي جسم يمكن أن يُمثل ب نقطة ، وأن حركة الجسم تمثل بحركة هذه النقطة ، ذلك لأن كل نقاط الجسم في الحركة الخطية تتحرّك بالشكل نفسه .

وإن كان اعتبار الجسم نقطة (جسم نقطي Point Mass) هو حالة خاصة لا تتطبق على حركة الأجسام المركبة من حركة انتقالية وحركة دورانية ، إلا أننا إذا عدنا إلى مثال حركة مضرب كرة القاعدة في الدرس السابق ، حيث كانت حركته مؤلّفة من حركة دورانية وحركة انتقالية ، وحيث كانت كل نقطة من نقاطه تتحرّك بشكل مختلف ، لرأينا أنّ نقطة ، سميّناها في الدرس السابق بمركز الثقل ، كانت تتحرّك على مسار القطع المكافئ تحت تأثير الجاذبية وتمثل حركة الجسم . وُسمى هذه النقطة أيضاً مركز الكتلة للجسم ، إذا نظرنا إليها ككتلة تتفاعل مع كتلة الأرض .

إنّ مركز الكتلة ومركز الثقل مفهومين قربيين جداً الواحد من الآخر ، ويمكن استخدام أحدهما مكان الآخر في بعض الحالات التي سنستعرضها في سياق هذا الدرس .

فسنستعرّف على مركز الكتلة ، ونميز متى يكون هذا الأخير مختلفاً عن مركز الثقل ، ومتى يمكن اعتبار مركز الكتلة ومركز الثقل مفهوماً واحداً . كما سنحدّد رياضياً موقع مركز كتلة لجسم أو نظام مؤلف من عدة أجسام .



(شكل 78)

مركز كتلة هذه اللعبة ممثّل بالنقطة الحمراء ، وهو يقع أسفل المركز الهندسي لها .

### 1. تعريف مركز الكتلة

#### Definition of Center of Mass

إنّ مركز كتلة الجسم ، ويُسمى أيضاً مركز العطالة ، هو الموضع المتوسط لكتل جميع الجزيئات التي يتكون منها هذا الجسم (شكل 78) .

## 2. الفرق بين مركز الكتلة ومركز الثقل

### Difference Between Center of Mass and Center of Gravity

مركز الكتلة ومركز الثقل مفهومان يمكن استخدام أحدهما مكان الآخر، وذلك عندما تكون الأجسام على سطح الأرض أو قريبة منها. أمّا عندما تكون الأجسام كبيرة جدًا بحيث تختلف قوّة الجاذبية الأرضية المؤثرة على جزء من الجسم عن تلك المؤثرة على جزء آخر، فيكون هناك فرق بسيط بين المركبين.

على سبيل المثال، مركز الثقل لمركز التجارة العالمي الذي سيتهي بناؤه في العام 2013، والذي سيبلغ ارتفاعه 541m، يقع عند 1mm أسفل مركز كتلته. ويرجع السبب إلى أنّ قوى الجاذبية على الجزء السفلي القريب من سطح الأرض أكبر من القوى المؤثرة على الجزء العلوي منه.

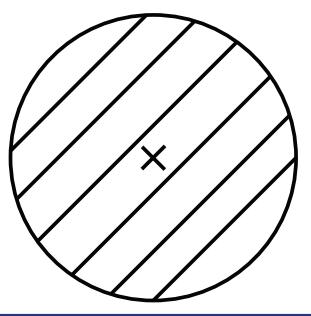
لذلك، سنستخدم أيّ من التعبيرين مكان الآخر بالنسبة إلى الأجسام التي تعامل معها يومياً، بما فيها المباني العالية.

مركز الكتلة لجسم كتلته موزعة بشكل متجانس، ولا تتغيّر كنافته من نقطة إلى أخرى، ينطبق على مركزه الهندسي، ويمكن أن يكون نقطة مادية على الجسم نفسه كما هو الحال في القرص، حيث ينطبق مركز الكتلة مع المركز الهندسي (شكل 79). وقد لا يقع مركز كتلة الجسم بالضرورة في إحدى نقاط الجسم، بل يمكن أن يكون خارجها. فمركز كتلة حلقة دائرية يقع في مركز الدائرة وينطبق مع المركز الهندسي (شكل 80). وفي إطار المستطيل، يكون مركز الكتلة نقطة تقاطع الوترتين، وهي خارج كتلة الإطار.

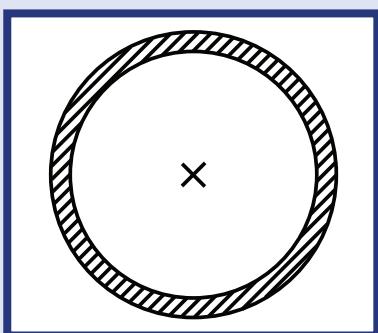
أمّا إذا لم يكن متجانساً، فسيكون مركز الكتلة أقرب إلى المنطقة التي تحتوي على كتلة أكبر. فمركز كتلة المطرقة الحديدية يكون أقرب إلى رأسها الحديدي.

إنّ تحديد مركز الكتلة أو مركز الثقل، بالطرق التجريبية أو الحسابية، لأجسام منتظمة الشكل أو أجسام غير منتظمة الشكل، أو لنظام مؤلف من أكثر من جسم هي من أهداف الدروس اللاحقة، حيث سنعرض تفصيلاً كلّ حالة على حدة.

ويمكن أن نطبق ما درسناه سابقاً عن حركة مركز الثقل على مركز الكتلة. فحركة المفتاح الإنجليزي الذي أُلقى في الهواء بحيث يصنع حركة دورانية حول نفسه أثناء حركته يُمثل بحركة مركز الكتلة (شكل 81).

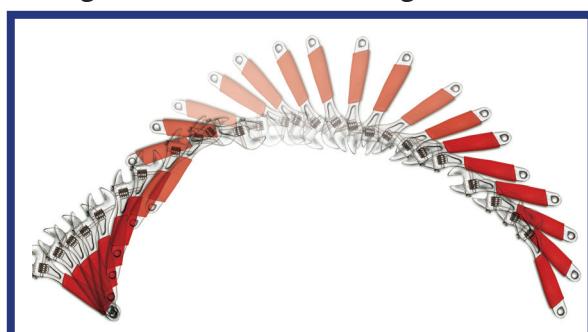


(شكل 79)  
ينطبق مركز الكتلة على المركز الهندسي في القرص.

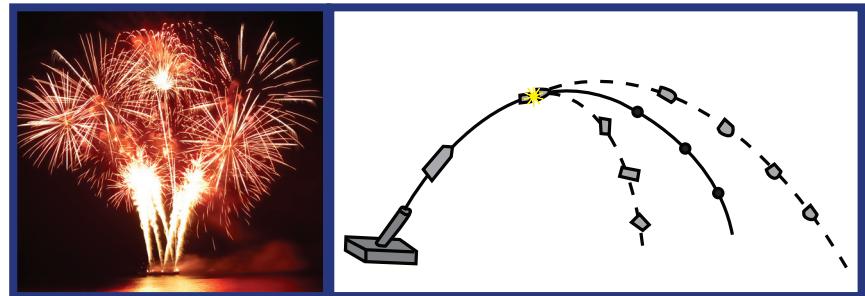


(شكل 80)  
مركز الكتلة في المركز الهندسي، لكنه خارج نقاط الجسم.

(شكل 81)  
مركز ثقل المفتاح المتنزل بحركة دورانية يتبع مسار قطع ناقص.



وبالنسبة إلى القذيفة التي تنفجر في الهواء كالألعاب النارية ، يتحرك مركز كتلتها قبل انفجارها على مسار القطع المكافئ . وبعد الانفجار ، تتحرك الشظايا المتناثرة مبتعدة عن مركز كتلتها في كل الاتجاهات ، راسمة قطوعاً مكافئة مختلفة ، في حين يتبع مركز كتلتها حركته على مساره القديم نفسه . (شكل 82).



(شكل 82) مركز كتلة القذيفة قبل انفجارها ينطبق على مركز كتلة شظاياها المتناثرة بعد الانفجار ، ويتابع حركته لأن الانفجار لم يحدث.

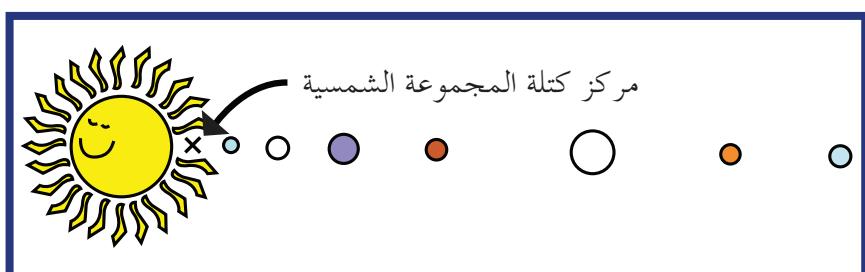
### 3. مركز الكتلة وتأرجح النجوم

#### Center of Mass and Swinging Stars

لا تدور كواكب المجموعة الشمسية حول مركز الشمس بل حول مركز كتلة المجموعة الشمسية ، ولكن هذين المركزين منطقيان تقريرياً طالما أن الكواكب مبعثرة حول الشمس في جميع الجهات ، أما إذا اصطفت جميع الكواكب على خط مستقيم في جانب واحد بالنسبة إلى الشمس فعندما سيبعد مركز كتلة المجموعة الشمسية مسافة 800 ألف كيلومتر عن سطح الشمس أي 1.5 مليون كيلومتر عن مركزها (شكل 83).

تدور الشمس أيضاً حول مركز كتلة المجموعة الشمسية وبما أن هذه النقطة قريبة جداً من مركزها فإن حركة الدوران هذه تبدو للمرأب البعيد على شكل تأرجح بسيط للشمس بين نقطتين.

إن التأرجح البسيط للنجوم معروف لدى علماء الفلك وهو يشكل دليلاً على وجود كواكب تدور حول النجم المتأرجح.



(شكل 83) لا ينطبق مركز كتلة المجموعة الشمسية على المركز الهندسي للشمس . وإذا اصطفت الكواكب على أحد جانبي الشمس ، يصبح مركز كتلة المجموعة خارج سطح الشمس .

## مراجعة الدرس 3-2

أولاً - عرّف مركز الكتلة .

ثانياً - متى ينطبق مركز كتلة الجسم مع مركز الثقل؟

ثالثاً - عند دراسة مركز الكتلة لأجسام مختلفة ، يتبيّن لنا أنّ مركز الكتلة في بعض الأجسام يكون نقطة مادّية موجودة على الجسم ، ويكون في أجسام أخرى نقطة غير موجودة على الجسم . أعط أمثلة توضّح فيها الحالتين .

رابعاً - في بعض الحالات لا ينطبق مركز الثقل مع مركز الكتلة . أعط مثالاً توضّح فيه هذه الحالة وشرح السبب في ذلك .

خامساً - يلاحظ علماء الفلك أثناء مراقبتهم للنجوم أنّها تتأرجح في الفراغ حول مركز كتلتها . ما هو الاستنتاج الذي توصلوا إليه العلماء من خلال هذا التأرجح؟

## تحديد موضع مركز الكتلة أو مركز الثقل

### Determining the Position of the Center of Mass or Center of Gravity

#### الأهداف العامة

- يعرّف أنّ نقطة مركز الثقل المادية الموجودة على الجسم بأنها هي نقطة توازن الجسم.
- يحدّد عملياً موضع مركز الكتلة لأجسام منتظمة الشكل.
- يحدّد عملياً مركز الكتلة لأجسام غير منتظمة الشكل.
- يحسب رياضياً موقع مركز الكتلة لجسمين.
- يحسب رياضياً موقع مركز الكتلة لنظام مؤلف من أكثر من كتلة نقطية.

تعرّفنا في الدروس السابقة مركز الثقل ومركز الكتلة، والتطابق بينهما في الأجسام الصغيرة حيث لا تتأثّر أجزاء الجسم بقوى جاذبية مختلفة. ودرسنا أنّ الاختلاف بينهما يكون بسيطاً جدّاً إذا لم يتطابقاً، كما هو الحال في الأبراج والمباني المرتفعة جداً.

لذلك سنتعامل في هذا الدرس مع كلّ من مركز الكتلة ومركز الثقل على أنّهما نقطتان لا فرق بينهما، وعلى أنّ تحديد أيّ نقطة منهما يعني تحديد الأخرى.

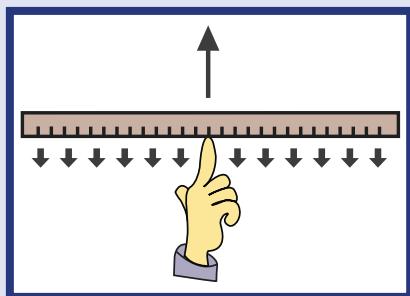
ونحدّد موقع مركز الثقل مستخددين الطرق العملية والطرق الحسابية في حالة الأجسام منتظمة الشكل والأجسام غير منتظمة الشكل.

#### 1. مركز الثقل وتوازن الجسم

##### Center of Gravity and Equilibrium of the Body

كنا قد درسنا سابقاً أنّ مركز الثقل لجسم ما هو نقطة ارتكاز محصلة قوى الجاذبية المؤثرة على الجسم حيث يتوازن الجسم إذا ارتكز على هذه النقطة، بشرط أن تكون تلك النقطة نقطة نمادبة على الجسم نفسه.

فعلى سبيل المثال، يقع مركز ثقل المسطرة في منتصفها تماماً أي عند مركزها الهندسي. لاحظ الشكل (84). تمثل الأسهم الصغيرة قوّة جذب الأرض على أجزاء المسطرة، ويمكن جمع هذه القوى كلّها في قوّة واحدة تكون محصلة وتؤثّر في مركز الثقل. وهذا يعني أنّ ثقل المسطرة مرتكز في نقطة مركز الثقل، وبالتالي يمكننا موازنة المسطرة بالتأثير على مركز الثقل بقوّة واحدة لأعلى.



(84)

يدو ثقل المسطرة كلها كأنه مركز في نقطة واحدة.

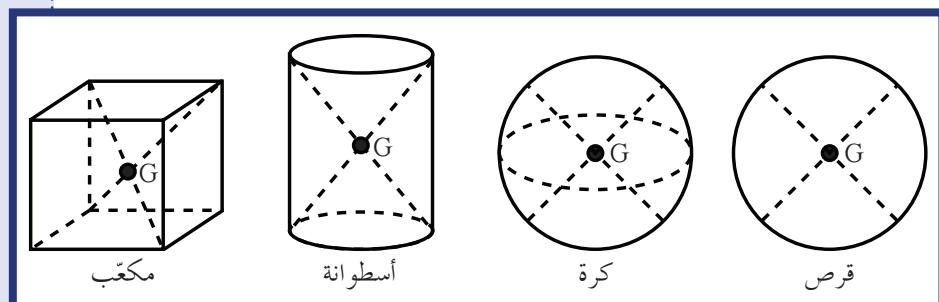
## 2. مركز ثقل الأجسام منتظم الشكل

### Center of Gravity of Regular-Shaped Bodies

الأجسام منتظم الشكل مثل المسطّرة، الكرة، المكعب، الأسطوانة، متوازي المستويات، القرص وغيرها.

ومركز الثقل أو الكتلة في الأجسام منتظم الشكل ينطبق مع المركز الهندسي للجسم. ويمكن أن يكون نقطة مادية من الجسم إذا كان الجسم ممتهناً أو نقطة خارجه إذا كان الجسم مفرغاً.

لاحظ في الشكل (85) موقع مركز الثقل في الأجسام منتظم الشكل، ولاحظ كيف أنه ينطبق مع المركز الهندسي، وكيف يمكنه أن يكون نقطة مادية موجودة على الجسم أو نقطة غير موجودة على الجسم.



(شكل 85)

مركز الثقل في الأجسام منتظم الشكل

## 3. مركز ثقل الأجسام غير منتظم الشكل

### Center of Gravity of Irregular-Shaped Bodies

إن تحديد مركز الكتلة أو الثقل في بعض الأجسام غير منتظم الشكل ليس بسهولة تحديده في الأجسام منتظم الشكل.

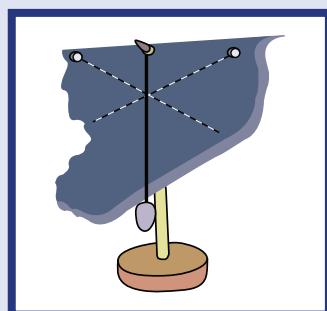
كيف تحدّد موقع مركز الثقل؟

﴿ علّق الجسم من أيّ نقطة موجودة عليه، ودعه يستقر بعد أن كان يتّأرجح. يقع مركز الثقل على خط عمودي أسفل نقطة التعليق (أو ينطبق على نقطة التعليق). أرسم هذا الخط العمودي. يمكنك استخدام خيط الفادن (خيط ذي ثقل) لرسم الخط (شكل 86). ﴾

﴿ علّق الجسم من نقطة أخرى وارسم الخط العمودي الذي يحمل مركز الثقل بعد أن يستقرّ الجسم من جديد. ﴾

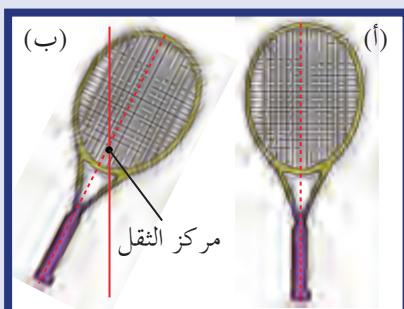
﴿ نقطة التقاطع بين الخطين تمثّل مركز ثقل الجسم. ﴾

فعلى سبيل المثال، لتحديد مركز الثقل لمضرب لعبة كرة المضرب، علّقه من أحد النقاط، وعندما يتوقف عن التأرجح، أرسم الخط العمودي المار بنقطة التعليق، كما في الشكل (87-أ). ثم علّق الجسم من نقطة أخرى ولاحظ أنّ مركز الثقل يقع على الخط أسفل نقطة التعليق. أرسم خط عمودياً آخر. مركز الثقل هو نقطة التقاطع بين الخطين العموديين كما في الشكل (87-ب).



(شكل 86)

تعين مركز ثقل جسم غير منتظم الشكل بواسطة خيط ذي ثقل.



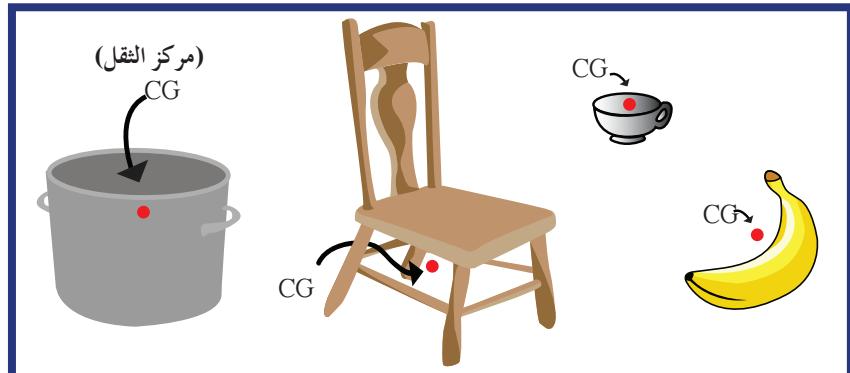
(شكل 87)

(أ) يمكن تحديد مركز الثقل للمضرب عند تعليق المضرب من أيّ نقطة.

(ب) نقطة الالقاء للخطين هي مركز الثقل للمضرب.

يمكّنا أن نستخدم هذه الطريقة أيضًا للتحقّق عمليًّا من أنَّ المركز الهندسي هو مركز الثقل للأجسام منتظم الشكل. تعلّمنا سابقًا في حالة الأجسام منتظم الشكل أنَّ مركز الثقل قد يكون نقطة خارج الجسم. ذلك ينطبق على الأجسام غير منتظم الشكل حيث يمكن أن يكون مركز الثقل خارجها.

لاحظ موقع مركز الثقل في الشكل (88). فمركز ثقل الفنجان ومركز ثقل اللوعاء يقعان في التجويف داخلهما، ومركز ثقل الكرسي يقع أسفلها. أي أنَّ مركز الثقل في جميع هذه الأمثلة ليس نقطة موجودة على الجسم.



(شكل 88)

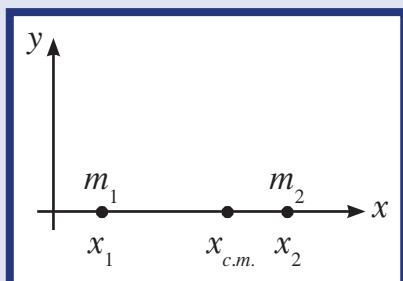
لا توجد مادة عند مركز ثقل هذه الأجسام.

#### 4. حساب موقع مركز كتلة جسمين نقطيين

#### Calculating the Position of Center of Mass of Two Point Objects

لنأخذ  $m_1$  و  $m_2$  كتلتين نقطيتين على محور السينات، حيث أنَّ  $m_1$  و  $m_2$  في الموضعين  $x_1$  و  $x_2$  على محور السينات على الترتيب (شكل 89). مركز كتلة الجسمين نقطتين اللذين يبعدان الواحد عن الآخر مسافة أكبر من أبعاد أيٍّ منهما يُحدّد بالعلاقة التالية:

$$x_{c.m.} = \frac{m_1 x_1 + m_2 x_2}{m_1 + m_2}$$



(شكل 89)

#### مثال (1)

كتلتان نقطيتان على محور السينات  $m_1 = (2)\text{kg}$  و  $m_2 = (8)\text{kg}$  تبعدان الواحدة عن الأخرى  $(6)\text{cm}$ .

أحسب أين يقع مركز كتلة الجسمين.

**طريقة التفكير في الحل**

1. حلٌّ: اذْكُر المعلوم وغير المعلوم.

المعلوم:  $m_1 = (2)\text{kg}$

$m_2 = (8)\text{kg}$

## مثال (1) (تابع)

باعتبار  $m_1$  نقطة موجودة على مركز الإحداثيات  $O(0,0)$  ، نحدد  $x_1 = 0$

$$x_2 = 6 \text{ cm}$$

غير المعلوم:

$$\text{مركز الكتلة: } ? = x_{c.m.}$$

### 2. احسب غير المعلوم

مستخدماً المعادلة الرياضية:

$$x_{c.m.} = \frac{m_1 x_1 + m_2 x_2}{m_1 + m_2}$$

وبالتعويض عن المقادير المعلومة نحصل على:

$$x_{c.m.} = \frac{2(0) + 8(6)}{10} = (4.8) \text{ cm}$$

### 3. قيم: هل النتيجة مقبولة؟

يقع مركز كتلة الجسمين على محور السينات في الموضع  $(4.8, 0)$  ، وهو أقرب إلى الكتلة الأكبر ، وهذا يؤكّد صحة ما توصلنا إليه .

## 5. مركز كتلة عدّة كتل موجودة في مستوى واحد

### Center of Mass of Several Bodies on the Same Plane

لأخذ مجموعة من الكتل النقاطية  $m_1, m_2, m_3, \dots$  محدد موضعها في المستوى بمتجهات المواقع  $\vec{r}_1, \vec{r}_2, \vec{r}_3, \dots$

يمكن أن يُحدّد موقع مركز الكتلة بعمم العلاقة السابقة لكتلتين ، ونكتب متجه مركز الكتلة في بعدين على الشكل التالي:

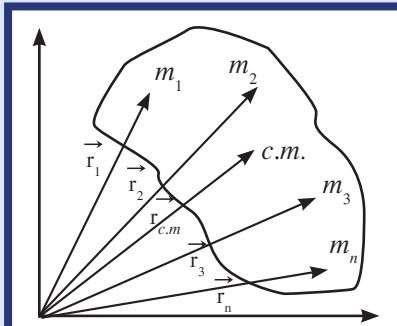
$$\vec{R}_{c.m.} = \frac{m_1 \vec{r}_1 + m_2 \vec{r}_2 + \dots}{m_1 + m_2 + \dots}$$

وبأخذ مركبات العلاقة على المحاور  $(Ox)$  و  $(Oy)$  ، نجد مركبات مركز الكتلة:

$$x_{c.m.} = \frac{1}{M} \sum_{i=1}^N m_i x_i$$

$$y_{c.m.} = \frac{1}{M} \sum_{i=1}^N m_i y_i$$

وتجرد الإشارة إلى أنّ موقع مركز الكتل لا يعتمد على طريقة اختيارنا لمحاور الإحداثيات بل على توزيع الجسيمات المؤلفة للنظام . ففي المثال المحلول ، سيبقى موقع مركز الكتلة نفسه حتى لو غيرنا طريقة اختيار المحاور .



شكل (90)



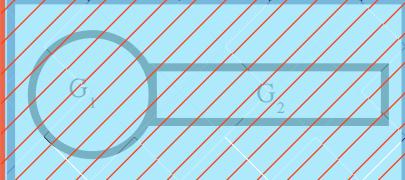
أوجد مركز كتلة الكتل الموزعة على السكل التالي.

$$(1,1,0) \text{ عند } m_1 = (1)\text{kg}$$

$$(0,0,1) \text{ عند } m_2 = (0.5)\text{kg}$$

$$(-1,2,2) \text{ عند } m_3 = (2)\text{kg}$$

$$\begin{aligned} x_{\text{cm}} &= \frac{1}{M} \sum_{i=1}^N m_i x_i \\ y_{\text{cm}} &= \frac{1}{M} \sum_{i=1}^N m_i y_i \\ z_{\text{cm}} &= \frac{1}{M} \sum_{i=1}^N m_i z_i \end{aligned}$$



(شكل ٩٣)

## ٧. مركز كتلة عدّة أجسام متصلة

### Center of Mass of Several Attached Bodies

لأخذ حسبين متصلين الواحد بالآخر مثل الكرة والعصا منتظمة الشكل الموضح في السكل (٩٣).

لتحديد موقع مركز الكتلة للحدين، نفترم بمحاربته مركز الكتلة لكل جسم، ثم نجد مركز الكتلة كما فعلنا سابقاً بين كتليناقطلين، وبإمكاننا أن نعمد ذلك على الأثر من جسم تتسل كل منهم بالآخر.

### مثال (٣)

أوجد مركز الكتلة للمؤلف من الكرة والعصا على (٩٣) حيث كتلة الكرة تساوي ( $m_1 = 2$ ) kg وكتلة العصا ( $m_2 = 1$ ) kg، طول العصا ( $l = 60$ ) cm.

# معلوف

١. حمل الأثر المعلوم وغير المعلوم

$$m_1 = (2)\text{kg}$$

$$m_2 = (1)\text{kg}$$

غير المعلوم:

مركز الكتلة للمؤلف من الكرة والعصا:  $x = ?$

٢. احسب غير المعلوم

نأخذ مركز كتلة كل حس، وهو المركز الهندسي لأنهما جسمان متضلما الشكل.

نختار المحور الأفقي ( $Ox$ ) الذي يمرّ بمركز الكتلين كما في السكل، ونختار مركز كتلة الكرة ليكون

مركز الإحداثيات (٠,٠)، وبالتالي تكون إحداثيات مركز كتلة العصا (٥٠, ٠).

باستخدام المعادلة الرياضية:

$$x_{\text{cm}} = \frac{2(0) + 1(50)}{1 + 2} = \frac{50}{3} = 16.66\text{cm}$$

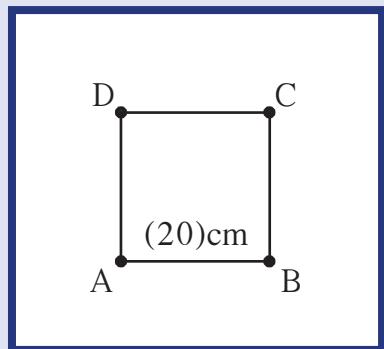
$$x_{\text{cm}} = (0)\text{cm}$$

وبالتالي يكون مركز كتلة النظام محدد بالإحداثيات (١٦.٦٦, ٠).

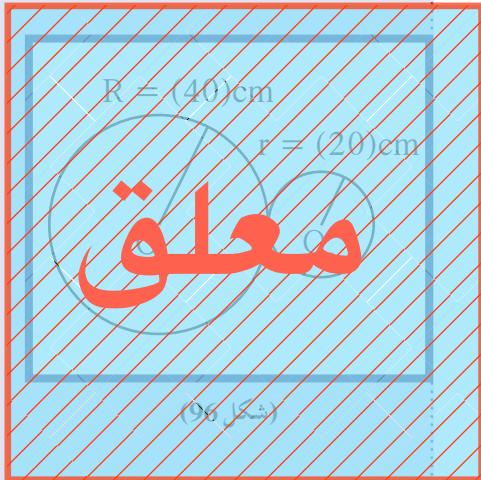
٣. فهم: هل الترتيبة مغلوطة؟

مركز الكتلة موجود جهة الكيل الأكبر مقداراً، وهذا يؤكّد صحة النتائج.

### مراجعة الدرس 3-3



(شكل 95)



أولاً - أذكر مثلاً لجسم يكون مركز ثقله عند نقطة لا تحتوي على أي مادة .

ثانياً - هل يمكن وجود أكثر من مركز ثقل لجسم واحد؟ علّ إجابتك.

ثالثاً - كيف يمكن تعين موضع مركز الكتلة لجسم غير منتظم الشكل؟

رابعاً - جسم حليب مكون من ثلاثة قطع متساوية ومساوية

وستيائس، ينصبه بعضها البعض كما في الشكل (94). بحث بالشكل

إلى مركز الإحداثيات 0 موضع كل نقطة كتلة، علّما أن طول كل قطعة

يساوي (10)cm.

خامساً - أحسب موضع مركز الكتلة لنظام مؤلف من أربع كتل:

$m_D = (4)kg$  و  $m_C = (3)kg$  و  $m_B = (2)kg$  و  $m_A = (1)kg$

على أطراف مربع طول ضلعه (20)cm ومهمل الكتلة كما في الشكل (95).

سادساً - ت من الحليل كتلة (500)g ونصب فقط في

واسطه بقرص من الكحول كتلة (200)g ونصب فلتره (20)cm

في الشكل (96). أحسب موضع مركز كتلة المركبين.

## انقلاب الأجسام

## Toppling

## الاصطلاح العامة

- » يُعرف انقلاب الأجسام.
- » يحدّد العوامل المؤثرة في انقلاب الأجسام.
- » تسرّع بسبب عدم انقلاب الأجسام على الرغم من إيمانها.
- » يُعرف الرواية الحدية لانقلاب الجسم.
- » يحسب مقدار الزاوية الحدية لانقلاب حجم له مركل متوازي الأضلاع.

# محفوظ

(شكل ٩٧)

هل نصيّم هذه السيارة دور في انقلابها؟

لماذا تتقلب بعض الشاحنات على جبها أو ظفّها؟ نصيّم السيارات بعد اصطدامها؟ هل للتصميم دور في هذا؟ هل الموضع مركز الثقل تأثير على ثبات الأجسام و عدم انقلابها؟

الإجابات عن هذه الأسئلة هي موضوع هذا الدرس، حيث سكتشف تأثير موقع مركز الثقل في مقاومة الأجسام لانقلاب.

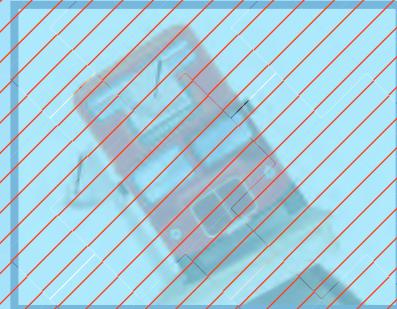
## 1. انقلاب الأجسام

ثبت بمسماً خيطاً دا تقل عنا مر كنز كثافة حثبية كبيرة كما هو موضح في السجل (٩٨)، رقم بإيمانها. لاحظ في هذا الجسم بالانقلاب.

ستلاحظ أنّ الجسم يبدأ بالانقلاب عندما يصبح الخيط ذا التقليل والتعاً حارج القاعدة الحامنة للجسم. وخله يمكننا أن نستنتج أنّ القاعدة الأساسية لانقلاب الأجسام تلخص بما يليه عندما يكون ذكر تقليل الجسم فوق مساحة القاعدة لحمله للجسم، يبقى الجسم ثابتاً ولا يقلب.

(شكل ٩٨)

انقلاب الجسم



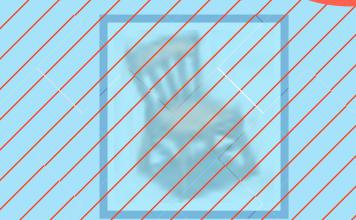
(شكل ٩٩)  
يُمْكِن لعناد الشهير بذاته أن يقف على الرغب

وَعِندما يُحْرِك مركـز ثقل الجسم خارج مساحة القاعدة الحاملة للجسم، سيقلب الجسم. يُـسـتـخدـم هـذـا المـفـهـوم في تحـديـد مـقـدـار اـمـكـانـه مـيـلـهـاـ الـحـافـلـهـ بـذـورـهـ. أـنـ تـشـعـلـ (شـكـلـ ٩٩). يـاصـ لـعنـادـ الشـهـيرـ الـذـيـ يـحـرـكـهـ مـنـ طـبـقـيـنـ يـضـمـمـ لـسـمـيلـ بـرـأـيـةـ ٢٨ـ درـجـاتـ بـذـورـهـ آنـ يـقـلـبـ. وـذـلـكـ عـلـىـ الرـغـبـ منـ أـنـ الطـابـقـ العـلـوـيـ مـلـيـعـ يـالـكـابـ يـسـمـاـ لـاـ يـرـجـدـ فـيـ الطـابـقـ السـنـلـيـ إـلـىـ السـائـقـ وـالـمـحـصـلـ. وـهـذـاـ يـعـودـ إـلـىـ آنـ عـظـمـ ثـقـلـ الـحـافـلـهـ يـرـتـكـرـ فـيـ الطـابـقـ السـفـلـيـ. رـاـدـ ثـقـلـ رـكـابـ الطـابـقـ العـلـوـيـ لـاـ يـرـفـعـ مـوـضـعـ مـرـكـزـ الثـقـلـ إـلـىـ مـسـافـةـ صـغـيـرـةـ يـالـلـيـ يـسـعـيـ مـرـكـزـ الثـقـلـ فـوـقـ مـسـاحـةـ القـاعـدـةـ الـحـامـلـةـ لـهـ وـهـذـاـ يـسـعـ اـنـقـلـاتـ الـحـافـلـهـ عـلـىـ الرـغـبـ مـنـ إـمـالـتـهـاـ.

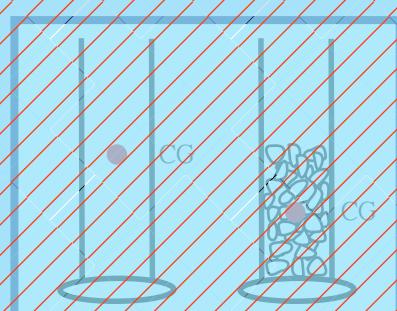


(شكل ١٠٠)  
يـاصـ لـعنـادـ الشـهـيرـ بـذـورـهـ يـقـلـ بـرـجـهـ فـيـ مـلـفـ

## مـحـلـوـ



(شكل ١٠١)  
ثـقـلـ الـمـسـاحـةـ أـقـرـبـ لـقـعـدـهـ حـدـدـ الـمـسـاحـةـ الـحـامـلـةـ



(شكل ١٠٢)  
مـرـكـزـ الـثـقـلـ فـيـ الـمـخـارـيـ يـحـتـويـ عـلـىـ حـصـيـ

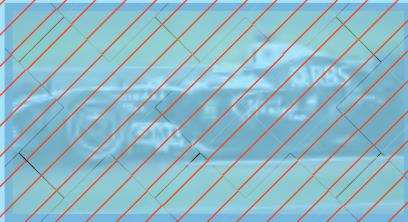
أـبـدـ الـأـمـمـةـ الـمـهـمـةـ الـتـيـ تـبـيـنـ اـهـمـيـةـ وـحـوـدـ مـرـكـزـ ثـقـلـ فـرـقـ مـسـاحـةـ الـحـامـلـةـ فـيـ شـاتـ الـأـخـسـامـ، هـرـ بـرـجـ بـرـجـ الـسـائـقـ (شـكـلـ ١٠٠). فـهـوـ لـاـ يـقـلـ إـلـىـ مـرـكـزـ ثـقـلـهـ يـقـعـ فـرـقـ مـسـاحـةـ القـاعـدـةـ الـحـامـلـةـ لـهـ. فـالـحـطـ العـمـودـيـ مـنـ مـرـكـزـ ثـقـلـ يـقـعـ دـاخـلـ الـقـاعـدـةـ، وـهـذـاـ مـاـ جـعـلـ الرـجـ بـرـجـ يـقـعـ قـائـمـاـ مـدـقـرـدـ. لـهـ إـذـاـ مـالـ بـرـجـ أـكـبـرـ مـنـ ذـلـكـ وـأـصـبـحـ الـحـطـ العـمـودـيـ مـنـ مـرـكـزـ ثـقـلـ خـارـجـ مـسـاحـةـ الـحـامـلـةـ لـهـ، فـسـيـقـ بـرـجـ حـتـىـ لـهـ لـكـنـ السـؤـالـ الـدـعـيـ يـطـعـنـ عـنـهـ فـيـ مـلـفـ هـذـاـ إـلـاـتـ

تـمـنـعـ سـتـوـهـ طـيـرـهـ فـيـ مـلـفـ هـذـاـ إـلـاـتـ. مـنـ الـمـبـيـمـ أـنـ نـعـرـفـ وـاحـدـةـ فـيـ الـأـرـجـلـ الـأـرـبـعـةـ الـتـيـ سـيـ الـمـوـضـحـةـ فـيـ الشـكـلـ (١٠١) مـدـقـرـدـ لـهـ لـأـبـدـ الـأـمـمـةـ الـمـهـمـةـ فـيـ مـسـاحـةـ عـلـىـ شـكـلـ مـسـطـلـيـ تـشـقـلـ القـاعـدـةـ الـحـامـلـةـ لـلـكـسـيـ. وـعـمـلـيـاـ يـمـكـنـ اـسـتـخـدـمـ اـسـنـادـ لـدـعـمـ الـبـرـجـ وـمـنـهـ مـنـ السـقـوطـ إـذـاـ زـادـ مـيـلـهـ إـلـىـ حـدـ الـخـلـ وـوـسـكـلـ هـذـاـ إـسـنـادـ قـاعـدـةـ الـحـامـلـةـ لـلـكـسـيـ جـدـيـدـهـ لـلـبـرـجـ يـقـيـ مـرـكـزـ ثـقـلـ دـاخـلـ حـدـدـ هـذـهـ القـاعـدـةـ الـحـامـلـةـ الـحـدـدـيـةـ وـتـمـنـعـ سـتـوـهـ.

### ٢. قـرـبـ مـرـكـزـ ثـقـلـ مـنـ مـسـاحـةـ الـحـامـلـةـ

**Closeness of the Center of Gravity to the Supporting Area**  
لـاحـظـاـ سـيـاتـيـاـ أـهـمـيـةـ أـنـ يـكـوـنـ مـرـكـزـ ثـقـلـ فـرـقـ مـسـاحـةـ الـحـامـلـةـ لـلـجـسـمـ، رـتـأـيـرـ مـقـدـارـ مـسـاحـةـ الـحـامـلـةـ عـلـىـ اـثـرـانـ الـجـسـمـ وـعـدـمـ سـقـوطـهـ. لـكـنـ سـيـسـكـفـ فـيـ هـذـاـ التـقـسـمـ الـإـحـالـيـهـ عـنـ السـؤـالـ الـتـالـيـ: هـلـ لـقـرـبـ مـرـكـزـ ثـقـلـ أـوـ بـعـدـ مـنـ مـسـاحـةـ الـحـامـلـةـ لـلـجـسـمـ أـهـمـيـهـ فـيـ ثـيـاهـ حـلـمـ وـانـفـلـاهـ؟ لـإـلـاجـاهـ عـنـ هـذـاـ السـؤـالـ يـمـكـنـاـ أـنـ تـجـريـ النـشـاطـ التـالـيـ:

المـاخـدـ مـجـارـيـنـ مـاـرـجـيـتـينـ مـمـاثـلـيـنـ لـهـمـاـ مـسـاحـةـ القـاعـدـةـ نـفـسـهاـ. رـيـضـنـعـ فـيـ الـمـخـارـيـ كـمـيـةـ مـنـ الـحـصـيـ الـطـبـيعـيـةـ لـرـكـ ثـقـلـ الـثـانـيـ فـارـغـ (شـكـلـ ١٠٢)، عـنـهـ أـلـ مـلـءـ الـمـخـارـيـ بـالـحـصـيـ يـجـعلـ مـرـكـزـ ثـقـلـهـ أـقـرـبـ إـلـىـ القـاعـدـةـ لـأـنـ مـرـكـزـ ثـقـلـ يـحـوـنـ أـقـرـبـ إـلـىـ ثـقـلـ الـأـكـبـرـ كـمـاـ تـمـلـيـنـاـ سـلـيـلـاـ.



(شكل 103)

ارتفاع سيارة  $h$  عن الأرض صغير، لكنه ينعدم تدريجياً إلى اتجاهه الحالى، مما سهل بمحمل أن يتسلل إلى قاعدها.

يؤثر قوتين صغيرتين متتسائتين على طرف كل مighbار ونلاحظ أيّ واحد منها يمكن أن تتنبأ أسرع، على الرغم من تساوى المساحة المحاطة لهما.

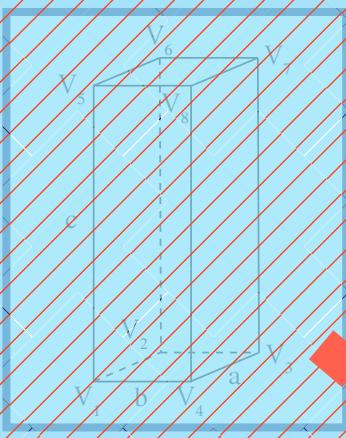
سلاحي أن المighbار الفارع قد ينزل أكثر من المighbار الذي يحتوي على الأثقال، ومن المحتمل أن ينعدم جانباً، في حين أن المighbار الذي يحتوي

على كمية من العصى قد ينزل قليلاً ويعود إلى وضع الاستقرار.

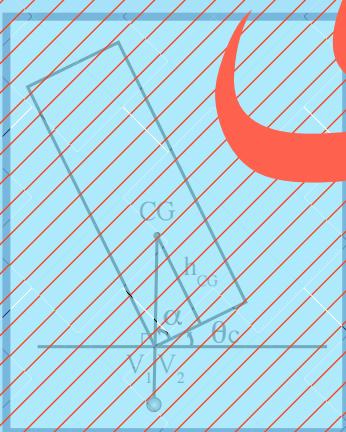
ما سبق يدعنا أن نستنتج أن قرابة مركز الثقل من المساحة المحاطة يزيد من ثبات الجسم ويمنع انفلاته. فكلما كان مركز الثقل أقرب إلى المساحة الحالى للجسم، كان الجسم أكثر ثباتاً.

وأحد التطبيقات الضرورية على زيادة ثبات الأجسام وضع اثقلاتها بجهل مركز الثقل قربها من المساحة المحاطة للجسم، يظهر في تصميم سيارات الساق السريع (شكل 103). فتصمم هذه السيارات بشكل يحمل مركز الثقل قريباً جداً من المساحة المحاطة، مما يمنع انفلاتها على الرغم من السرعات الكبيرة التي تتحراط بها.

### 3: زاوية الانقلاب الحدية Critical angle of Toppling



(شكل 104)



(شكل 105)

عند زاوية الحدية، يكون مركز الشغل في على الحدود.

إلى أي مدى يمكن إمالة العندوى بدون أن يتسلل إلى سطح صلوق على معنى عدم إمكانية إنتقاله إلى المثلث؟

حيث يمكن ضمان عدم إنتقاله إلى المثلث، إلا إذا أدى أميل الجسم بزاوية أكبر، فيجعل مركز الثقل خارج المساحة المحاطة (الزوجة الملامس لطريقها)، سوف يتسلل الجسم ويفقد استقراره.

ولدراسة تأثير مقدار زاوية الإمالة على الفلاط العسق، سنتعرف بالزاوية الحدية  $\theta_c$ ، وهي الزاوية التي يكون فيها مركز ثقل الجسم في أعلى نقطة، وحيث

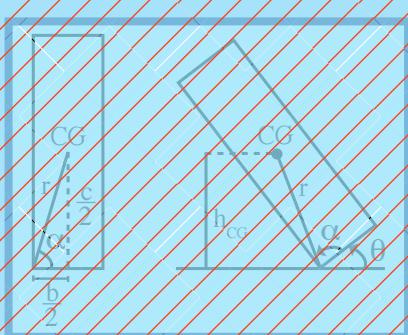
الخط العمودي على مركز الشغل يمر بالمحور  $V_1V_2$  (شكل 105).

إذا أميل الجسم بزاوية أكبر من زاوية الحدية  $\theta_c$ ، سيقلل الجسم حول المحور  $V_1V_2$ . أمّا إذا كانت زاوية الإمالة  $\theta$  أصغر من زاوية الحدية

فسيعود الجسم إلى وضع ارتائه (شكل 106).

ومن المهم معرفة أن الأجسام ذات زاوية حدية كبيرة تكون أكثر استabilitاً، بينما من الأجسام ذات زاوية حدية صغيرة.

ولحساب مقدار زاوية الحدية  $\theta_c$  بالنسبة إلى مقاييس الجسم متوازي المستطيلات، سعرف الزاوية  $\theta_c$ ، وهي زاوية بين الضلع  $a$  والمحاذ



(شكل 106)

عند زاوية  $\theta_c$ .

رسُّعَرَفُ الزَّاوِيَةُ  $\theta$  أَنْ تَكُونُ الزَّاوِيَةُ بَيْنَ ضَلَعَيِ الْقَاعِدَةِ  $b$  وَسَطْحِ الطَّاولَةِ

(سُّاحِلٌ 106)

لِكَتَرَضُ أَنَّ الْجَسْمَ فِي هَذِهِ صِرَاطِ مُمْبَلِ زَاوِيَةً  $\theta = \alpha$  كَمَا في الشَّكْلِ،

يُمْكِنُنَا إِذًا أَنْ نَحْدِدَ الْعَلَاقَةَ التَّالِيَةَ:

$$\tan \alpha = \frac{h_{CG}}{(b/2)} \Rightarrow \tan \alpha = \frac{2h_{CG}}{b}$$

وَمِنَ الشَّكْلِ نَعْدِدُ الْعَلَاقَةَ بَيْنَ الزَّاوِيَةِ  $\alpha$  وَالزَّاوِيَةِ  $\theta$  عَلَى الشَّكْلِ التَّالِيِّ:

$$\theta = 90^\circ - \alpha$$

وَبِالْتَّعْوِيْصِ مِن  $\alpha$  نَجْدِدُ أَنَّ الزَّاوِيَةَ الْحَدِيدِيَّةَ تَسَاءُلُ عَنِ:

$$\theta = 90^\circ - \tan^{-1}\left(\frac{2h_{CG}}{b}\right)$$

إِذَا كَانَ ارْتِفَاعُ مَرْكَزِ الشَّكْلِ  $h_{CG}$  بَعْدَ قَاعِدَةِ  $b$  أَعْظَمُ مِنْ طُولِ ضَلَعٍ

الْقَاعِدَةِ  $b$ ، تَحْوِلُ الرَّاوِيَةُ الْحَدِيدِيَّةُ قَرِيبًا إِلَى  $90^\circ$ ، وَهَذَا يَعْرِفُنَا مِنَ الصَّعُوبَةِ

أَنَّ يَنْقُلُ الْجَسْمَ يُؤْكِدُ عَلَى مَا تَوَصَّلَنَا إِلَيْهِ مِنْ أَنَّ قَرْبَ مَرْكَزِ الْجَسْمِ

مِنَ الْقَاعِدَةِ يُؤْمِنُنَا بِأَنَّهُ مُمْتَازٌ بِمُتَّوِمَّثَةِ الْمُنْقَلَبِ.

أَمَّا إِذَا كَانَ ارْتِفَاعُ مَرْكَزِ الشَّكْلِ  $h_{CG}$  بَعْدَ قَاعِدَةِ  $b$  مُتَّوِمَّثٌ فَيُؤْكِدُ عَلَى طَبِيعَةِ

الْحَدِيدِيَّةِ حَسِيرَةٍ جَدِيدًا وَتَسَاوِيِ الصَّفَّ تَغْرِيَّاً. وَهَذَا يَعْرِفُنَا أَنَّ الْجَسْمَ لَا يَنْعِمُ

مِنْ تَوَارِثَةِ الْمُنْقَلَبِ، وَيَنْقُلُ عَدْوَيَّ إِبَالَةً صَعِيرَةً.

## مَسَارٌ (1)

صَدْرُوكُ عَلَى شَكْلٍ مُتَوَارِيِّ مُسْتَمْلِيَاتٍ لِهِ الْأَبعَادُ التَّالِيَةُ:  $a = (5)cm$

$b = (20)cm$ ,  $c = (5)cm$ ، مَرْصُوعٌ عَلَى سَطْحٍ أَفْقَى اَمْلَسٌ مُحِبَّ

الصَّلْعُ  $\theta$  عَدْهُ دِيَّ حَلِيَ السَّطْحِ الْأَفْقَى.

لِحَسْبِ سُعْدَارِ الزَّاوِيَةِ الْحَدِيدِيَّةِ الَّتِي إِذَا مَا اتَّمَ الصَّدْرُوكُ زَاوِيَةً أَكْبَرَ مِنْهَا

يَنْتَلِبُ عَلَى جَنْبِهِ، إِذَا مِنْهَا أَكْبَرَ مِنْ  $90^\circ$  يَنْتَلِبُ عَلَى الْمُنْقَلَبِ.

طَرِيقَةُ الْفَكْرِ فِي الْعَلَى:

1. حلُّ: ادْكُرِ المَعْلُومَ وَغَيْرَ المَعْلُومِ.

المَعْلُومُ: اَبْعَادُ الصَّدْرُوكِ:  $c = (20)cm$ ,  $a = b = (5)cm$

غَيْرُ المَعْلُومِ:  $\theta$ .

الزَّاوِيَةُ الْحَدِيدِيَّةُ لِلْمُنْقَلَبِ الصَّدْرُوكِ:  $\theta = ?$

## مثال (١) (تابع)

نقرة اثرانية

ارتفاع القبة بالطريق

السؤال

احسب غير المعلوم

ارتفاع مركز الثقل عن القاعدة  $h_{CC} = 10\text{cm}$

$$\tan \alpha = \frac{2h_{CC}}{b}$$

$$\tan \alpha = \frac{2 \times 10}{5} = 4 \Rightarrow \alpha = 76^\circ$$

$$90^\circ - 76^\circ = 14^\circ$$

في: هل النتيجة مفيرة؟

ارتفاع مركز الثقل عن القاعدة أكبر من طول ضلع القاعدة، وهذا يعني سهولة القذف للجسم بعد امالة صغيرة

## مراجعة الدرس ٤-٣

# محفوظ

عندما تحيي وتحاول مدة ظهورك

افتبا قدر المستطاع لبلع يدك عرضها بحسبًا عنى سلاملك وجود حد

ادا تواري ترقى بعمدة المدى  
الذكي تكتيك ده حسمك حلاله

شكالية حفظ الخط العمد في

تمدد من مركز ثقل جسمك داخل

حدود المساحة التي تحدي

حمة أخرى، يستطيع التدميز

جسمه لمسافات اكبر مما يستطيع

الآخرين بدوره ان يفع

ويرجع دلائل

إنه يمت ذيل للرماي، فيبقى مركز

ثقل ثقير أقدامه بين خالي هذا

المشارس يتضح هنا أن ذيل الريحان

يجعله قادرًا على نقل ووضع مركز

ثقل حسيمه مع المحافظة على التزامه

واعداً يستطيع الآخرين وظيفة ذيل

أولاً - نشير سيدرك ذلك أفقياً حتى تعيّنوا عليه الاتجاه

ثانياً - لا يجيء بمقدار ثقل القاعدة إلا في حالة إزالة المدى

ثالثاً - فتّر لسايماً يحصل على مقدار ثقل القاعدة إلا في حالة إزالة المدى

رابعاً - ما التغيير الذي يمكن أن يحدث للقاعدة الحاملة للكسر

الصحيح في الشكل (١٠١) عند إزالة إحدى راحلي الأماميين؟ هل

يقلب الكرسي؟

خامسًا - لماذا لا يسقط روح الماء؟

سادسًا - مكعب من الخشب طول ضلعه  $10\text{cm}$  موضوع على مسطح

افتخي أن أحمس معاشر الزاوية المحددة لاتلاق السكعب على أحد جوانبه

إذا تعرض لفترة إيمانة.

طبع

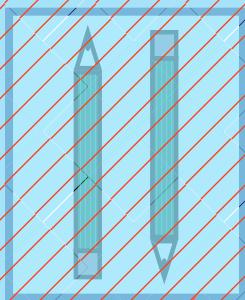
## الاتزان (الثبات)

## Stability

## الأهداف العامة

- ✓ يعرّف بمفهوم الاتزان.
- ✓ يعرّف حالات الاتزان السكوني (الاستاتيكي)، الاتزان المستقر، الاتزان غير المستقر (القليل)، الاتزان المحايد (المعادل).
- ✓ يقارن بين الاتزان مستقر، وآخر أكثر استقراراً.
- ✓ يستنتج تأثير موقع مرکز الثقل بالنسبة إلى نقطة الارتكاك على استقرار الاتزان.

درستنا في الدرس السابق مفهوم الانقلاب والعوامل المؤثرة في مقاومة الجسم للانقلاب ورباطة ثباته واتزانه، من مساحة القاعدة الحالية للجسم، وموقع مرکز الثقل فوق تلك القاعدة وترتب أو بعد مرکز الثقل من تلك القاعدة.



فالتسلم الرصاص على سهل المثلال لا يستطيع أن يتزن فوق رأسه العديمه، في حين يحون اتزانه فوق قاعدته المستوية أسمى، لأن مساحة القاعدة الحالية للقلم أومع (شكل 107). واتزان القلم الرصاص المتسقط حيث يكون مرکز الثقل أقرب إلى مساحة القاعدة الحالية، مما يزيد من اتزان التسلم الرصاص الطويل.

لكن ما سكت عنه في شكل 107 هو أن المعاشرة التي يحيط بها القاعده مختلفة بالنسبة إلى المتراسيرها وشانتها ومحافظتها على وضع الاتزان الأولي.

# معلفو

## Definition of Stability

## 1. تعريف الاتزان

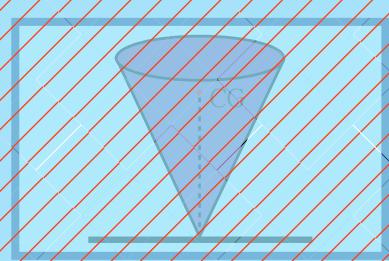
نتقسم الاتزان إلى نوعين: اتزان سكوني (استاتيكي) واتزان ديناميكي .  
يكون الجسم صلب متزن اتزانا سكونياً إذا كان ساكتاً أي أنه لا يتحرك من موضعه أو يدور حول أي محور، مثل كتاب موضوع على سطح أفقى .  
أما إذا تحرك الجسم بسرعة متناظمة على خط مستقيم حيث يسارى محصلة القرى المؤثرة عليه صفر ، أو إذا دان الجسم يدور بسرعة دورية دائنة، فيكون في حالة اتزان ديناميكي .

سنقاول في هذا الدرس اتزان السكوني فحسب، وسيوضح حالاته المختلفة

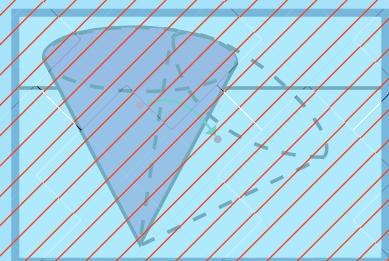
## 2. حالات الاتزان السعكوفي

لماذا من الصعب حداً أن نجعل القلم الرصاص يترن فوق رأسه المدورة على الرعم من أن مركز ثقله يقع تماماً فوق هذه الرأس؟

إذاً حيث بأن صفر المساحة الحاملة للفلم هي السبب الوحيد فإن إجابت ليست دقيقة . يوحـد سبب أساسـي آخر مهمـ لعدم اتزـان القـلم . ولـمـعرفـة هـذا السـبـب ، ضـعـ مـخـرـرـ طـاـ مـصـمـمـاـ مـعـ الحـشـبـ عـلـىـ طـاـوـلـةـ أـفـقـيـةـ مـسـتـوـيـةـ كـمـاـ فـيـ الشـكـلـ (108)

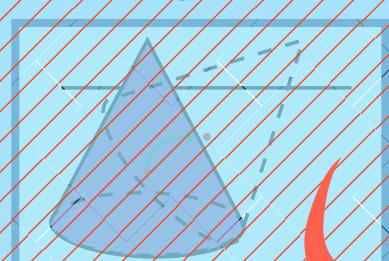


(شكل 108) مخـرـرـ طـاـ مـصـمـمـاـ مـعـ الحـشـبـ عـلـىـ طـاـوـلـةـ أـفـقـيـةـ



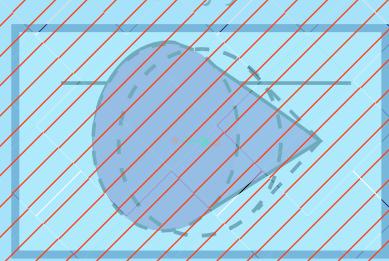
(شكل 109)

توازن غير مستقر للجسم الذي ينحني من مركز ثقله عدراً.



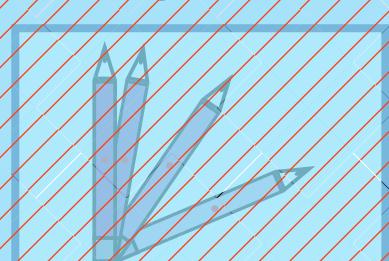
(شكل 110)

ضعـ المـحـروـطـ عـلـىـ قـاعـدـهـ كـمـاـ فـيـ الشـكـلـ (110) ، وـلـاحـظـ سـهـلـاـ لـهـ تـواـزـنـ



(شكل 111)

توازن مـحـدـدـ لـجـسمـ الـذـيـ لـاـ يـمـكـنـ مـرـكـزـ ثـقـلـهـ وـلـاـ يـمـكـنـ



(شكل 112)

لـكـيـ يـقـلـبـ الـقـلمـ عـنـ مـسـتـهـ يـكـونـ عـلـىـ تـاعـتـهـ

الـمـسـتـوـيـهـ كـمـاـ فـيـ الشـكـلـ (112) . فيـكـرـدـ فـيـ حـالـةـ تـواـزـنـ مـسـتـهـ لـأـنـ اـتـلـاهـ

يـطـلـبـ اـرـتـفـاعـاـ صـغـيرـاـ فـيـ مـسـتـهـ مـيـ مـرـكـزـ ثـقـلـهـ طـلـامـ

يـقـبـ .

ستلاحظ استحالة توازن هذا المخروط على رأسه، حتى لو كان مركز ثقله يقع تماماً فوق الرأس، مثل القلم الرصاص . لأن أي اهتزاز، مهما كان ضعيفاً، سيسبب انقلابه . لكن لاحظ ما إذا كان الأقلاب سبب انتقام مركز ثقل السحر وطريقه إلى سطح الطاولة، أو انخفاضه أم أنه لن يعي في موئله.

ترضـلـ إـجـايـكـ عـنـ هـذـاـ سـؤـالـ إـلـىـ مـعـرـفـةـ السـبـبـ الثـانـيـ وـرـاءـ عـدـمـ اـتـرـانـ

الـقـلمـ الرـصـاصـ أـوـ المـخـرـرـ طـاـ مـعـ رـاسـهـ .

تنـلـةـ مـاـحـصـةـ للـشـكـلـ (109) سـتـرـكـ أـنـ مـرـكـزـ ثـقـلـهـ يـقـلـبـ إـلـىـ أـفـلـلـ

عـنـدـ اـتـرـاكـارـهـ عـلـىـ مـسـتـهـ عـنـدـ عـدـمـ اـرـتـهـانـهـ

الـمـسـيـبـ . وـكـانـ تـواـزـنـ مـخـرـرـ طـاـ مـعـ سـيـفـ .

رـعـلـيـ تـهـنـفـ تـواـزـنـ مـخـرـرـ طـاـ مـعـ سـيـفـ .

فيـ مـرـكـزـ ثـقـلـهـ جـسمـ يـمـكـنـ بـعـدـ هـذـاـ جـسمـ نـهـائـيـ عـنـ حـالـةـ اـتـرـانـهـ إـذـاـ عـنـهـ

عـنـدـ اـتـرـاكـارـهـ عـلـىـ قـاعـدـهـ .

حـارـلـ أـنـ ثـقـلـهـ مـنـ هـذـاـ وـصـعـ وـلـاحـظـ أـنـكـ تـضـطـرـ إـلـىـ بـذـلـ شـغلـ عـلـيـهـ مـنـ

أـجـلـ إـلـاـحةـ مـرـكـزـ ثـقـلـهـ إـلـىـ أـفـلـلـ لـاحـظـ إـيـضاـ أـنـكـ إـذـاـ فـيـهـ يـمـكـنـ إـلـىـ وـضـيـعـهـ

الـأـوـلـيـ . أـيـ أـنـ جـسمـ فـيـ حـالـةـ تـواـزـنـ مـسـتـقـلـ . وـيـكـونـ تـواـزـنـ جـسمـ تـواـزـنـ

مـسـتـقـلـ . عـنـدـمـاـ تـسـبـبـ أـنـ إـلـاـحةـ اـرـتـفـاعـاـ فـيـ مـرـكـزـ ثـقـلـهـ ، وـعـنـدـمـاـ يـعـودـ إـلـىـ حـالـةـ اـتـرـانـهـ

الـأـوـلـيـ إـذـاـ دـفـعـ عـنـهـ .

ضعـ المـخـرـرـ طـاـ مـعـ أحـدـ جـوـنـهـ وـلـاحـظـ عـدـمـ اـرـتـهـانـهـ مـرـكـزـ ثـقـلـهـ أـوـ انـخـفـاضـهـ

عـنـدـ إـلـاـحةـ فـيـ أـيـ اـتـجـاهـ . يـكـونـ جـسمـ فـيـ مـثـلـ مـدـدـةـ الـحـالـةـ فـيـ حـالـةـ تـواـزـنـ

مـحـالـيدـ (مـتـعـادـلـ) (شـكـلـ 111) . وـيـكـونـ تـواـزـنـ جـسمـ تـواـزـنـ مـحـاـيـدـاـ عـنـدـمـاـ لـاـ

تـسـبـبـ أـيـ اـرـاحـةـ اـرـتـفـاعـاـ ، التـفـافـاـ فـيـ مـرـكـزـ ثـقـلـهـ ، وـعـنـدـمـاـ يـنـتـلـقـ مـنـ حـالـةـ اـتـرـانـ إـلـىـ

حـالـةـ اـتـرـانـ جـديـدـهـ إـذـاـ دـفـعـ عـنـهـ .

وـإـذـاـ قـارـنـاـ بـيـنـ المـخـرـرـ طـاـ مـعـ الـقـلمـ الرـصـاصـ . تـسـتـرـكـ أـنـ الـقـلمـ يـحـوـلـ فـيـ حـالـةـ

تـواـزـنـ غـيـرـ مـسـتـقـلـ عـنـدـ اـتـرـاكـارـهـ عـلـىـ رـاسـهـ . أـنـاـ عـنـدـ اـتـرـاكـارـهـ عـلـىـ قـاعـدـهـ

الـمـسـتـوـيـهـ كـمـاـ فـيـ الشـكـلـ (112) . فيـكـرـدـ فـيـ حـالـةـ تـواـزـنـ مـسـتـهـ لـأـنـ اـتـلـاهـ

يـطـلـبـ اـرـتـفـاعـاـ صـغـيرـاـ فـيـ مـسـتـهـ مـيـ مـرـكـزـ ثـقـلـهـ طـلـامـ

## ٣- العلاقة بين استقرار الأجسام ومراكز الثقل

### Relation Between Stability of Bodies and Center of Gravity

تعلمنا في الدرس السابق عن الإزاحة الحدية لانقلاب الأحجام، ولاختلا أن مقدار الإزاحة الحدية للانقلاب يعتمد على ارتفاع مركز الشغل عن القاعدة الحالمة للأجسام. واستنتجنا أنه عندما يكون ارتفاع مركز القل عن القاعدة كبيراً، يكون الجسم أقل ثباتاً في التوازن من جسم له مساحة القاعدة الحالمة نفسها لكن مركز ثقله أقرب إلى القاعدة.

وبما أن الانقلاب هو حالة معاكسة للثبات، فممكننا أن نقول أن الجسم الذي له مركز ثقل متخصص يكون أكثر استقراراً من ذلك الذي له مركز ثقل أعلى.

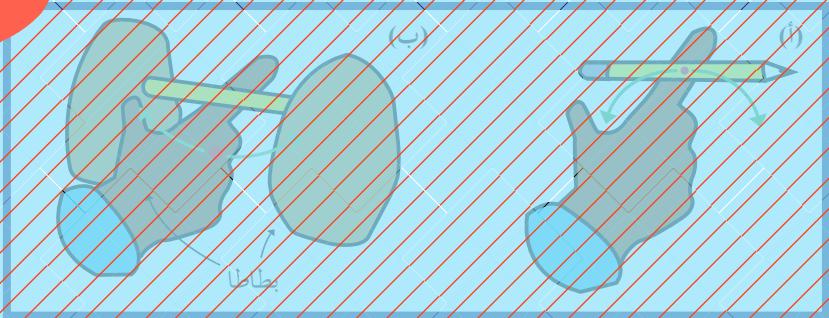
فالكتابان في الشكل (١١٣) مثلاً في حالة التوازن مستقر المثلث الكتاب بالمسطح تكون أكثر استقراراً من الآخر، فهو يحاج إلى بذل شغل لرفع مركز ثقله إلى زاوية الانقلاب أكثر من الكتاب المرنك على حائنه، والذي له مركز ثقل أكثر ارتفاعاً من الكتاب الموضوع على سطح مسطّح.

التوازن القلم الرصاصي في الشكل (١١٤-أ) هو التوازن غير المستقر لأن مركز ثقله ينبعض عند إيمائه ولكن عدد تثبيت طرفي القلم على طبلتين يصبح التوازن مستتراً لأن مركز ثقله ينبعض على المسطحة السفل لقطة الارتكاز (١١٤-ب).



(شكل ١١٤)

يقع مركز ثقل هذه اللقبة أقرب نقطة الارتكاز، فبحسب في حالة توازنه مستقر لأن مركز ثقلها سيرتفع لأعلى عندما يسُر



(شكل ١١٥)

(أ) القلم المرنك على أصبع اليد غير مستقر التوازن، حيث إيماته ينبعض من قاعته.

(ب) عند تعلق ثمرة الطاطط بطرف القلم يصبح التوازن مستقراً، حيث يرتفع مركز ثقله عن إيمالة القلم.

يعتمد بعض العوامل الانتزاعية السهيّة للأطفال على هذا السيناريو. وبجمع السر في هذا إلى طريقة تربيع القل، بحيث يقع مركز ثقل اللعبة أسفل نقطة الارتكاز تماماً. وتعبر اللقبة المونخية في الشكل (١١٥) مثلاً على ذلك.

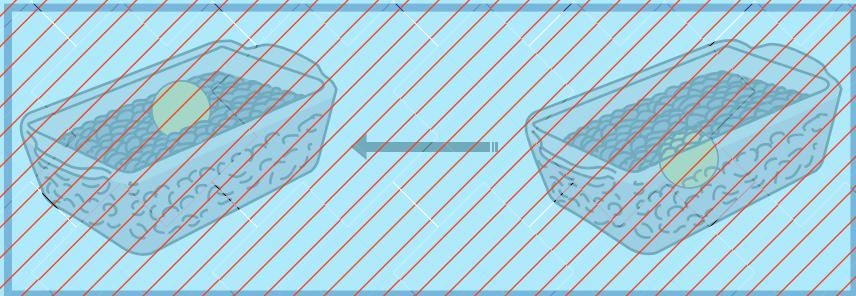
يتحفظ مركز ثقل المنفي إذا رجل حجرة كبيرة منه في باطن الأرض، ويعبر ذلك مهماً للمسارات المرتفعة الصعبة، ومن أوجهه الأسئلة على هذا ذلك المبني الموضح بالشكل (١١٦) والموجرد في الولايات المتحدة الأمريكية، حيث إنه يمتد في باطن الأرض إلى الذي يجعل مركز ثقله يقع أبعد.

سيستيقظ سيسيل بيتس باد في ولاية راشستر في الولايات المتحدة الأمريكية. وهذا المبني غير قادر للسقوط مثل بيل جيورج خاتم لأن لحمله مركز ثقل يقع أدنى سطح الأرض.

(شكل ١١٦)

سيستيقظ سيسيل بيتس باد في ولاية راشستر في الولايات المتحدة الأمريكية. وهذا المبني غير قادر للسقوط مثل بيل جيورج خاتم لأن لحمله مركز ثقل يقع أدنى سطح الأرض.

ويمكن مشاهدة ميل مركز الثقل لاتخاذ أكثر التواضع انخفاضاً من خلال رضع كه تنفس الطاولة في قاع صندوق يحتوي على جوب حافة أنه حتى صغيره، كما في الشكل (117) عند رفع الصندوق ومحنته، لا يلاحظ أن الحصى تدفع الكرة لأعلى وتهبط هي للأعلى. وبهذه الطريقة يحتفظ الصندوق بمركز ثقله عند أعلى مستوى محرك.



(شكل 117)

(يسار) آلة تنفس طاولة موجودة في قاع صندوق يحتوي على حصى صغيرة أو حجر رجائة.  
(يمين) عند رفع الصندوق ومحنته ينبعها وسراً، تتحرك الكه لأعلى. والنتيجة هي انخفاض مستوى مرق ثقل المجموعات التي في الصندوق.

ويحدث الشيء نفسه في الماء عندما يرتفع جسم ويستقر طافياً على سطحه كقطعة من الثلج شالاً، فلنفترض لأنك مرر مركز ثقل السهم المرسم.

يحدث ذلك لأن ارتفاع الشلح يحتم انخفاض حجم سباق من الكثافة الأكبر. وإذا كانت كثافة الجسم المترعرع أكبر من كثافة النساء،

يشعر الجسم بالارتفاع (شل). وتبعد ذلك أيها من نظر مركز ثقل السهم.

أي إذا كانت كثافة النساء أقل من كثافة النساء، فإن المجموع لا يحررك لأأسفل ولا لأعلى منها، كان اتجاه حرارة الجسم

يكبر مركز ثقل كه ذلك يمكن التوصل إلى وزن أي من الأسماء

يجب أن يساوي وزن الماء الذي له نفس كثافة النساء (أي لها كثافة النساء)، وإلا لما استطاعت التراوح على أعماق مختلفة أثواب ساحتها، ولذلك مياه الأنهر والبحار الأسماء إلى السطح كقطع الشلح أو إلى القاع تقطع الحجارة.

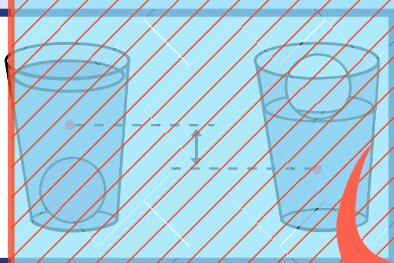
وعندما صندوق يقطع حجارة ذات أحجام مختلفة ثم هرمه يميت ريساراً،

متلاحظ أن الحجارة صنيرة الحجم يتحلل المسامات بين الأحجار الكبيرة، وتترك في قاع الصندوق، في حين تدفع الحجرة الأكبر إلى

السطح ويستخدم تجاري الريتون أو التوت المبدأ نفسه في فصل الشمار الكثيرة، نضعون الشمار التي لم جمعتها من الأشجار في صناديق، ثم يهزون الصناديق يبينا ويسراً، فترتفع الشمار الأكبر لأعلى، ويذهب فضله أسمبل.

# محفوظ

(شكل 118) مركز ثقل المحظمة لا يعتمد على موقع الجسم طالما أنه



## مراجعة الدرس 5-3

أولاً - فَرَّ سُبْرٌ، عدم إمكانية انتقاله للأطفال المرضحة في الشكل (115).

ثانياً - هيف تفرق بين التوازن المستقر ونغير المستقر والمتوازن؟ غالباً - علّك، عند مد جسمات بينماما ينبعوا متعلقاً بيديك في سنان هرائي أسمى من هذه متزناً بينما تتفق على يديك.

رابعاً - ما هي السر في استقرار بعض الأبراج من العبار الأليل في حالة ان مستقر، على العكس مما تبدو عليه، أي غير مستقرة؟

خامساً - عددها يغير صناديق بمحوري على حجر بي حافة، وفي قاعه كرة ننس طاولة ، ممّا يحدث لمركز ثقل الصندوق ومحورياته؟

سادساً - إذاً يحدّد لمركز ثقل كورنر يحوي على ماء عند غمر كورنر ننس طاوله تحت سطح الماء؟

# معلو



أظهرت التجارب أن المرأة تستطيع أن تتحدى لتحسين أصوات فميهما بأرض  
يليها على الأرض بسهولة أكبر من الرجل الذي غالباً ما يستطيع عمل محاور  
القيام بذلك.

ويعود السبب في عدم الاتزان إلى اختلاف موضع مرکز النقل بين الرجل والمرأة، فموضع مرکز النقل في الرجل أعلى من موضع مرکز النقل في المرأة، وهذا يؤدي إلى خروج مرکز ثقله عن المساحة الحالية له عند الحناء أكثر من حدود ذلك عند الحناء المرأة.

و ظهرت الدراسات الرياضية أنّ أداء اللاجئين في التقرير والوثب مختلف، و يرتبط تقدّرهم على تغيير مواعيدهم من مركز قائمهم أثناء أدائهم لنشاط رياضي ب درستنا سابقًا أهمية موضع مركز الثقل في شارات الأحجام والتراثها. أمّا في هذا الدرس، نعمل على تحديد موضع مركز الثقل لكل إنسان (الرجل، المرأة أو طفل). و سكشف تأثير موضع مركز الثقل في حسم الإنسان على بعض قدراته الرياضية. وكيفية اختلاف هذه القدرات بين شخص واحد بحسب قدرته على التحكم بمواعيده من مركز ثقله أثناء أداء نشاط رياضي.

## مواقع مركز الثقل في الإنسان

### Locations of Center of Gravity in the Human Body

يختلف موضع مركز الثقل في الإنسان بين الإناث والذكور والأولاد. ويختلف أيضاً باختلاف وضع الدين فوق الرأس أو على الجانبيين، أو حتى سبب السعادة أو النحافة.

فمنها تتفق معتدلاً وذراعيك إلى جانبيك، يقع مركز ثقلك داخل جسمك وتحديداً أعلى بعد 2 إلى 3 سنتيمترات أسفل السرة، وفي موضع متواسط بين ثلثة ريطانك، في حين يقع أصل كل ثلثة بقليل في جسم المرأة لأنها أكثر عرضًا في منطقة الحوض وأقل عرضًا عند الكفين.

وبالنسبة إلى الأطفال، يكون مركز ثقل جسمهم أعلى من مركز ثقل جسم البالغين بنسبة 5% بسبب الزيادة النسبية لحجم الرأس وقصر الأرجل.

## حساب موضع مركز الثقل رياضياً في جسم إنسان

### Mathematical Calculation of Center of Gravity in Human Body

نحن نعلم أن هناك اختلافات كبيرة بين جسم امرأة، لكن هذا التسلسل يستخدم في حساباتي على أساس نسبية جسم إنسان.

طبعاً الحجم (2) من الممكن أن يكون أكبر من المقدار الذي يحيط به جسم "نمردج" يقدر بـ 120 (سنتيمتر) ولكن يمكننا أن نحسب

جزء من أحجام الرجل بالنسبة إلى الكتلة الكلية.



(شكل 120)

صورة لإنسان وضع على نقاطه مركز الثقل

الاعتماد على العدوى (2)

# محل

اعضاء الجسم	الكتلة بالنسبة إلى الارض	الكتلة بالنسبة للكتلة
الرأس	93.5	6.9
الذراع والرقبة	71.1	46.1
الجزء العلوي للذراعين	71.7	6.6
الجزء السفلي للذراعين	55.3	4.2
اليدان	47.1	1.7
الجزء العلوي للرجلين	42.3	21.5
الرجلان السفليتان	18.2	9.6
الدمان	1.8	3.4

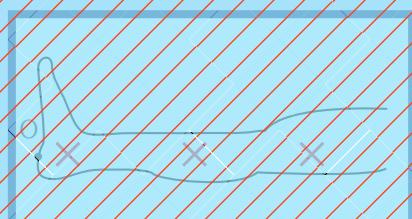
(جدول 2)

موقع مركز الثقل بالنسبة إلى الأوزان المكونات لجسم رجل "نمردج"

نستخدم هذا الجدول بمعرفتنا أن نحدد أن مركز كتلة الجسم موجود على ارتفاع 58% من الطول الكلي للرجل من سطح الأرض.

يسخدم هذا الجدول في حساب موضع مركز الكتلة لرجل رجل طول (1.7)m عندما تجرين الرجل بمدرودة كما في الشكل (121).

إن النظام الذي يريد أن نجد مركز كتته يتتألف من ثلاثة كتل: الرجل العلوية، الرجل السفلية والقدم.



(شكل 121)

الرجل نظام مؤلف من ثلاث كتل

موقع مرکز الكتلة / مقدار الكتلة موضحان في العبرة (2). ولحساب المسافة بالمترا، يجب أن نضرب المسافة المئوية بالمقدار  $\frac{1.7}{100}$ .

لآخر النقطة O نقطة إسناد، ولتحدد أبعاد مركز كتلة كلّ من الكتل بالنسبة إلى

O على الشكل التالي:

x<sub>1</sub> يبعد مرکز كتلة الرجل العلوی عن نقطة الإسناد

$$x_1 = 42.5 \times 1.7 = (72.25) \text{ cm}$$

x<sub>2</sub> يبعد مرکز كتلة الرجل السفلی عن نقطة الإسناد

$$x_2 = 18.2 \times 1.7 = (30.94) \text{ cm}$$

x<sub>3</sub> بعد مرکز كتلة القدم عن نقطة الإسناد.

$$x_3 = 1.8 \times 1.7 = (3.06) \text{ cm}$$

باستخدام المعادلة الرياضية لتحديد موقع مرکز الثقل في بعد واحد:

$$X_{CG} = \frac{(x_1 \times m_1) + (x_2 \times m_2) + (x_3 \times m_3)}{m_1 + m_2 + m_3}$$

نحصل على:

$$X_{CG} = \frac{21.5 (72.25) + 9.6 (30.94) + 3.4 (3.06)}{21.5 + 9.6 + 3.4} = (53.93) \text{ cm}$$

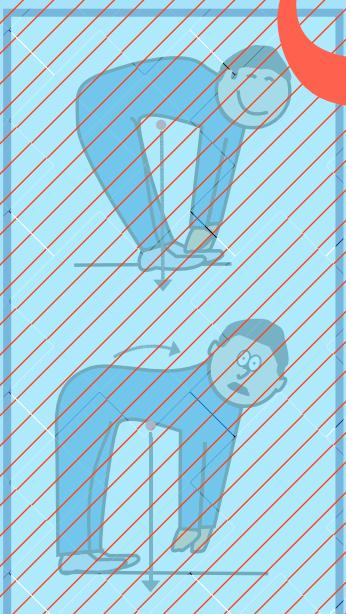
أي أن مرکز كتلة الرجل الموضحة

$$= 53.93 \text{ cm} \rightarrow 121.5 \text{ cm} \rightarrow 5 \text{ cm}$$

عن نقطة الإسناد.

# معلو

## Influence of the Position of the Center of Gravity on Our Physical Activities



عندما تتفق متىجباً، يقع مرکز ثقلك في منطقة خرق المساحة الحاملة داخل محض جسمك، والمحاددة بذاته.

في الواقع الذي قد تتفق فيه بوأزتك، كلّ وقوف داخل حافلة تحرّك على طريق ملحوظ، انت تباعد بين قدميّات لزيادة حجم هذه المنطقة، أما الورتف على قدم راحد فضوّف يتلّى كثيراً حجم هذه المنطقة، والطفل الذي يتعلّم المشي يتدرّب في الواقع للحفاظ على مرکز ثقله داخل حدود قدرمه. وهذا ما نفعه طور العمام والطّ التي تحرّك عنقها ورأيها للأمام والخلف عند كلّ حركة اتحاذظ على مرکز ثقلها داخل حدود رجلها.

قد يكون قادرًا على الاحماء للأمام ولمس أصابع قدميّات بدون شني ركبتيّات، ولكي تنجح في ذلك، ستلاحظ حاجتك إلى دفع نصفك للخلف

قدر الامكان كما في الشكل (122) لكي يبقى مرکز ثقل حسمك داخل حدود قدميّك، ولكنك لن تنجح إذا كررت هذه الحركة ونصلق ملاصق للحائط، والسبب هو أنّك لن تتمكن من ضبط وضع أجزاء جسمك ليقيّي مرکز الثقل داخل حده قدميّك، فتضيّع في هذه الحالة عرضه ل الوقوع لأنّ مرکز الثقل أصبح خارج حدود القدميّين.

شكل (122)

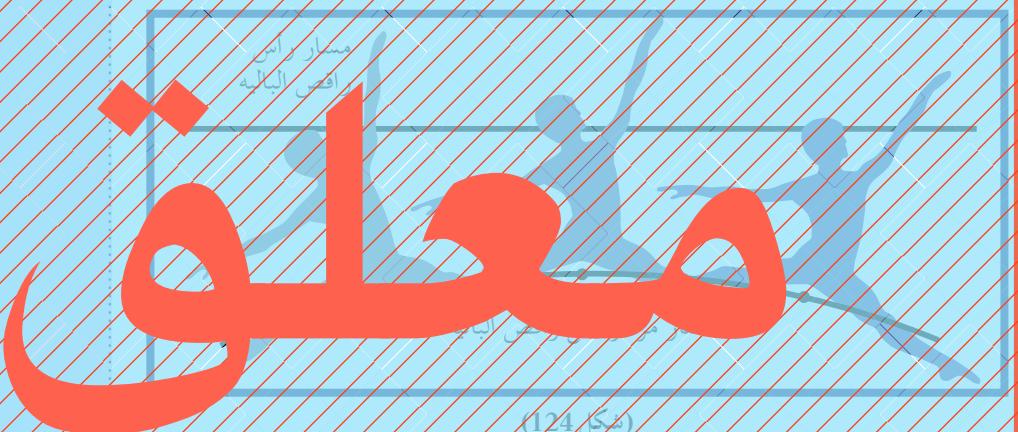
يمكنك أن تحيي ل وليس أصابع قدميك يدرك أن تتفق فيما إذا كان مرکز ثقلك أعلى المنطقة المحيطة بقدميك.

#### ٤- موضع مركز الثقل والاداء الرياضي

##### Location of the Center of Gravity and Athletic Performance

عندما ترفع يديك لاعلى إلى جانب رأسك، يرتفع مركز ثقل جسمك من 5 إلى 8 سنتيمترات. أما إذا ثبتت جسمك على شكل حرف "H" أو حرف "L" ، فيقع مركز الثقل خارج الجسم كله. ويستفيد اللاعب الموضح في الشكل (123) من هذه الحقيقة، حيث يغير مركز ثقله أسلوب الماحجز المعلق، في حين يغير جسمه فوق الماحجز.

يطبق ذلك على راقص الباليه في الشكل (124) الذي يندو ركانه يطفو في الهواء لانه يغير موضع مركز ثقله أثناء اذاته. فعندما ينبع بدنه وقاميه بينما يكون في الهواء، يرتفع مركز ثقله إلى أعلى لحمة الرأس ، فيصبح مسار مركز الثقل على شكل قطع مكافئ ، آتا رأسه قبفي على الارتفاع نفسه تقريباً لفتره اطول .

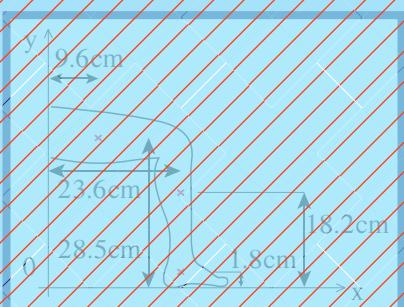


(شكل 124) حرکة راس راقص الباليه إلى أعلى هو أدق من حرکة سرير ثالثة إلى أعلى، وهذا ما يجعله يدور و ثالثة يطفو في الهواء.

#### مراجعة الدرس ٦-٣

أولاً - لماذا يتنفس الرياضي أجسامهم على سكل حرف "L" أو حرف "H" لعتبر حاجر معلم؟  
ثانياً - ما سبب إبعادك للقدمين إلى الجهة عن الأخرى عندما تتفقد أحذية حافلة سير في شوارع متخلله من عقبات؟

ثالثاً - نشير عدم إدراكك لمس أصابع قدميك يزيدك بدون تدرب على الركضين إذا كامت ساقاك ملاظتين للحائط رابعاً - حيث يوضع مركز الثقل للرجل عند ما تكون رف من زاوية قائمه كما في الشكل (125)، علينا أن كتلة القدم يساوي 3.4% من كتلة الشخص ، كتلة الرجل السفلية يساوي 9.6% من كتلة الشخص ، وكتلة الرجل العلوية يساوي 21.5% من كتلة الشخص ، وأن أبعاد كل جزء من الرجل على محوري الأسداد Oy و Oz بوضوح في الشكل :



(شكل 125)

## مراجعة الفصل الثالث

### المفاهيم

Non Uniform Shape	غير منتظم الشكل	Toppling	الانقلاب
Center of Gravity	مركز الثقل	Static Stability	الاستقرار السحرني
Center of Mass	مركز الكتلة	Unstable Equilibrium	الاتزان غير المستقر (الحادي)
Supporting Area	مساحة القاعدة الحاملة	Neutral Equilibrium	الاتزان التوازي
Uniform Shape	منتظمة الشكل	Stable Equilibrium	الاستقرار المستقر
System of Particles	نظام من الجسيمات	Weight	الثقل
		Critical Angle	زاوية الحادى

### الأفكار الرئيسية في الفصل

- مركز ثقل جسم ما هو النقطة الواقعة عند الموضع المتوسط لثقل الجسم.
- عند قذف جسم في الهواء، يتبع مركز ثقله مساراً منتظمًا على شكل قطع مكافئ حتى لو تأرجح أو دار حول مركز الثقل.
- يقع مركز الثقل للأجسام متماثلة التكوين ومنتظمة الشكل عند المركز الهندسي لها.
- إنّ مركز كتلة الجسم الذي يُسمى أيضًا مركز العطالة، هو الموضع المتوسط لكتل جميع الجزيئات التي يتكون منها هذا الجسم.
- ينطبق مركز كتلة الجسم على مركز ثقله عندما يكون الجسم على سطح الأرض أو قريب منها، بحيث لا يختلف مقدار قوّة الجاذبية الأرضية بين أجزائه.
- لا يعتمد موقع مركز الكتلة على طريقة اختيارنا لمحاور الإحداثيات، بل على توزيع الجسيمات التي تؤلف النظام.



## المعادلات الرياضية في الفصل

$$\vec{R}_{\text{c.m.}} = \frac{m_1 \vec{r}_1 + m_2 \vec{r}_2 + \dots}{m_1 + m_2 + \dots}$$

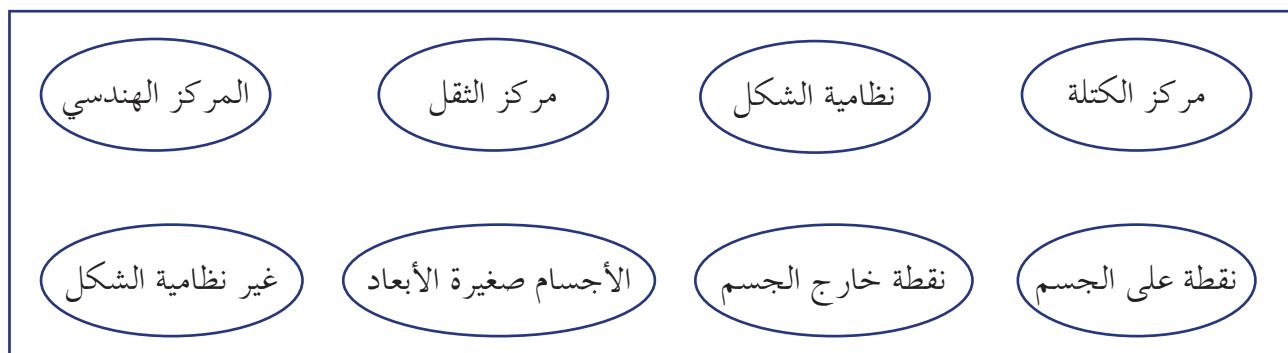
$$x_{\text{c.m.}} = \frac{1}{M} \sum_{i=1}^N m_i x_i$$

$$y_{\text{c.m.}} = \frac{1}{M} \sum_{i=1}^N m_i y_i$$



## خريطة مفاهيم الفصل

استخدم المصطلحات الموضحة في الشكل التالي لرسم خريطة مفاهيم تُنظم معظم الأفكار التي احتواها الفصل.



## تحقق من فهمك

ضع علامة (✓) في المربع الواقع أمام العبارة الصحيحة في كلٍ مما يلي:

1. كتلتان نقطيتان  $(500\text{g})$  و  $m_1 = (100\text{g})$  تبعدان الواحدة عن الأخرى  $(30\text{cm})$ . فإن موضع مركز الكتلة يقع:

بين  $m_1$  و  $m_2$ ، والأقرب إلى  $m_1$  داخل القطعة بينهما.

عند متوسط المسافة بين  $m_1$  و  $m_2$ .

بين  $m_1$  و  $m_2$ ، والأقرب إلى  $m_2$  داخل القطعة بينهما.

على الخط الحامل للكتلتين لجهة  $m_1$  وخارج القطعة بينهما.

2. موقع مركز الكتلة لكتلتين  $m_A$  و  $m_B$  يبعدان الواحدة عن الأخرى  $L$ ، وحيث  $m_A > m_B$  يُحدّد بالنسبة إلى نقطة إسناد على الكتلة A بالعلاقة:

$$x_{CG} = \frac{L m_A}{m_B}$$

$$x_{CG} = \frac{L m_B}{m_A}$$

$$x_{CG} = \frac{L m_A}{m_A + m_B}$$

$$x_{CG} = \frac{L m_B}{m_A + m_B}$$

3.

إذا رتفع مركز كتلة الجسم لأعلى عند ارتفاعه يكون الجسم في:

حالة اتزان حركي.

حالة اتزان مستقر.

حالة اتزان متحادٍ.

4.

عندما تكون زاوية الانقلاب الحدية متذبذبة يكون:

ارتفاع مركز الثقل عن القاعدة أكبر من طول ضلع العمودي على محور الانقلاب.

ارتفاع مركز الثقل عن القاعدة أقل من طول ضلع العمودي على محور الانقلاب.

ارتفاع مركز الثقل الأكبر من مساحة القاعدة المحددة به.

ينبع ارتفاع مركز الثقل من مساحة القاعدة المحددة به.

ينبع ارتفاع مركز الثقل من مساحة القاعدة المحددة به.

5.

يكون الجسم أكثر استقراراً في ارتفاعه عندما يكون مركز الثقل:

أعلى نقطة الارتكاز.

منطبق على مركز الكتلة.

أعلى من نقطة الارتكاز.

## تحقق من معلوماتك

أجب عن الأسئلة التالية:

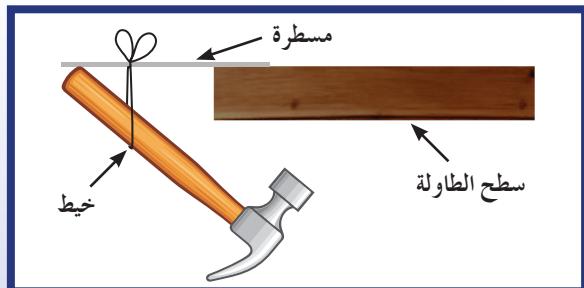
1. لمنع اهتزاز إطارات السيارات أثناء دورانها ، توضع قطع رصاص في الجزء المعدني من الإطار.

أين يقع مركز ثقل الإطار المتنّ؟

2. علق مطرقة في مسطرة غير مثبتة كما في

الشكل المقابل ، اشرح سبب عدم سقوط

المطرقة والمسطرة.



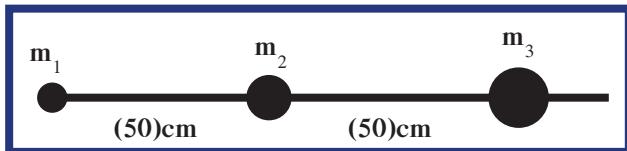
# أَسْئَالَةُ مُعَدَّةُ الْفَلَلِ ٣

.3  
.4  
.5

.6  
تَحْقِيقٌ مِنْ مَهَارَاتِكَ

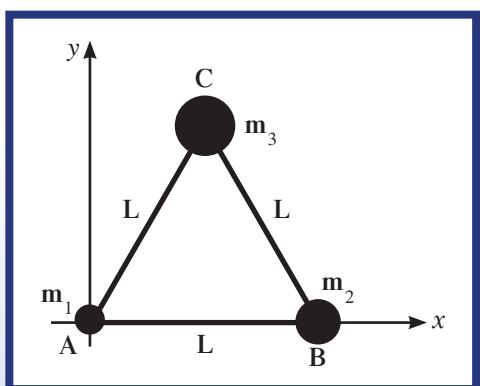
حَلُّ الْمَسَائِلِ التَّالِيَّةِ:

1. كتلتان نقطيتان  $m_1 = (200)g$  و  $m_2 = (400)g$  موضوعتان على محور السينات ، وتبعدان الواحدة عن الأخرى  $(50)cm$  . احسب أين يقع مركز كتلة الجسمين؟
2. ثلات كتل نقطية  $m_1 = (10)g$  و  $m_2 = (20)g$  و  $m_3 = (30)g$  . أحسب أين يقع مركز الكتلة .  
(أ) إذاً وُضعت على خط مستقيم ، وتبعد الواحدة عن الأخرى  $(50)cm$  كما في الشكل (126).



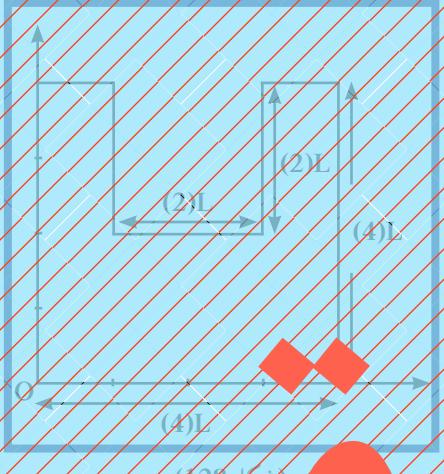
(شكل 126)

(ب) إذاً وُضعت على رؤوس مثلث متساوٍ الأضلاع ، طول ضلعه  $L$  ، بحيث نضع  $m_1$  على الرأس A و  $m_2$  على الرأس B و  $m_3$  على الرأس C ، علماً بأنّ A هي نقطة ارتكاز المحورين المتعامدين  $Ay$  و  $Ax$  .  
(شكل 127).



(شكل 127)

.3



الرسام .. (علينا أن الشكل مصوّر من المادة نفسها وله  
السمك نفسه!).

The diagram shows a trapezoidal frame with vertices labeled A, B, C, and D. The top horizontal side is labeled  $(4)L$ . The left vertical side is labeled  $(128)$ . The right vertical side is labeled  $h$ . The bottom horizontal side is labeled  $a = (5)cm$ . The height of the trapezoid is labeled  $c = (40)cm$ . A coordinate system is shown at vertex A, with the horizontal axis pointing right and the vertical axis pointing up. The text "مطراف" (Mitraf) is written vertically in large red letters across the trapezoid.

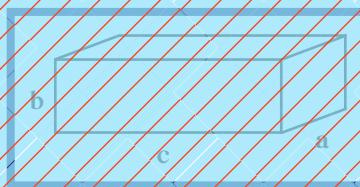
.4



أليس، على أن يكون النيل عميلاً على السطح الأفقي.

(١) احسب متدل الزوايا المدببة التي اذا أهل بها الصناديق بنزاوية اكبر مما انتقلب على جنبه.

(ب) أحسب مقدار الزاوية المحددة في حال وضع الصدروق على السطح الآفقي، حيث أن الصداع C على سطح الطارلة والظل مع عمودي على السطح.



(ج) في أي حالة يكون الضغط أقوى مقاومة لانقلاب على جبهة الـ

مشاريع الفصل

التواصل

أكتب مقالاً لا يزيد عن عشرة أسطر تبيّن فيه سبب اعتبار المقعد الأوسط في الحافلة أكثر راحة للركاب، عندما تتحرّك الحافلة في شوارع المدينة المليئة. ضمن مقالتك أفكاراً علمية تدعم رأيك.

نشاط بحثی

ثبات السيارة و مقاومتها ل الانقلاب من أهم العوامل التي تعمل شركات السيارات على تحقيقها في السيارات الحديثة.

إِجْرِي بحثاً تستخدم فيه أدوات البحث المناسبة لتوسيع ممَّيزات التصميم التي تحقق هذه الغاية ، متبوعاً بالخطوات التالية:

دروس الفصل

الدرس الأول

مقدمة للأقمار الصناعية

# محاجف

منذ القدم، اهتم الإنسان بمراقبة الفضاء ودراسة النجوم والكواكب وحركتها وتأثيرها على الأرض وعلى حياته. واستخدم لهذه الغاية ما يتوفر له من أدوات، بدءاً بالعين المجردة، مروراً بالتلسكوب، حتى توصل إلى استخدام الأقمار الصناعية والمحطات الصناعية.

استخدم الإنسان الأقمار الصناعية، فرصعها حول الأرض لتحكمه برابع الأرضية، ولزريدي ميقات شئي مختلف باختلاف نوع القمر والمدار الموجرده عليه. وأرسل أيضاً أقماراً أخرى لسحب الفضاء، وترسل له المعلومات ليحللها، ففهم حمايا ما يدور حوله في الفضاء السحيرو

عند التعكير بالأقمار الصناعية بروادها الذي من الأسئلة منها:

ما هي القوى المؤثرة على هذه المدار الرابع الأرضية أثناء وجودها على مدارها؟

هل للجاذبية الأرضية أي تأثير على هذه التوافر؟ لماذا لا تترك مساراتها رتظم بالأرض؟ ما سر مساراتها الدائرية أو البيضاوية؟

الإجابة عن هذه الأسئلة هي محور هذا الفصل الذي سيذكرنا بقانون الجذب الكوني الذي تن ودوره في حركة القمر كتابع طبيعي للأرض، للدرس من يعلمه حركة الأقمار الصناعية ومساراتها وسرعتها وأنواعها.

## الأهداف العامة

- ▶ يفترس المسار الدائري للأقمار الصناعية.
- ▶ يعلم عدم زيادة سرعة تابع أرضي في مساره الدائري متأثراً بقوة جذب الأرض.
- ▶ يحسب سرعة القمر الصناعي.
- ▶ يحسب الرأسون الدوّري للفضاء الصناعي.
- ▶ يحسب سرعة الأفلات.
- ▶ يربط بين حركة الأقمار الصناعية وحفظ الكلمات.

تتحرك الأقمار الصناعية بفعل قوة جذب الأرض لها، لكنها من ذلك لا تسقط نحو الأرض، فكيف يحصل ذلك؟ ما هي سرعة هذه الأقمار؟ كيف تصنف مساراتها؟ وكيف تتشعب على مساراتها؟

# معلم

## Shapes of Orbits

تم عملة إطلاع على مدار صناعي على مداره الأولي، ببساطة بسرعة  $v_0$  في المرحلة الثالثة، ويكون  $v_0$  متضاملاً مع OB، فإذا كانت  $v_0$  أكبر من سرعة الأفلات  $v$  التي تساوي  $8 \text{ km/s}$ ، والتي ستعلم كيفية احتسابها لاحقاً، ينحل القمر من تأثير الجاذبية ويتعد عن الأرض نحو الاتجاهية، ويكون مساره قطعاً مكافئاً Hyperbolic، وفي حال  $v_0 = v$  ينحل القمر على شكل قطعاً مكافئاً Parabolic (الشكل)، وفي الحالتين لن يقترب هذا القمر من الأرض مجدداً، أما إذا كانت  $v_0 < v$  فينحل القمر في مدار الأرض ويكون مساره بيضاوياً (قطع ناقص) (شكل 129)، وعندما تساوي سرعة  $v_0$   $8 \text{ km/s}$ ، فإنه يدور حول الأرض على مدار دائري.

ملاحظة: يمكن استعمال التمثيلات الحسابية التي سترى بها لحساب سرعة الأقمار الصناعية لحساب سرعة دوران الكراكب حول الشميس.

### Circular Orbits

### المسارات الدائرية

ومن الملاحظ في المسارات الدائريّة لقمر صناعي حول الأرض أن سرعته لا تتغير بفعل الجاذبية الأرضية، ولذلك تفهم ذلك، سنجري مقارنة بين قمر صناعي يتجدد مساراً دائرياً كره بولينج يدور على سطح رحاجي أفقى (شكل 142).  
لما إذا لا يسبّب قوة الجاذبية الأرضية في زيادة سرعة كورة البولينج

قطع مكافي عدماً تزال سرعة  
 $(11.2 \text{ km/s})$

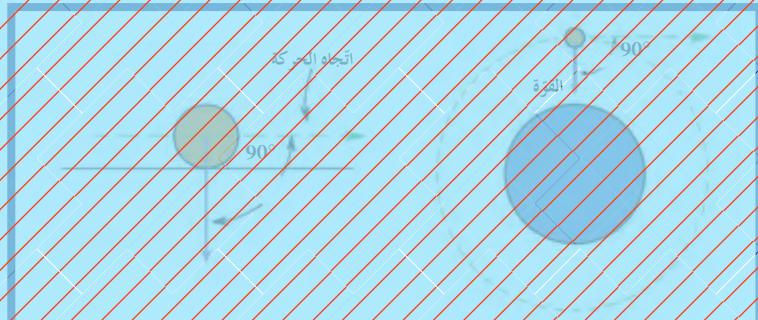
قطع مكافي عدماً تزال سرعة  
 $(11.2 \text{ km/s})$

يأخذ القمر الصناعي مساراً تطغى نافذ  
بصارى الشكل عدماً تتحول سرعةه أكبر  
من سرعة الأفلات  $(8 \text{ km/s})$ .

يدور القمر الصناعي حول الأرض بمسار  
 دائري عدماً تساوي سرعة  $(8 \text{ km/s})$ .

(شكل 129)

الإجابة هي أن قوة الجاذبية الأرضية لا تدفع الكثرة إلى الأمام أو إلى الخلف، إنما تحدّبها رأسياً إلى أسفل باتجاه عكس اتجاه حركتها وبالتالي لا تؤدي إلى تقوية الجاذبية الأرضية للكرة باتجاه الحركة.



(شكل 130)

(الرسم إلى المسار) قوة الجاذبية على كرة البولسنج لا تؤثر في سرعتها للأمام وجرد قوة لفة الجاذبية هي اتجاه الحركة الأفقيّة.

(الرسم إلى المسار) يطبق المبدأ نفسه على القمر الصناعي في مداره الداري. ففي الحالين، تتعارض قوى الجاذبية على اتجاه الحركة.

وذلك ينطبق على القمر الصناعي في مساره الدائري. فيتعارض اتجاه حركة

# محلّف

1. حساب السرعة الخطية للقمر الصناعي

## Calculating the Linear Speed of a Satellite

نعطي قوّة جذب الأرض لقمر صناعي بـ العلاقة التالية:

$$(1) \quad F = G \frac{Mm}{d^2}$$

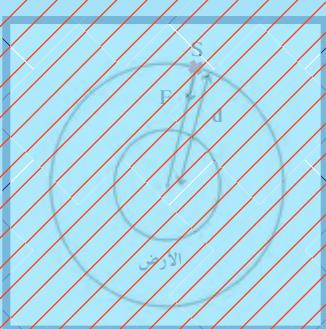
حيث  $G$  تمثل ثابت الجذب العام  $N.m^2/kg^2$  ،  $M$  تمثل كتلة القمر الصناعي ،  $m$  تمثل بعد القمر الصناعي عن مركز الأرض.

يلعب القمر الصناعي حول الأرض بسرعة دائرية متناظرة بحسب تأثير قوّة الجاذبية الأرضية بحول مركبها، وبموجلة مركبها  $\frac{v^2}{d} = a$ . وبالتالي ستكون القوّة التي تخضع لها القمر الصناعي  $F = ma$  ، فسحصل على:

$$(2) \quad F = m \frac{v^2}{d}$$

من المعادتين (1) و(2) نحصل على:

$$v = \sqrt{\frac{GM}{d}}$$



(شكل 131) التأثير بين الأرض والقمر الصناعي

## 2.2 حساب السرعة الدائرية (الزاوية) لقمر صناعي ورمه السوري

### Calculating the Rotational Speed and the Period of a Satellite

باستخدام العلاقة التي تربط السرعة الخطية بالسرعة الدائرية، يمكننا أن نستخرج أن السرعة الدائرية (الزاوية) للقمر الصناعي تحسب بالمعادلة التالية:

رسالة من إخاء

يندر قمر صناعي حول الأرض على ارتفاع  $d$  من سطحها لحسب مقدار  $\omega$  إذا كان الزمن الدورى للقمر الصناعي:

$$\omega = \frac{2\pi}{T} = \sqrt{\frac{GM}{d^3}}$$

$$\omega = \sqrt{\frac{GM}{d^3}}$$

$$T = \frac{2\pi}{\omega} = \sqrt{\frac{d^3}{GM}}$$

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{d^3}{GM}} = 2\pi \sqrt{\frac{(R+d)^3}{GM}}$$

ولأن الزمن الدورى  $T$  يساوى  $3 \text{ ساعات}$  وبالتعريض عن مقدار  $\omega$  نحصل على:

# محفوظ

#### مثال (١)

ما هو ارتفاع مسار القمر الصناعي عن سطح الأرض ليكمل دورة كاملة حول الأرض خلال 3 ساعات؟  
علماً أن كتلة الأرض:  $M = (6 \times 10^{24})\text{kg}$ ، ونصف قطر الأرض:  $R = (6400)\text{km}$

طريقة التفكير في الحل:

- حل الأجزاء المعلوم وغير المعلوم:  
المعلوم: كتلة الأرض:  $M = (6 \times 10^{24})\text{kg}$   
نصف قطر الأرض:  $R = (6400)\text{km}$   
غير المعلوم:

- ارتفاع مسار القمر عن سطح الأرض:  $d = ?$   
احسب غير المعلوم:

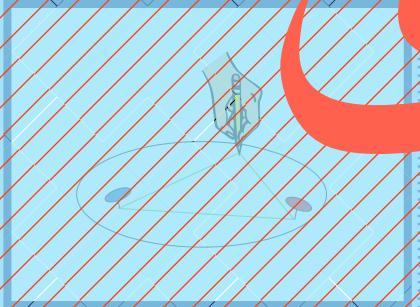
(١) باستخدام المعادلة الرياضية  $T = 2\pi \sqrt{\frac{(R+d)^3}{GM}}$  وبالتعريض عن المقادير المعلومة في المعادلة نحصل على:

$$3600 \times 3 = 2\pi \sqrt{\frac{(6400 \times 10^3 + d)^3}{6.67 \times 10^{-11} \times 6 \times 10^{24}}} \\ \Rightarrow d = (4.17 \times 10^6)\text{m} = (4.17 \times 10^3)\text{km}$$

- قيمة حل التبعة مقبولة؟  
إذاً نتجة مخطئة لعدم بكم دورة كاملة حول الأرض خلال 3 ساعات.

فقرة اثباتية

ارتباط الفناء بالتنبؤ لهذا  
مهمة من تصميم الاقتراحات  
يلعب الأهمية الصناعية دوراً بحثاً  
في تراصيل الابحاث العلمية، وفي  
الحصول على المعلومات السليمة  
و خدارات الاتصالات، ربّت  
السيارات السليمة في الدولة المسؤولة  
عن الاتصالات بوظيف المهندسين  
الذين ينجز تصميم وتصنيع هذه  
الاقتراحات الصناعية بمواصفات  
المكترونية معاذقة، وإيجالية وضعها  
في مسار تجربة مبتكرة، حاملة  
الأجهزة المناسبة للمهمة التي سُلطت  
أحراها، كمنا نتراءى في تصميم  
قدرة الفن على مقاومة الظروءة في  
التي يمكن أن يعكر لها من العداء  
الذين أو آخر أن العادف المحرّكي.

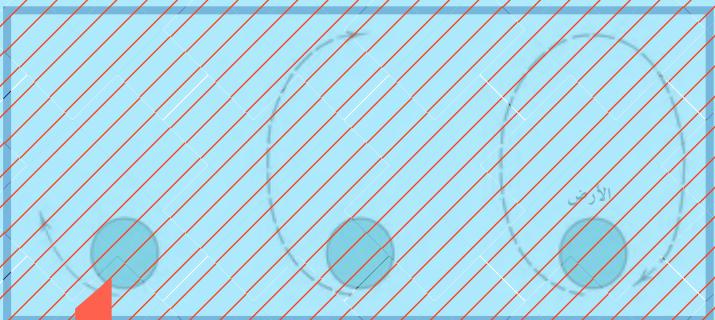


شكل (133) طريقة بسطة لمسمى قطع ناقص.

# Elliptical Orbits

### **3. مسارات التخطي النافذ**

عندما تكون سرعة الفير الصاعي أكبر من قيمة التردد الحديث التي تعطى مسارة دائرياً (8 km/s)، وأصغر من سرعة الإفلات ( $11.2 \text{ km/s}$ ) =  $v_e$ . فالمدار يحيط بالمسار الدائري بسعادة من سلح الأرض ونفق المسار أقل ابتعاداً منه (شكل 132). وبذلك، لن تكون حركته معتمدة مع قوة الجاذبية، فتقوم هذه القوة بحفظ سرعته تدريجياً بحسب عود الاقتراب من الأرض بسرعة متزايدة حتى تصل إلى قيمتها الأولى، وتكرر الحركة كلها مرة تتلو الأخرى، فيستوي المسار الذي تسلكه عليه الحركة بالقطع التالي:



مسار على تحمل قطع ناقص. إن الماء سرعة الدرس الصارم  
الدرازير، فينفع مستَّانه في حكس انتقامته  
من مركز الأرض يدا بلا قرار، ملائكة أخرين

# Drawing an Elliptical Orbit

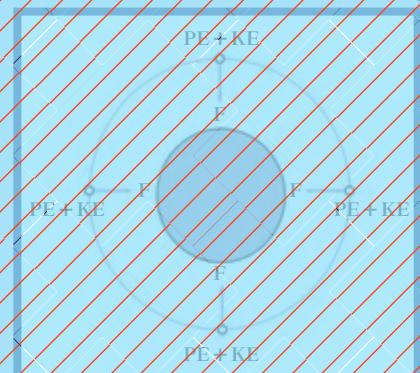
رسخدم حيضاً وذرسين وقام رحاصر في رسم قطع ناقص كما هو مذكور في الشكل (133). حرب أشكالاً عدّة بحسب معيّن السيد بين الدبوسي في كل مرّة، أو حاول أن ترسم قطعاً ناقصاً على طريق تتبع حدوه طفل ترثه موضوعه فوق منضدة مستوية كف عن تستطيع أن تفهم الكاتب ما تحصل على أكثر من شكل للفعل الناقص؟

٤- لجنة الطلاقة ومحكمة الأقمار الصناعية

# Energy Conservation and Satellite Motion

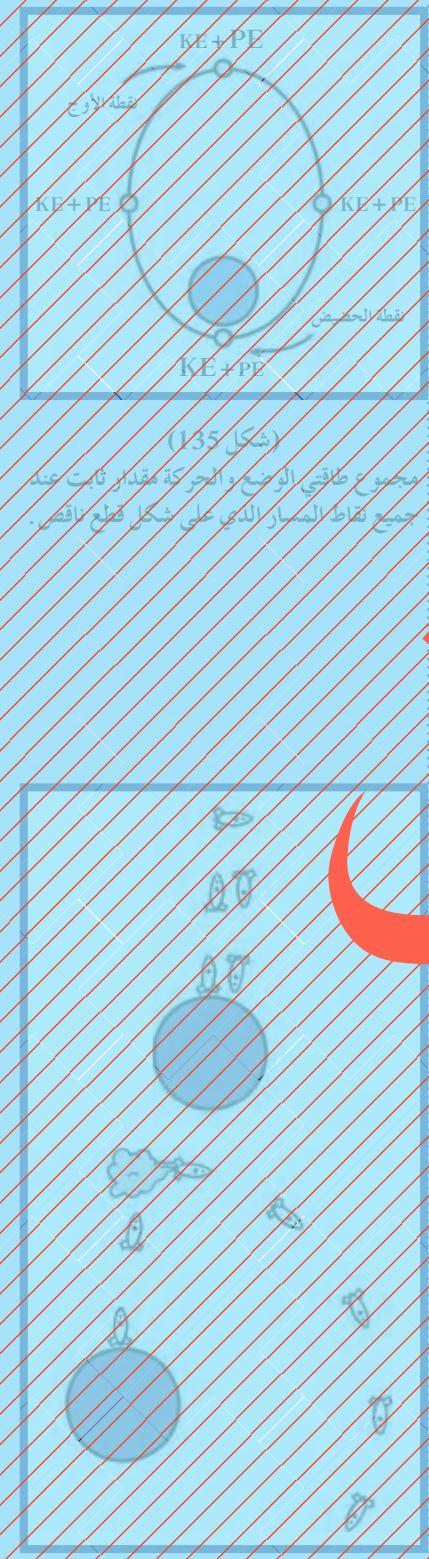
درسنا سابقاً أن الأشياء المتحركة لها ملائكة حركة (KE) وإن جسمها يقع على ارتفاع ما من سطح الأرض يكون له ملائكة وضع (PE). لذلك يكون القمر الصناعي ثالثاً وضع وحرارة في أيّ موطن من مداره حول الأرض، ويكون مجموع طاقتي الوضع والحركة مقداراً ثالثاً في أيّ من هذه المواقع (شكل 134).

في المدار الدائري، تكون المسافة التي تصل مرکز الكواكب عن مرکز القمر الصناعي ثابتة. ويعني هذا أن طاقة رفع القمر الصناعي تكون من أيضاً ثابتة ومتى قل الارتفاع حتى ينخفض الطاقة. يمكن أن يستنتج بذلك طاقة الحرارة للفلك نفسه، ومنها يستخرج ثبات سرعته في مداره الدائري.



(134) شکل

تشير فوائد الجاذبية على القراء العائلي طائفة إلى  
نحو الكوكب الذي تدور حوله رايد كان مسار  
القراء الصناعي دارثا، فالاتجاه مرددة للتوجه  
نحوه وهو كرت، وبالتالي لا تغير المسار بعد ولا طاقة  
الحركة.



(شكل 135)

مجمع طاقتى الوضع، الحرارة مقدار ثابت عند  
جمع نقاط المسار الذي على شمال قطع بالقص.

يعنترف الرفع في حالة المسارات التي تتعدد بكل قطع بالقص لاختلاف المسافة والسرعة، فترتيد طاقة وخش الفرق الصاعي بزيادة عزز مرتكز الأرض. ويصبح لها أعلى قيمة عدد نفطة الأرض Apogee أي النقطة الأقصى، وهي النقطة الأبعد عن الأرض، وأقل قيمة عند نقطه الحضيض Perigee أي النقطة الأدنى، وهي النقطة الأقرب إلى الأرض، وبالتالي، يكون لطاقة الحركة أقل قيمة عند النقطة الأقصى وأكبر قيمة عند النقطة الأدنى (شكل 135). ومن الطبيعي أن نذكر هنا أن مجموع طاقتى الوضع والحركة مقدار ثابت عند أي نقطة على المسار، وذلك لثبات الاحتكاك.

## 5. سرعة الأفلات

عند اطلاق سكم له فضاء يتيهد مسارا ما حول الأرض، تغير سرعة الصاروخ  
العامل للمكروك ولتجاه هذه السرعة من العوامل المهمة لنجاح وضعه في  
المسار المطلوب، فإذا يحدت إذا أطلق الصاروخ، أعلى لأعلى ليكون

سرعة (8) km/s؟ يجت أن يهد كل العامين هي سرعة الإطلاق لأن  
هذا الصاروخ سرف بدفع حمولته بسراحته إلاد المركبة  
تنفسها، ريفيج هو المحيط إلاد المركبة

# معلوف

يجب إطلاق الصاروخ بسرعه (11.2) km/s، لأن المركبة  
الجوى لن تقاد احتكاك الهواء، وقد تستعمل بعضها لأن توفر سرعة إطلاق راسمه تمك الصاروخ وحده  
من أن يطير ويتنعل، ران ينزلت من جانب الأرض الإيجابية هي نعم، يمكن  
إطلاق أعلى حسم بسرعة أكبر من (11.2) km/s، وإنهى مقارنة الهواء،  
سوف يتمكن الجسم من بعذرة الأرض، وقد تغير مزعناته أثناء اسعاده لكنه  
لن يهدّف. دعنا نناقش ما يحدث سرعة نظر الطاقة الميكانيكية لهذا  
الجسم.

إذا نسألا عن الطاقة اللازمة لإرسال صاروخ إلى مسافة لا نهاية، محرر كذا  
يعكس ان تمام يجدت الأرض، قد يبادر إلى أنهننا أن طاقة الوضع عند  
هذا السد الالهائى تكرر كمية لا نهاية أيضاً. لكن يجب أن نتذكر هنا  
التناقض السريع لقوى الجاذبية طبقاً لقانون التربع العكسي، و بذلك تحرر  
قوة الجاذبية الأرضية على الصاروخ كبيرة عدد المسافرات الفريدة من سلاح  
الأرض فقط. بذلك، معظم السعال المبذول في إطلاق الصاروخ يستهلك  
بالقرب من الأرض.

(شكل 136)

لا يتم وضع المكروك في مدار حول الأرض  
يدفع الصاروخ رأسياً إلى أعلى ، بل يحتاج إلى  
خطين: مرحلة إطلاق دائمة لصل إلى خارج  
الغلاف الجوي، ثم مرحلة إطلاق ثانية بسرعة  
(8) km/s يدور المكروك حول الأرض

ويمكن استنتاج سعرة الالافلات من خلال تطبيق مبدأ حفظ الطاقة الميكانيكية للجسم بحررك تحت تأثير قرقة المحفوظة  $G M m / r$ , تكون سرعة الالافلات ادنى سرعة يجب ان يتحداها الجسم لتحرر من الجاذبية. فإذا انطلق جسم له كتلة  $m$  وسرعه  $v_e$  لا من سطح الارض، يصل الى نقطة الانهائية حيث تساوي سرعته صفراء وطاقة وضعيه صفراء، فنكون إذن:

$$\frac{1}{2} m v_e^2 = \frac{G M m}{r} + 0$$

اي ان طاقة الوضع = الطاقة الحركية  
وبالتالي:

$$v_e = \sqrt{\frac{2 G M}{r}} = (11.2) \text{km/s}$$

نستنتج أن حيث  $G$  هو ثابت الجذب العام،  $M$  كتلة الأرض و  $r$  ينصف قطر الأرض. وبالحظ إذاً سرعة الالافلات يرتبط بمحض اقصى الكهربائي.

(شكل 137)

اطلق مركبة باينير 10 من الأرض عام 1972 واستطاعت الإلافت من المجموعة الشمسية عام 1984 لتصبح في المدار الكروي.

#### مراجعة الدرس ٤-١

# محلـف

أولاً - زُرّق قمر صناعي على مسار أرضي دائري احمس ارتفاعه عن سطح الأرض، فهل علمنا أن

نصف قطر الأرض يساوي  $6.7 \times 10^6 \text{m}$ ؟

كتلة الأرض تساوي  $6.0 \times 10^{24} \text{kg}$ ،  $T = (23)h$ ،  $G = 6.67 \times 10^{-11} \text{N.m}^2/\text{kg}^2$ .

الثانية - هل تختلف سرعة دوران قمر صناعي في مداره حول الأرض على

بعده من الأرض؟ كتلة الأرض؟

ثالثاً - إذا أطلقت قذيفة مدفع من قمة جبل عالي، تغير الجاذبية الأرضية

من سرعتها أثناء تحركها في مسارها. أمّا إذاً أطلقت بسرعة كافية

لست Leone مداراً دائرياً حول الأرض، لذا تغيّر الجاذبية من سرعتها في هذه

الحالة. لماذا؟

رابعاً - شرّح حجر كروي سرعة  $(30) \text{km/h}$  =  $v$  ويتحدد مداراً

دائرياً له نفس قطر كوكب كروي ذو كثافة متحانسة، ونفترض هذا

الكوكب  $(8) \text{km}$ .  
(أ) أحسب كتلة هذا الكوكب.

(ب) أحسب كثافة الكوكب. هل هذه الكثافة مقولة؟

## مراجعة الفصل الرابع

### المفاهيم

Energy Conservation	حفظ الطاقة	Universal Gravitation	الجاذبية الكروية
Circular Orbit	المدار الدائري	Escape Velocity	سرعة الإفلات

مسار القطع الناقص

### الأفكار الرئيسية في الفصل

تشير حركة هذه الأقمار قاتلتين إلى تنافس الجاذبية الكروية، فتكون مساراتها دائريّة إذا كانت سرعتها المماسية تساوي  $(8 \text{ km/s})$ . أو تقطعًا رافقًا إذا كانت سرعتها المماسية أكبر من  $(8 \text{ km/s})$  وأصغر من  $(11.2 \text{ km/s})$ .

ـ تقطّع هذه الأقمار من جاذبية الأرض إذ فاقت سرعتها المماسية  $(11.2 \text{ km/s})$ .

ـ سرعة الأقمار الصناعية التي تدور على مسارات دائريّة ثانية تساوي:

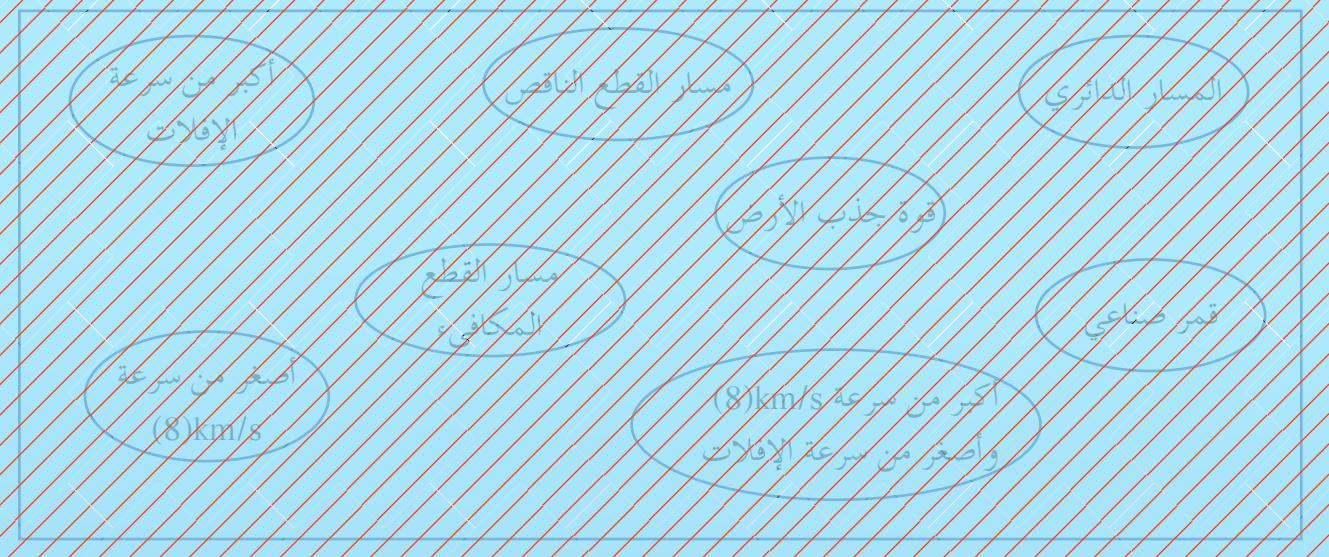
$$v = \sqrt{\frac{GM}{d}}$$

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{d^3}{GM}}$$

ـ قوّة الجذب بين بدينان  $m_1, m_2$  تتحفّض بما يتناسب مع  $d^2$  حيث  $G$  ثابت الجذب العام.

### صريطة مفاهيم الفصل

استخدم المصطلحات المرصودة في الشكل التالي لرسم سريحة مفاهيم تلخص معظم الأفكار التي احتواها الفصل.



# أسئلة مراجعة الفصل 4

## تحفظاً من فهمك

ضع علامة ( ✓ ) في المربع الواقع أمام العبارة الصحيحة في كل مما يلي:

1. إذا أطلق قمر صناعي بسرعة كمالية  $8 \text{ km/s}$  يكون مساره:

- قطعاً ناقصاً
- دائرياً

- يفلت من جاذبية الأرض.
- غير محدد.

2. لحساب سرعة قمر صناعي له مسار دائري يستخدم العلاقة  $v = \sqrt{\frac{GM}{r}}$  حيث  $M$  هي:

- كتلة الكوكب.
- كتلة القمر الصناعي.

- المسافة بين مرکز الكوكب والجسمين.

3. افترض قمر صناعي زمنه الدورى ( $T$ ) من الأرض حتى أصبحت المسافة التي تفصله عنها نصف مداري صافى المسافة الأصلية. فما زمنه الدورى:

- لم يتغير.

- اصبح  $\frac{T}{2}$ .

- اصبح  $\frac{T}{27}$ .

- اصبح  $\frac{T}{\sqrt{2}}$ .

## محاف

### تحفظاً من مهاراتك

#### حل المسائل التالية:

1. أحسب السرعة المدارية الأرض حول الشمس بوحدة  $\text{m/s}$ . افترض أن المسافة التي تفصل الأرض عن الشمس هي  $150 \times 10^9 \text{ km}$ .

2. ما السرعة الفضائية التي يصطدم بها حسماً يصطدم بال الأرض عندما يستطع من مكونه من ارتفاع شاهق، تحت تأثير الجاذبية الأرضية.

3. أحسب الزمن الدورى لقمر صناعي يدور حول كوكب ماندالا كتلة الكوكب  $M$ ، ونصف قطر المسار ( $r$ ) وناتج الجذب ( $G = 6.67 \times 10^{-11} \text{ N.m}^2/\text{kg}^2$ ).

### مسارب الفصل

#### الغواصات

ادب مقاولاً تعلّم منه ثوابت سرعة قمر صناعي له مسار دائري.

#### نشاط بحثي

قم ببحث تبين فيه أخطار مخالفات الأقمار الصناعية المسبوكه على الأقمار الصناعية التي ما زالت في الخدمة، تصنف بحسب خلوره هذه المخالفات على الكثرة الأرضية ونهاية بعد ازدياد معدل ثابي أكسيد الكربون في طبقات الغلاف الجوي. اذكر بعض اقتراحات الدول في معالجة هذه المخالفات وطرق الحاضر منها.

طرح سلسلة العلوم مضموناً تربوياً منوّعاً يتنااسب مع جميع مستويات التعلم لدى الطالب.

يوفر كتاب العلوم الكثير من فرص التعليم والتعلم العلمي والتجارب المعملية والأنشطة التي تعزز محتوى الكتاب. يتضمن هذا الكتاب أيضاً نماذج لاختبارات لتقييم استيعاب الطالب والتأكد من تحقيقهم للأهداف واعدادهم للاختبارات الدولية.

تتكوّن السلسلة من:

- كتاب الطالب
- كتاب المعلم
- كراسة التطبيقات
- كراسة التطبيقات مع الإجابات

# الصف الحادي عشر كتاب الطالب الجزء الأول



الفيزاء